10,00 to do recebimento: 10,08,99

must -- is ch

1

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL

INSTITUTO DE FÍSICA

ESTUDO DA CRISTALIZAÇÃO E ESTABILIDADE TÉRMICA DE LIGAS AMORFAS DO TIPO $(Fe_{1-x}Ni_x)_{80}B_{20}^{*}$

Marcos Antonio Zen Vasconcellos

Dissertação realizada sob a orientação dos Drs. Mario N. Baibich e Rogério P. Livi, apresentadaao Instituto de Física da UFRGS, como requisito parcial para a obtenção do grau de Mestre em Física.

OFROS

Describing

100in

Drutting

150

* Trabalho parcialmente financiado pelas seguintes Instituições: Conselho Nacional de Desenvolvimento Científico e Tecnológico (CNPq); Financiadora de Estudos e Projetos (FINEP) e Coordenação de Aperfeiçoamento de Pessoal de Ensino Superior (CAPES).

UFRGS Instituto de Fisica Biblioteca

RESUMO

Foi medida a resistência elétrica das ligas amorfas pseubinárias do tipo $(Fe_xNo_{80-x})B_{20}(x=40,50,60,70 e 80)$ durante a cristalização isotérmica. Os dados experimentais, assumindo uma relação linear entre a resistência elétrica e a fração volumétrica de material transformado, se ajustam à equação de JOHNSON-MEHL-AVRAMI. Supondo que o mecanismo de cristalização é semelhante ao de uma reação química, obtivemos valores dos parâmetros cinéticos para o processo de transformação da fase amorfa para a fase cristalina. As medidas de resistividade elétrica em função da temperatura, uti lizando taxas de aquecimento constantes, permitiram a obtenção de parâmetros cinéticos e sua comparação à aqueles obtidos por métodos isotérmicos. Finalmente estudamos a estabilidade térmica destas ligas, analisando a contribuição eletrônica para esta estabilidade. ABSTRACT

We have measured the electrical resistance of amorphous alloys type $(Fe_xNi_{80-x})B_{20}$ (x=40,50,60,70 e 80) during isothermal crystal lization. The obtained data fits a Johnson-Mehl-Avrami equation, assuming a linear relation between the electrical resistance of the sample ant the transformed material volumetric fraction (x). Assuming a crystallization mechanism similar to that of a chemical reaction, we have obtained values for the kinetic parameters for the transformation process. Temperature dependent measurements of the resistivity, at constant heating rates, allowed for the obtention of kinetic parameters and its comparison to those obtained above. Finally, we have studied the thermal stability of these alloys, analizing the electronic contribution to this stability.

AGRADECIMENTOS

Aos Profs. MARIO N. BAIBICH e ROGÉRIO P. LIVI, pela orientação e apoio dados no desenvolvimento deste trabalho.

Ao Prof. WIDO H. SCHREINER, de modo especial, tanto pelas valio sas discussões, quanto pelo apoio material recebido na automa ção do equipamento.

A MAURO FIN, pela dedicada e incansável atuação na construção de equipamentos eletrônicos.

A FERNANDO OGIBA, pelo aprendizado na área de computação.

A CESAR VASCONCELLOS, pelas frutíferas discussões na elaboração desta Tese.

A OTELO MACHADO, pela significativa contribuição em várias etapas deste trabalho.

Aos Técnicos da Oficina, em especial a ROBERTO BAUM FILHO e IRAÍ CARLOTTO;

Aos bolsistas MARCO IDIART, GELSON LÜTZ, GILBERTO WEISSMÜLLER e, em especial, ao colega PAULO FICHTNER.

Aos Professores TARCISIO GRANDI e R.MAY PELAS medidas de DSC em uma de nossas amostras ($Fe_{60}Ni_{20}B_{20}$).

À LIÉGE B. HILGERT e VERA LUCIA F. FEIL, pela datilografia.

A minha esposa MARTA, cujo amor e incentivo foram essenciais p<u>a</u> ra conclusão deste trabalho.

A todos que, de uma forma ou de outra, contribuíram para este trabalho.

ÍNDICE

			pág.
I	-	INTRODUÇÃO	. 1
II	-	CRISTALIZAÇÃO ISOTÉRMICA: A EQUAÇÃO DE AVRAMI	
		II.1 - Introdução	.10
		II.2 - Classificação das transformações de fase	.12
		II.3 - A Equação de Avrami	.15
III	-	CRISTALIZAÇÃO ISOCRÔNICA: MÉTODO DE KISSINGER	
		III.1 - Método de Kissinger	.28
		III.2 - Variações do Método de Kissinger	.35
		III.3 - Comentários	.40
IV	-	TÉCNICAS EXPERIMENTAIS	
		IV.1 - Ligas Cristalinas	. 44
		IV.2 - Ligas Amorfas	
		IV.2.1 – Descrição do Método de obtenção	
		das ligas amorfas	.46
		IV.2.2 – Confecção das fitas amorfas	.49
		IV.3 – Equipamento de medida de Resistência Elé-	
		trica	
		IV.3.1 - Medidas Isotérmicas de Resistên-	
		cia Elétrica	.50
		IV.3.2 – Medidas Isocrônicas de Resistên-	
		cia Elétrica	.58

	pag.	
V - RESULTADOS E DISCUSSÃO		
V.1 - Medidas Isotérmicas	.66	
V.2 - Medidas Isocrônicas	.96	
V.3 – Estabilidade	.130	
VI – CONCLUSÕES	.151	
APÊNDICE A		
Resistência Elétrica em Misturas Binárias	. 155	
APÊNDICE B		
Listagem de Programas	.161	
APÊNDICE C		
Figuras Adicionais	. 177	
ATRI TOCRAFIA		

BIBLIOGRAFIA

I - INTRODUÇÃO

Os metais amorfos têm despertado grande interesse nos últimos anos, tanto científico quanto tecnológico. Estes metais, ao contrário dos metais cristalinos, não possuem ordem atômica periódica. Sua estrutura interna é bastante desordenada, embora apresentem certo grau de ordem de curto alcance. Uma visão gro<u>s</u> seira de um metal amorfo é a de um sólido que representa uma "fotografia" do estado líquido. Na figura I - 1 podemos visualizar como a distribuição dos átomos em uma substância pode ser inferida a partir dos resultados de difração de Raios - X, comparando os vários estados da matéria. Destes resultados podemos esperar uma forte semelhança entre a ordem de curto alcance dos líquidos e dos metais amorfos.

