

359

**A TEORIA DE SUBRESULTANTES APLICADA AO CÁLCULO DO MÁXIMO DIVISOR COMUM DE UM POLINÔMIO.** *Carlos Hoppen, Vilmar Trevisan* (Dept ° de Matemática Pura e Aplicada, UFRGS).

Seja  $R$  um anel. Uma ferramenta básica da álgebra computacional é a divisão com resto, isto é, dados  $f, g \in R$ , procuram-se  $q, r \in R$  que satisfaçam:  $f = qg + r$ ,  $r = 0$  ou  $N(r) < N(g)$ , onde  $N$  denota uma norma de  $R$ . Esse problema foi estudado pelo matemático grego Euclides (320-275 A. C.) para domínios euclidianos. Porém, dados  $f, g$  em um anel arbitrário, tais  $q$  e  $r$  nem sempre existem. Em particular, esse é o caso para polinômios em  $D[X]$ , onde  $D$  é um domínio de integridade, o que motiva uma extensão para esse problema: para  $f, g \in D[X]$ , procuram-se  $\alpha, \beta \in D$ ,  $q, r \in D[X]$  tais que:  $\alpha f = qg + \beta r$  e  $r = 0$  ou  $\text{grau}(r) < \text{grau}(g)$ . A solução desse problema e a determinação de pares  $(\alpha, \beta)$  que otimizem a sua resolução computacional serão abordadas no trabalho seguindo o ponto de vista da Teoria de Subresultantes, cujo Teorema Fundamental motivará um algoritmo útil para determinar um elemento associado ao máximo divisor comum de dois polinômios quando os considerarmos sobre o corpo de frações de  $D$ . Resultados de complexidade e a comparação do desempenho de diferentes algoritmos para essa finalidade em exemplos concretos também serão apresentados. (Fapergs)