

269

**O TESTE DE PRIMALIDADE DE MILLER-RABIN.** *Carlos Hoppen, Vilmar Trevisan.* (Instituto de Matemática, UFRGS).

Determinar a primalidade de um número é um problema difícil de crescente interesse em Teoria dos Números, devido a sua aplicação em criptografia, vastamente presente na comunicação eletrônica de dados. Com o auxílio de um computador, é possível fatorar um número em seus divisores e, então, verificar se ele é primo sem muita dificuldade, desde que o número de dígitos não seja muito grande. Para números maiores, porém, métodos indiretos são necessários. O objetivo do presente trabalho é apresentar um desses métodos, o Algoritmo de Miller-Rabin. Esse algoritmo consiste em aplicar o Teste de Miller a um número  $p$ , ou seja, verificar se ele satisfaz a propriedade  $a^{p-1} \equiv 1 \pmod{p}$  para uma base  $a$  qualquer. Pelo Pequeno Teorema de Fermat, se o número é primo, então ele satisfaz essa propriedade. A recíproca não é verdadeira, mas uma análise probabilística feita por Rabin mostrou que esse algoritmo é confiável. Mais precisamente, se o número  $p$  passa no Teste de Miller  $k$  vezes, então ele é primo com probabilidade, pelo menos,  $1-1/4^k$ . (FAPERGS).