A composição dos vidros metálicos é, geralmente, cla<u>s</u> sificada em dois grupos:

a) ligas de metais nobres ou metais de transição com um metalóide dos grupos IV ou
 V agindo como um formador do vidro metálico.

Exemplo: Fe₈₀B₂₀ e Pd₈₀Si₂₀

b) ligas que não contêm metalóide:Exemplo: CuZr e MgZn



Figura I 1 - Distribuiçao dos átomos em uma substância inferida a partir de resultados de difração de Raios-X. Os gráficos à direita apresentam a intensidade reduzida da radiação esp<u>a</u> lhada como funçao do ângulo de espalhamento [CGT 80].

Para obtermos um material no estado amorfo, necessitamos resfriar este material no estado líquido abaixo de uma te<u>m</u> peratura, chamada temperatura de vidro, a qual varia de elemento para elemento. Abaixo desta temperatura, a configuração dos átomos forma uma estrutura congelada no estado amorfo. A temperatura Tg é geralmente definida como correspondente a variação brusca que ocorre no calor específico em função de temperatura (figura I.2), durante a transição de líquido para vidro.



Figura I.2 - Relação esquemática entre o calor específico do cristal, C_p^C ; do sólido amorfo, C_p^a e do líquido, C_p^l . T_g é a temperatura de vidro e T_c é a temperatura de cristalização.

O tempo necessário a uma variação na configuração at<u>ô</u> mica é estimado experimentalmente da viscosidade, que é uma medida da resistência do material a uma modificação na sua forma. A viscosidade de líquidos, como água ou mercúrio, é da ordem de 10^{-2} P, enquanto que vidros metálicos na temperatura Tg, alcançam valores de ~ 10^{13} P. Para estes últimos valores de viscosid<u>a</u> de, os movimentos atômicos são retardados e o tempo de relaxação para rearranjos atômicos torna-se suficientemente grande p<u>a</u> ra permitir medidas experimentais.

Entretanto, não basta resfriar o material líquido abaixo de Tg, mas também resfriar suficientemente rápido, evitando, desta forma, a formação e o crescimento de centros de nuclea ção. Estes centros de nucleação são formados por agregados de átomos que se juntam em uma configuração cristalina.

Os principais métodos de obtenção de materiais amorfos são:

- a) deposição de vapor
- b) resfriamento por ejeção sobre uma superfície em movimento ("melt-spinning")
- c) deposição química
- d) pulverização fina ("sputtering")
- e) implantação de íons
- f) vitrificação por pulso de laser
- g) danos de radiação

Os materiais amorfos utilizados neste estudo, foram obtidos usando a técnica de "melt-spinning", que permite taxas de resfriamento de ~ 106 K/s.

Os metais obtidos por estas técnicas apresentam propriedades potencialmente interessantes para aplicações tecnológ<u>i</u> cas. Os metais amorfos apresentam alta dureza aliada a uma significativa dutilidade. A resposta da magnetização a um campo aplicado é substancial, isto é, os metais amorfos podem ser muito "macios" ("soft") do ponto de vista magnético, o que é desejável em aplicações industriais (transformadores, por exemplo). Um dos reflexos desta propriedade é a forma quadrada que assumem as curvas de histerese, como pode ser visto na figura I.3. São também materiais mais resistente à corrosão que os materiais cristalinos (figura I.4). Outra categoria de aplicações potenciais, refere--se a possibilidade de obter materiais com microestruturas altamente controladas.





Figura I.4.a – Densidade de corrente (que serve como me dida de razão de corrosão) em função do tempo para a liga amorfa Fe₇₀Cr₁₀P₁₃C₇ e para o aço 18Cr-8Ni. [PG 76]



Figura I.4.b - Comparação entre a razão de corrosão entre a liga amorfa Fe-Cr-13P-7C e a liga cristalina Fe-Cr. [MHN 78]

Entretanto, os metais amorfos são obtidos em um estado metrestável. Este caráter metaestável pode ser verificado quando o vidro é aquecido. Inicialmente o metal diminuirá sua energia, relaxando para um estado vítreo mais estável, e com o aumento da temperatura ocorrerá o processo de cristalização.

Várias propriedades sofrem variações consideráveis d<u>u</u> rante a formação do metal amorfo. A figura I.5 apresenta um di<u>a</u> grama esquemático do volume específico em função da temperatura. O amorfo possui um volume específico maior quando é produzido com uma taxa de resfriamento maior, T. Na figura I.5, G₁ e G₂ correspondem, respectivamente a estados vítreos obtidos com taxas de aquecimento $T_1 > T_2$. Taxas de resfriamento diferentes produzem estruturas amorfas que se encontram em estados configuracionais diferentes. O aquecimento a baixa temperatura (T << T_g) induz a um processo de relaxação estrutural que ocorre por variação na ordem topológica de curto alcance e também na ordem composicional. Este processo de relaxação é representado pela linha hachurada na figura I.5.



Figura I.5 - relação entre o volume específico e a temperatura. [Sc 78]

A cristalização é o estágio final no aquecimento do amorfo. Em experiências calorimétricas com taxas de aquecimento constante, um ou mais eventos exotérmicos são observados. Estes eventos são acompanhados por variações abruptas na resistividade elétrica (figuras V.2-V.7, seção V.2) e magnetização de saturação, entre outras. A temperatura para a qual ocorrem estas modificações é chamada temperatura de cristalização (T_). Contudo, a cristalização em vidros metálicos pode ocorrer para tem peraturas menores que I, quando estes materiais são tratados isotermicamente. Muitas das propriedades relacionadas anteriormente, interessantes do ponto de vista tecnológico, são drasticamente perdidas durante o processo de cristalização. Desta for ma, o processo de cristalização nos metais amorfos é de interes se não apenas científico como também tecnológico, uma vez que o estudo da estabilidade térmica contra a cristalização deve determinar seu limite efetivo de trabalho.

O objetivo deste trabalho pode ser subdividido, fundamentalmente em dois aspectos:

 a) o estudo comparativo da cinética da cris talização por métodos isotérmicos e isocrônicos, através dos pa râmetros obtidos em cada um deste métodos;

 b) observação da estabilidade contra a cris talização por meio da análise dos parâmetros cinéticos (energia de ativação e temperatura de cristalização) em função da composição das ligas em estudo.

