

211

**RAÍZES DE POLINÔMIOS COM COEFICIENTES INTERVALARES** Mariana L. Kolberg, Cíntia L. Marangon, Rodrigo C. Prestes, Guilherme L. R. Vaccaro, Dalcídio M. Claudio (Faculdade de Matemática, PUCRS).

Consideremos os polinômios de segundo grau com coeficientes intervalares definidos por:  $P_2(x) = x^2 + Ax + B$ , onde  $A \in [a_1, a_2] \subset \mathbb{R}$  e  $B \in [b_1, b_2] \subset \mathbb{R}$ . Deste modo, teremos que o polinômio em questão pode ser visto como uma família de polinômios com coeficientes reais do tipo  $p_2(x) = x^2 + ax + b$ , com  $a \in A$  e  $b \in B$ . Denotamos  $N(P_2)$  o subconjunto do plano complexo  $N(P_2) = \{n \in \mathbb{C} : p_2(x) = P_2(x), p_2(n) = 0\}$ , que chamamos núcleo de  $P_2(x)$ . Nosso problema consiste em determinar  $N(P_2)$ . A partir do gráfico de todos os polinômios reais de  $p_2(x) \in P_2(x)$ , introduzimos o gráfico de  $P_2, G(P_2)$ , definido por  $G(P_2) = \{\tilde{x}, \tilde{y} : p_2(x) \in P_2(x), \tilde{y} = p_2(\tilde{x})\}$ . Mostraremos que este conjunto pode ser caracterizado usando os seguintes polinômios:

$$\begin{aligned} q(x) &= x^2 + a_2x + b_2 & r(x) &= x^2 + a_1x + b_1 \\ q(x) &= x^2 + a_1x + b_2 & r(x) &= x^2 + a_2x + b_1 \end{aligned}$$

A partir destas especificações, analisaremos as diversas possibilidades de existência de raízes reais e complexas de  $P_2(x)$ , utilizando o sistema algébrico MAPLE. Serão também apresentados diversos exemplos, bem como a representação gráfica de  $P_2(x)$ . Extensões para polinômios de graus maiores também serão abordados.