No Capítulo II apresentamos uma classificação das transformações de fase e também a obtenção da equação de Avrami. Esta equação descreve a cinética da transformação sob condições

isotérmicas e permite avaliar os parâmetros cinéticos associados à transformação.

Técnicas de análise não isotérmica são mais vantajosas do que análises isotérmicas pois permitem a observação das transformações em regiões de temperatura não acessíveis através de medidas isotérmicas, bem como a obtenção mais rápida de dados cinéticos relativos à transformação da fase amorfa para a fase cristalina. Estes métodos são apresentados no Capítulo III.

O parâmetro utilizado neste trabalho para observar a transição de fase nos metais amorfos foi a RESISTÊNCIA ELÉTRICA em função do tempo para uma dada temperatura (medidas isotérmicas) e da temperatura para uma dada taxa de aquecimento (medidas isocrônicas). O equipamento construído para realizar estas experiências encontra-se descrito no Capítulo IV.

No Capítulo V apresentamos os resultados e procedemos a discussão relativa às medidas isotérmicas, não isotérmicas e também alguns aspectos relativos ao conceito de estabilidade té<u>r</u> mica das ligas estudadas.

As conclusões deste trabalho são apresentadas no Cap<u>í</u> tulo VI.

II - CRISTALIZAÇÃO ISOTÉRMICA: A EQUAÇÃO DE AVRAMI

II - 1 - Introdução

Os metais amorfos encontram-se em um estado metaestável, possuindo algumas propriedades de grande interesse científico e tecnológico. Estas propriedades, como por exemplo, o excelente comportamento magnético, a alta dureza aliada à grande dutilidade e, ainda, uma grande resistência contra a corrosão, desaparecem completamente quando do processo de cristalização.

Nos metais amorfos, a cristalização é um processo de transformação da fase amorfa para a fase cristalina. Consideremos um sistema constituído por um conjunto de átomos ou moléculas que, atingido o estado de equilíbrio termodinâmico, ocupam uma ou mais regiões fisicamente distintas. Cada região pode ser caracterizada por uma variedade de parâmetros, tais como densidade, composição química e arranjo estrutural. Estabelecemos em nosso caso, que o termo "fases diferentes" é equivalente à expressão "diferentes arranjos estruturais", resultantes de modificações nos vínculos externos.

Duas abordagens são possíveis neste tipo de processo: a busca de causas da ocorrência de uma particular mudança de f<u>a</u> se e o estudo dos mecanismos responsáveis pela transição de fase. Para esclarecer satisfatoriamente o primeiro aspecto seria necessário investigar todos os estados quânticos possíveis do sistema e determinar sua configuração de equilíbrio. Um sistema de N partículas, contido em um volume finito, pode ocupar um número significativo de estados discretos. Estes estados podem ser obtidos através da equação de Schrödinger.

$H_n \mathscr{H}_{c}(\vec{n}_n) = E_{\mathfrak{e}} \mathscr{H}_{c}(\vec{n}_n)$

Nesta expressão Hn, 4: eE: representam, respectivamente, o opera dor Hamiltoniano, as funções de onda, dependentes das coordena das de posição no espaço de configuração usual e os autovalores de energia do sistema. O símbolo i caracteriza todos os níveis quânticos necessários para especificar-se completamente o estado quântico em que se encontra o sistema. Como estamos frente a um problema de muitos corpos com uma quantidade extremamente significativa de graus de liberdade, a viabilidade desta abordagem de pende da escolha de modelos fenomenológicos apropriados. Neste trabalho restringiremos nosso enfoque ao estudo dos mecanismos responsáveis pela transição de fase, a partir do estudo da cinética da transição. Para este fim, utilizando-nos de teorias ciné ticas as quais incorporam, implicitamente, alguns modelos dos pro cessos atômicas envolvidos. É conveniente citar que tais modelos são de dois tipos; enquanto um deles exige uma estrutura ideal, produzindo aproximações para as forças interatômicas, o outro es tuda os desvios desta estrutura ideal.

Baseado no trabalho de CHRISTIAN [Cr 75], apresentamos inicialmente uma classificação das transformações de fase e após exibimos a obtenção de uma equação que descreva a transformação do ponto de vista cinético. II - 2 - Classificação das Transformações

Embora existam outras formas de classificação dastran<u>s</u> formações de fase, utilizamos neste trabalho aquela que qualif<u>i</u> ca as transformações como homogêneas ou heterogêneas.

Uma transformação de fase homogênea é aquela que ocor re simultaneamente em todas as partes do sistema.

Uma transformação de fase heterogênea é aquela que per mite distinguir, com o processo de transição em andamento, do ponto de vista microscópico, regiões que sofrem transformações e regiões que permanecem inalteradas. Esta transformação pode ser subclassificada em dois grupos: Transformações de nucleação e crescimento e transformações martensíticas.

Os dois grupos podem ser distinguidos pelas diferentes dependências em temperatura de aquecimento e tempo de tran<u>s</u> formação, materializadas nas diferentes quantidades de material transformado e nas diferentes velocidades de transformação.

A seguir apresentamos algumas características das re<u>a</u> ções acima referidas.

a) Característica das Transformações de Nucleação e Crescimento

Este tipo de transformação se caracteriza pelo cresc<u>i</u> mento de uma "nova fase", associado ao decréscimo da fase orig<u>i</u> nal, que resulta da transferência de átomo por átomo, através do contorno que separa as duas fases, levando o contorno a mover-se lentamente.

Os contornos no estado sólido, podem ser divididos em duas categorias. Em uma delas, os contornos podem se mover sob a ação de forças diretoras adequadas, como por exemplo, uma deformação plástica resultante da aplicação de uma compressão OU tração. Este movimento pode ocorrer mesmo para baixas temperatu ras, ou seja, não exige ativação térmica. Na outra categoria, os contornos podem se mover somente se o sistema passar por estados intermediários de mais alta energia livre que os estados inicial e final. O sistema deve, então, ultrapassar uma barreira de energia, no espaço de configuração, para poder alcançar um estado final mais estável. Este movimento exige ativação térmica. Pode ocorrer ainda, que haja variação da composição química através do contorno. Se não houver, a transformação é polimórfica.

Em transformações de nucleação e crescimento, os átomos se movem independentemente uns dos outros, com uma velocid<u>a</u> de que depende da temperatura ou então do tempo, se a transformação for isotérmica.

A quantidade de material transformado, a temperatura constante, aumenta com o tempo até que seja alcançado um mínimo na energia livre do sistema. Pode ocorrer que a temperatura seja baixa, tal que produza uma transformação extremamente lenta a qual não possa ser observada, ao menos para períodos de tempo que permitam uma resolução apreciável do ponto de vista experimental.

As transformações de nucleação e cresciemtno são irre versíveis. Isto porque os átomos individuais se movem de maneira aleatória, independentemente uns dos outros, não havendo, por

tanto, correlação entre as posições final e inicial dos átomos ao voltar para a fase original. As referidas transformações podem ocorrer em todas as fases metaestáveis. A composição, a fo<u>r</u> ma e o volume atômico da fase resultante da transformação, por outro lado, não necessitam ter qualquer relação com a fase original.

b) Características da Reações Martensíticas

As reações martensíticas são possíveis somente no estado sólido e são caracterizadas pelo movimento cooperativo de muitos átomos. Estes átomos mantêm os mesmos primeiros vizinhos na nova fase, porém, diferentemente arranjados. A quantidade de material transformado não depende do tempo, isto é, mantida a temperatura constante, uma fração da fase original se transforma muito rapidamente. Novas transformações só se dão à medida em que a temperatura for sendo modificada. Quando a temperatura f<u>i</u> nal for alcançada, a transformação estará completa.

Estas transformações são reversíveis no que se refere à configuração atômica. A composição química da fase resultante da transformação é idêntica à da fase original. Modificações no volume atômico podem ocorrer, mas são, em geral, muito pequenas.

Com relação aos metais amorfos, a prática mostra que só através dos resultados experimentais é possível enquadrar e<u>s</u> tes sistemas em alguma das classificações apresentadas. Estes r<u>e</u> sultados mostram ainda, como será discutido no capítulo V, que a transição da fase amorfa para a fase cristalina tem todas as características de uma transformação heterogênea de nucleação e crescimento. Buscamos no que segue, uma equação que possa descrever a cinética desta transformação.

II - 3 - A Equação de Avrami

Nas transformações homogêneas, a probabilidade de oco<u>r</u> rer uma transição local, para intervalos infinitesimais de tempo, é a mesma em todo o volume não transformado do sistema. O volume da região transformada, neste intervalo de tempo, é pr<u>o</u> porcional ao volume da região não transformada no início deste intervalo. Sendo V o volume total do sistema e V¹ o volume da r<u>e</u> gião transformada, podemos representar a variação infinitesimal da região transformada pela expressão.

$$\frac{dV^{A}}{dt} = k(V - V^{1})$$
(II-1)

ou integrando,

$$\frac{\sqrt{1}}{\sqrt{1}} = 1 - \exp(-kt) \tag{II-2}$$

onde K representa a "constante de razão". O processo considerado é de primeira ordem e descresce continuamente no tempo, como pode ser verificado na figura II.1.



Fig. II.1 - Curva de reação para uma transformação homogênea

Objetivando a obtenção de uma relação entre a fração volumétrica de material transformado e o tempo, semelhante àqu<u>e</u> la obtida para transformações homogêneas, para as transformações heterogêneas de nucleação e crescimento, introduzimos uma quantidade denominada de razão de nucleação por unidade de volume, representada por I. Esta quantidade caracteriza o número de núcleos que se formam no sistema por unidade de volume, por unidade de tempo.

Experimentalmente se observa que, não havendo modificação da composição do sistema ao passar de uma fase a outra, qualquer dimensão da região transformada é função linear do tem po (Fig. II.2). Neste tipo de processo, a razão de crescimento é determinada pelos processos atômicos que ocorrem na vizinhança imediata da interface que separa as duas regiões. Neste caso nos referimos ao crescimento como sendo "controlado pela interface". A modificação da composição química, por outro lado, faz com que qualquer dimensão linear da região, produto da transformação, apresente uma dependência parabólica no tempo (t²). Para este processo, o contorno que separa as duas fases se move muito rapidamente e a razão de crescimento é determinada pelas condições de difusão. Dizemos que este processo é "controlado por di fusão".



Fig. II.2 -

representa uma dimensão linear de crescimento em função do tempo.

A linha reta pontilhada na Fig. II.2, representa uma extrapolação para um crescimento controlado pela interface. A in tersecção da abcissa na origem, corresponde a um tempo T denominado de período de indução (alguns autores preferem a nomenclatura "tempo de incubação". (ver por exemplo [AGS + 81]). O parâmetro Trepresenta o tempo necessário para que uma região alcance um tamanho mínimo para a nucleação e posterior crescimento. A extrapolação para t = 0, mostra-se mais adequada para tran<u>s</u> formações "controladas por difusão".

Em um intervalo de tempo infinitesimal entre T e T + dT, serão nucleadas uma quantidade IV_{dT}^{o} de novas regiões, sen do V^o o volume da região não transformada do sistema no tempo t = T. Nestas novas regiões supomos que se dará um processo de crescimento isotrópico. As regiões transformadas terão, neste caso, forma esférica, cujo volume em um tempo t = T é dado por

$$\begin{cases}
\psi = \frac{4\pi}{3} Z(t-T) \quad (t>T) \\
\psi = 0 \quad (t
(II-3)$$

Nesta expressão, Z é a razão de crescimento isotrópi co, isto é, a razão de crescimento de uma dimensão linear qualquer em função do tempo. Assim, o volume infinitesimal de uma região nucleada, no intervalo de tempo entre T e T + dT, é

$$dV^{\perp} = vIV^{o}dT$$
(II-4)

ou inserindo (II-3) em (II-4),

$$dV^{L} = \frac{4\pi}{3} z (t-T)^{3} I V^{\circ} dT$$
(II-5)

A redução na razão de crescimento da figura (II-2) d<u>e</u> ve-se às colisões que ocorrem entre as regiões transformadas.E<u>s</u> te problema foi contornado por JOHNSON, MEHL e AVRAMI, através da criação de um modelo baseado em "núcleos fantasmas". Na transformação de uma fase sólida para outra, ao ocorrer uma colisão entre duas ou mais regiões na porção já transformada, estas regiões desenvolvem um contorno comum. Sobre este contorno o cre<u>s</u> cimento cessa, continuando a crescer, entretanto, em outras direções. Em um intervalo de tempo infinitesimal dT , IV^O dT novas regiões serão nucleadas no volume não transformado. Podemos imaginar que na região já transformada, IV¹ dT regiões sofreram um processo de nucleação – estes são os "núcleos fantasmas". Desta forma, teremos processos de nucleação tanto na regiãotrans formada, quanto na região não transformada. Como conseqüência, resulta um volume transformado maior do que o real, pois os mes mos elementos foram considerados mais de uma vez. Como a superfície limite da amostra não sofre modificação, a única maneira deste volume estendido (a soma do volume real mais o "volume fantasma") ser maior do que o volume real é que o processo de nucleação e crescimento na região transformada ocorra como se cada região crescesse através da outra. Se pudermos estabelecer uma relação entre o volume estendido e o real, teremos contorna do o problema das colisões.

Dado um intervalo de tempo infinitesimal dT, a região estendida aumentou por um fator d V_e^1 e o volume transformado real por um fator dV¹. A região estendida é formada por elementos da região não transformada e por elementos da região já transformada. Se o elemento de volume da região "fantasma" e<u>s</u> tiver localizado aleatoriamente, a relação entre as duas regiões pode ser escrita como

$$dV^{1} = (1 - V'/V)dV_{e}^{1}$$
(II-6)

ou

$$V_e^{\perp} = -V \operatorname{Im}(1 - V'/V)$$
 (II-7)

Isto equivale a dizer que o volume da região transformada real é uma fração do volume estendido.

O volume infinitesimal estendido leva em conta, como visto anteriormente, tanto núcleos formados na região já transformada, quanto núcleos formados na região não transformada. E<u>s</u> te volume é dado por

$$dV_e^{I} = \mathcal{O}\left[(IV^{\circ}dT) + (IV^{I}dT)\right] \qquad (II-8)$$

Integrando-a resulta

$$V_e^{\mathbf{L}} = \frac{4\pi}{3} \bigvee \int_0^t z^3 \mathbf{I} (t-T) dT \qquad (II-9)$$

Combinando as expressões (II-7) e (II-9), obtemos

$$- \ln (1-x) = \frac{4\pi}{3} z^{3} \int_{0}^{t} I(t-T)^{3} dT \qquad (II-10)$$

onde X (= V1/V) representa a fração volumétrica transformada.

A equação II-10 não pode ser integrada sem hipótese para a razão de nucleação. Para resolver este problema, AVRAMI supôs que a nucleação ocorria em sítios preferenciais do sistema. Estes sítios iriam, então, se exaurir gradativamente. In<u>i</u> cialmente, existiriam N_o sítios na fase não transformada. Após um tempo t, restariam N destes sítios, tal que um número dN de sítios desaparecerão em um intervalo infinitesimal de tempo dt, isto é

Nesta expressão, m é a freqüência que caracteriza a razão de transformação de um sítio em um núcleo. Esta relação, após in-tegração, fornece

$$W = N_0 \exp(-mt) \qquad (II-12)$$

Assim, a razão de nucleação é dada por

$$I = -\frac{dN}{dt} = N_{om} \exp(-mt) \qquad (II-13)$$

Inserindo (II-13) em (II-10), temos

$$X = 1 - \exp\left\{ \left(\frac{8\pi N_0 Z^3}{m^3} \right) \left[\exp(-mt) - 1 + mt - \frac{m^2 t^2}{2} + \frac{m^3 t^3}{6} \right] \right\}$$
(II-14)

O comportamento desta equação no limite mt → o , mostra que a razão de nucleação se dá de maneira constante, levando à seguinte expressão para a fração transformada,

$$\chi = 1 - exp\left(-\frac{\pi Z^{3}It^{4}}{3}\right)$$
 (II-15)

No limite mt≁∞, a equação (II-14) mostra que há um decréscimo muito rápido na razão de nucleação, implicando em

$$\chi = 1 - \exp\left(-\frac{4\pi N_0}{3} z^3 t^3\right)$$
 (II-16)

Com base nestes resultados, AVRAMI propôs para um processo de nucleação e crescimento tridimensional, uma expressão de forma

$$X = 1 - exp(-(Kt)^{n})$$
 (II-17)

com 3≰ n ≰ 4. Esta expressão descreve o comportamento cinético de todas as transformações nas quais a razão de nucleação e cre<u>s</u> cimento seja constante ou então numa função decrescente do tempo.

Para aquelas transformações que ocorram em materiais, cuja espessura seja muito reduzida, como é o caso das amostras consideradas neste trabalho (espessura típica ~ 20µm), o crescimento continua até alcançar a superfície limite do sistema. O crescimento, então, se dá de maneira bidimensional. O volume de uma região transformada individual deve, neste caso, ser modif<u>i</u> cado para

 $v = \pi d 2^2 (t - T)^2$

onde dé a espessura da amostra. Da mesma forma, o crescimento pode se dar em uma dimensão apenas, como por exemplo, em um fio de diâmetro reduzido. A equação de AVRAMI permanece válida com n (o fator de dimensionalidade) assumindo os valores

2 ≤ n ≤3 - crescimento bidimensional e

1 \$ n\$2 - crescimento tridimensional.

Na equação de AVRAMI, o valor de n fornece informação sobre a dimensionalidade do crescimento e, a constante de razão, possibilita a obtenção da energia de ativação para o processode transformação. A seguir, passamos a uma análise mais detalhada dos termos acima mencionados.

Supomos o crescimento de uma nova fase mais estável como uma combinação de um processo de transporte (difusão atômica) com uma reação química (formação da nova fase), sendo comum também considerar o processo de transporte como uma série de reações químicas. Assim, em vista da analogia entre fenômenos de transporte e de reações químicas , podemos invocar teorias desenvolvidas para descrever a cinética química e estendê-la aos fenômenos de transporte. Esta descrição é baseada na teoria estatística desenvolvida por EYRING [Cr 75] . Esta teoria foi aplicada com muito sucesso na descrição de problemas químicos, porém, deve-se ter cuidado para aplicá-la a processos físicos que envolvem sistemas metálicos. As suposições básicas da teoria de EYRING são as seguintes:

1 - A reação é caracterizada por uma variação contínua de coordenadas quando o sistema vai de uma configuração in<u>i</u> cial para uma configuração final. Esta variação constitui os pa<u>s</u> sos unitários do processo. Assim, a reação completa consiste na repetição de um passo unitário fundamental ou de uma série destes passos. Cada passo unitário consiste na interação de um pequeno número de átomos ou moléculas que vão formar a nova configuração. As configurações inicial e final são estados estáveis situados em mínimos relativos de energia, sendo que quando o sistema se encontrar em um destes estados, qualquer deslocamento pequeno não retira o sistema desta configuração original.

2 - Existe uma barreira de energia entre os estados inicial e final, qualquer que seja o caminho escolhido de reação. A reação mais favorável será aquela para a qual a barreira de energia é menor.

3 - Existe uma configuração crítica, intermediária en tre os estados final e inicial, que deve ser superada para atin gir o estado final. Esta configuração é chamada um complexo ati vado. Existe assim, uma energia de ativação para o processo que deve ser fornecida ao sistema a fim de atingir esta configuração crítica.

Considera-se em geral, apenas as duas primeiras condições como restritivas. Quando estas duas condições são satisfeitas, a teoria pode ser aplicada a transformação de nucleação

e crescimento, visto que estas transformações podem ser divididas em passos unitários. Os passos unitários em uma reaçãoquímica podem ser representados pela equação

$aA + bB + \dots \rightarrow pP + qQ + \dots$

onde os sistemas reagentes (átomos ou moléculas) são representados por A, B, ..., os produtos por P, Q, ... e os números a, b, ..., p, q, ... são inteiros. A razão de reação é especificada pela constante de velocidade ou constante de razão específica - \mathbf{k} , definida de maneira que o número de sistemas - produto formados por unidade de volume, por unidade de tempo, é igual a \mathbf{k} multiplicado por alguma função de concentração dos re<u>a</u> gentes. Experimentalmente se verifica que para um grande número de reações, a constante de razão pode ser colocada na forma

$$\ln k = \ln C - \frac{E}{RT}$$

ou

 $k = c \exp(-E/RT) \qquad (II-18)$

onde C é uma constante e E a energia de ativação experimental por mol. Esta expressão é conhecida como equação de ARRHENIUS.

A figura II-3 apresenta um diagrama esquemático da energia do sistema durante a reação. De acordo com a teoria de EYRING, os estados inicial e final são estáveis e correspondem a um mínimo relativo de energia. Em algum estágio intermediário a energia alcança um valor igual ao da altura da barreira de ene<u>r</u> gia , que corresponde ao complexo ativado. Uma interpretação gro<u>s</u> seira da expressão de ARRHENIUS, pode ser a de que o termo exponencial fornece a probabilidade que um determinado número de sistemas reagentes tenha suficiente energia para suplantar a ba<u>r</u> reira de energia, enquanto a constante C fornece o número de si<u>s</u> temas que tentam concluir a reação.



Figura II.3 - Diagrama esquemático da energia

Uma dificuldade que se faz presente nos sólidos é que os átomos ou moléculas não podem ser tratados como um conjunto de sistemas quânticos independentes, especialmente em problemas onde ocorre ativação térmica. A forma mais simples da teoria da razão de reação considera a energia térmica do movimento de um sólido como sendo a energia de um grande número de osciladores atômicos ou moleculares independentes. Assim, a probabilidade de um pequeno número de átomos ou moléculas suplantarem a barreira de energia, pode ser entendida como um aumento na energia devido a uma concentração local de fonons, causada pela interferência do pacote de ondas.



A energia de ativação pode ser obtida experimentalmente a partir da equação de razão de reação de JMA, isto é, a derivada da equação (II.17), dada por

$$\frac{dx}{dt} = (1 - x)nkt^{n-1}$$
(II. 19)

Medidas calorimétricas mostram a existência de um máximo na razão de reação durante transformações isotérmicas[GH72]. Assim, a condição de extremo aplicada à equação (II.19) resulta em

$$\left(kt_{max}\right)^{n} = \left(\frac{n-1}{n}\right) \tag{II.20}$$

onde nesta expressão, t_{máx}é o tempo necessário para que o sistema atinja o máximo na razão de reação. Inserindo (II.18) em (II.20) e rearranjando os termos, obtemos

$$\ln t_{max} = \frac{E}{RT} + \ln \frac{1}{c} \left(\frac{n-1}{n}\right)^{n}$$
(11.21)

Desta forma, um gráfico de ln t_{máx} em função do inverso da temperatura de tratamento isotérmico, possibilita a obte<u>n</u> ção dos valores da energia de ativação envolvida no processo de transformação de fase.

O expoente de AVRAMI fornece, como referido anteriormente, informação sobre a dimensionalidade do cresciemnto e pode ainda dar indicações sobre a morfologia do processo de crescimento. A tabela I.1 apresenta os valores de n encontrados sob várias condições experimentais.

TABELA II.1

Resumo dos valores de n encontrados sob várias condições de transformação [Cr 75]

Valores de n na Lei Cinética $x(t) = 1 - e^{-[kt]^n}$

 I – Transformações polimórficas, transformações eutéticas, crescimento controlado pela interface, etc.

CONDIÇÕES DE TRANSFORMAÇÃO	n
Razão de nucleação aumentando	> 4
Razão de nucleação constante	4
Razão de nucleação decrescendo	3 - 4
Razão de nucleação nula (saturação)	3
Nucleação das fronteiras de grão após a saturação	2
Nucleação dos contornos de grão após a saturação	1
11 - Crescimento controlado por difusão	
CONDIÇÕES DE TRANSFORMAÇÃO	n
Todas as configurações crescendo a partir de pe-	
quenas dimensões, razão de nucleação aumentando	> 2,5
Todas as configurações crescendo a partir de pe-	
quenas dimensões, razão de nucleação constante	2,5
Todas as configurações crescendo a partir de pe-	
quenas dimensões, razão de nucleação decrescendo	1,5 - 2,5
Todas as formas decrescendo a partir de pequenas	
dimensões, razão de nucleação nula	1,5
Crescimento de partículas de apreciável volume i-	
nicial	1 - 1,5
Crescimento de regiões em forma de agulha e em	
forma de placas, pequenas comparadas a sua separa-	
ção	1
Engrossamento das regiões em forma de agulha	1/2
Engrossamento de largas placas (estágios iniciais)	~2/3

III - CRISTALIZAÇÃO ISOCRÔNICA: MÉTODO DE KISSINGER

III - 1 - Método de Kissinger

Em 1957, Kissinger [Ki 57] propôs um método para av<u>a</u> liar a transformação de fase em materiais sólidos através de análise térmica. Este método tem como base fundamental a semelhança destes processos com os processos que envolvem reações químicas. Estes últimos processos são caracterizados pela razão de transformação dada pela forma generalizada

$$\frac{dx}{dt} = f(x)g(T) \qquad (III-1)$$

Nesta expressão, dx/dt denota a razão instantânea de variação da fração transformada com o tempo, sob condições isotérmicas e não isotérmicas e é definida pelo produto de duas funções, f(x) e g(T), dependentes da fração transformada e da temperature, re<u>s</u> pectivamente.

Kissinger observou que ao mudar-se a taxa de aquecimento em uma análise termodiferencial (ATD), o pico resultante da máxima diferença de temperatura sofre um deslocamento em relação à tempertura. Uma ATD é realizada através da comparação de temperatura da amostra considerada e de uma amostra de referência, escolhida de maneira que não apresente a mudança de fase na faixa de temperatura de interesse. A figura III.1 mostra um gráfico típico de uma medida com ATD.



Figura III.1 - Esquema da curva de ATD.

Com o objetivo de saber como se relaciona a máxima di ferença de temperatura com a razão de transformação, Kissinger utilizou a equação de fluxo de calor da amostra considerada, da da por

$$\frac{\partial T}{\partial t} - \frac{K}{DC} \nabla^2 T = \frac{1}{DC} \frac{dq}{dt}$$
(III-2)

onde T é a temperatura, t o tempo, k a condutividade térmica, D a densidade, C o calor específico e dq/dt a razão de geração de calor por unidade de volume dentro da amostra. A amostra de referência, supondo-se que dentro da mesma não ocorrem reações químicas, obedece a equação.

$$\frac{\partial f}{\partial T} - \frac{K}{MC} \nabla_{s} T = 0 \tag{III-3}$$

Supondo que a amostra de referência possua forma cilíndrica com comprimento infinito e raio a, e utilizando os limites adequados, pode-se integrar a equação III-3, de forma que a temperatura no centro da referida amostra é dada por

$$T_{R} = T_{0} + \phi t - \frac{\phi D C a^{2}}{4 \kappa}$$
(III-4)

Nesta equação, Ø é a taxa de aquecimento, suposta constante (consideramos apenas o caso de aumento linear da temperatura – $T = T_0 + Ø t$). A equação (III-4) não permite uma resolução analít<u>i</u> ca simples como a equação (III-3). Utilizando argumentos de simetria e, considerando, portanto, que a solução tenha uma forma que se assemelhe a da amostra de referência, obtemos

$$T_{A} = T_{0} + \phi t - \frac{1}{3} \left(\frac{dq}{dt} \right)$$
(III-5)
Definindo a diferença de temperatura no centro das duas amostras como

$$\Theta = T_{R} - T_{A} = \int \left(\frac{dq}{dt}\right) - \frac{\phi D C a^{2}}{4k}$$
(III-6)

a condição de que a máxima diferença de temperatura corresponde a um pico na ATD, pode ser descrita como:

$$\frac{d\theta}{dt} = 0 \qquad (III-7)$$

Uma vez que

 $\frac{d\theta}{dt} = \int' \left(\frac{dq}{dt}\right) \frac{d^2q}{dt^2}$

a condição expressa na equação (III-7) implica que a razão de geração de calor por unidade de volume assume valor máximo. Como a razão de geração de calor é diretamente proporcional à razão de transformação (dx/dt), está é máxima no pico. Como co<u>n</u> seqüência, pode-se relacionar o pico do ATD com a máxima quant<u>i</u> dade de material transformado por unidade de tempo (máxima velocidade de transformação).

Aplicando a condição de máximo à expressão (III-1), r<u>e</u> sulta

$$\frac{df(x_c)}{dx_c} + \frac{\phi}{[g(\tau)]} \frac{dg(\tau)}{d\tau} = 0 \qquad (III-8)$$

Desta forma, se a escolha de uma expressão para a razão de reação, expressa no produto $f(x)q(\tau)$, adequada à descrição da trans formação de fase levar a equação (III-8) a uma dependência apenas da fração volumétrica transformada independente da taxa de aquecimento, então isto garantirá que, atingida a máxima razão de reação, o sistema possuirá a mesma quantidade de material transformado. Desta forma, pode-se analisar os efeitos da modificação da taxa de aquecimento sobre o sistema, uma vez que o mesmo se encontrará sempre no mesmo estado quando da máxima razão de reação.

A razão de transformação proposta por KISSINGER [Ki 57], característica das reações químicas do tipo SÓLIDO→SÓLIDO+GÁS, é dada por

$$\frac{dx}{dt} = A(1-x)^{n} \exp(-E/RT) \qquad (III-9)$$

onde

$$f(x) = (1 - x)^n$$
 (III-10)

е

$$q(T) = A \exp(-E/RT) \qquad (III-11)$$

A equação (III-11) representa a expressão ARRHENIUS. Supondo n constante e aplicando a condição de extremo à equação III-9. o<u>b</u> temos sendo esta expressão válida para $m \neq o$ e $n \neq 1$. No caso onde $E >> RT_c$, pode-se escrever

$$n(1-x)_{c}^{n-1} \sim 1$$
 (III-16)

De (III-16) e (III-12) temos

$$\frac{E\phi}{RT_c^2} = A \mathcal{L}^{-E/RT_c}$$
(III-17)

ou ainda

$$\ln\left(\frac{\phi}{T_c^2}\right) = -\frac{E}{RT_c} + \ln A - \ln\left(\frac{E}{R}\right) \qquad (III-18)$$

Desta forma, do gráfico $\ln \frac{\phi}{T_c^2}$ em função do inverso da temperatura $\binom{\prime}{T_c}$, uma reta é esperada, cuja inclinação permite determinar a energia de ativação para o processo, enquanto o coeficiente linear fornece o fator de freqüência.

Conhecendo a forma da razão de transformação e como a mesma se relaciona com o máximo valor da diferença de temperat<u>u</u> ra no gráfico ATD, pode ser analisado se a fração transformada correspondente à máxima razão de transformação é a mesma para t<u>o</u> das as taxas de aquecimento. Integrando a equação (III-1), resulta

$$\int_{0}^{x_{c}} \frac{dx}{f(x)} \equiv h(x_{c}) = \int_{0}^{t_{c}} g(\tau) dt \qquad (III-19)$$

A integral à esquerda do sinal de igualdade é uma função somente da fração transformada. Disso decorre que se pode equacionar

.35

a expressão (III-19) como

$$h(x_c) = \frac{A}{\phi} \int_{T_0}^{T_c} \frac{-E/RT}{dT} dT \sim \frac{RT_c^2 A}{E\phi} \frac{-E/RT_c}{c}$$
(III-20)

onde, na resolução da integral foram utilizadas as condições de que $E \gg RT$ e $T_{D} \rightarrow O$.

Com base nestes resultados podemos escrever a equação (III-8) como

$$\frac{df(x_c)}{dx_c} + \frac{E\phi}{RT_c^2A} = \frac{E/RT_c}{\omega} \sim 0 \qquad (III-21)$$

Inserindo nesta expressão a relação (III-20), resulta

$$\frac{df(x_c)}{dx_c} + \frac{1}{h(x_c)} \sim 0 \qquad (III-22)$$

Esta expressão é função somente de \mathbf{x}_{c} , sendo sua solução independente de $\mathbf{\phi}$, o que implica em que o máximo para \mathbf{T}_{c} sempre cor responde a igual fração transformada.

III - 2 - Variações do Método de Kissinger

A idéia fundamental de Kissinger foi a da busca da determinação da razão de transformação. As variações deste método têm sido consideradas sempre em relação a esta razão. Isto foi feito por AUGIS & BENNET [AB 78] e posteriormente corrigido por BOSWELL [Bo 80]. Estes autores propuseram uma razão de tran<u>s</u> formação baseada na expressão de JOHNSON-MEHL-AVRAMI para tran<u>s</u> formações isotérmicas. Esta idéia está fundamentada no fato de que a transformação isocrônica pode ser pensada como uma sucessão infinitesimal de isotermas. Isto significa que para cada temperatura, o sistema pode ser caracterizado por uma fração transformada, dada pela equação de transformação isotérmica, p<u>o</u> rém caracterizada por diferentes parâmetros. Neste caso a razão de transformação é dada por

$$\frac{dx}{dt} = \dot{u} n u^{n-1} (1-x) \qquad (III-23)$$

e a derivada da razão de transformação por

$$\frac{d^{2}x}{dt^{2}} = \left[\ddot{u}u - \dot{u}^{2}(nu^{n} - n + 1) \right] nu^{n-2}(1-x)$$
(III-24)

onde, nessas expressões

$$x = 1 - \mathfrak{L} \tag{III-25}$$

е

u = kt

sendo a constante de razão representada por

A expresão (III-25) é a equação de JOHNSON-MEHL-AVRAMI[Cr 75]. A condição de extremo aplicada à equação (III-24), sabendo que

$$\dot{u} = u\left(\frac{1}{2} + \alpha\right)$$
$$\ddot{u} = \dot{u}\left(\frac{1}{2} + \alpha\right) - u\left(\frac{1}{2^{2}} + \alpha\right)$$

е

$$a = \frac{E\phi}{RT^2}$$

implica em

$$u^{m} = 1 - \frac{1}{u(1+at^{2})^{2}} - \frac{2\phi a}{nT(\frac{1}{T}+a)^{2}}$$
 (III-26)

Substituindo o valor de \mathbf{u} na expressão acima, e rearranjando os termos do lado direito da equação, teremos

$$n = \frac{En/AT_{c}}{t} = \frac{1}{t^{n}} \left\{ 1 - \frac{1}{n\left[1 + \frac{E}{AT_{c}}\left(\frac{T_{c} - T_{o}}{T_{c}}\right)^{2} - \frac{\frac{2E}{AT_{c}}\left(\frac{T_{c} - T_{o}}{T_{c}}\right)}{\frac{nT_{c}}{T_{c} - T_{o}}\left[1 - \frac{E}{AT_{c}}\left(\frac{T_{c} - T_{o}}{T_{c}}\right)\right]^{2}} \right\}$$
(III-27)

Esta equação analisada frente à condição

$$\frac{E}{RT_{c}}\left(\frac{T_{c}-T_{o}}{T_{c}}\right)^{2} >> 1$$

leva à expressão

$$n - En/RT_c - \frac{1}{t^n}$$

ou, em vista do aquecimento linear $(T=T_0 + \phi t)$,

$$n - En/AT_c$$

 $k_o \cdot e \sim \left(\frac{\phi}{T_c - T_o}\right)^n$

ou, ainda,

$$\ln\left(\frac{\phi}{T_c-T_o}\right) \sim -\frac{E}{RT_c} + \ln k_o$$

Como visto anteriormente, da inclinação desta reta, um valor p<u>a</u> ra a energia de ativação pode ser obtido bem como para o fator de freqüência .

Pode-se verificar agora, se a condição de que a fração transformada é independente da taxa de aquecimento, também permanece válida como no método de KISSINGER. Para isto, utilizamos a equação (III-23) que pode ser escrita como

$$\frac{dx}{dt} = \left\{ k_0 \, \varrho^{-E/RT} \left[1 + \frac{E(T-T_0)}{RT^2} \right] \right\} \gamma(1-x) (kt)^{n-1}$$
(III-28)

A equação (III-25) pode ser reescrita como

$$kt = \left[-\ln\left(1 - x\right) \right]^{n}$$

Esta expressão inserida em (III-28), resulta

$$\frac{dx}{dt} = n \left[-\ln(1-x) \right]^{\frac{m-1}{m}} (1-x) k_0 x^{-\frac{E}{R}} \Gamma_c \left[1 + \frac{E(T-T_0)}{RT^2} \right]$$
(III-29)

Nesta equação, podemos identificar

$$f(x) = n \left[-ln(1-x) \right]^{\frac{m-1}{n}} (1-x)$$
 (III-30)

$$Q(T) = k_0 \left[1 + \frac{E(T-T_0)}{RT^2} \right]$$
(III-31)

Novamente, a condição de extremo aplicada à razão de reação escrita como o produto das funções f(x) e $g(\tau)$, resulta

$$\frac{df(x_c)}{dx_c} + \frac{\phi}{[g(T)]^2} \frac{dg(T)}{dT} \Big|_{T=T_c} = 0 \qquad (IIII-32)$$

Usando a equação (III-31) nessa expressão, temos

$$\frac{d f(x_c)}{d x_c} + \frac{\varphi}{\kappa_0 \left[1 + \frac{E(T_c - T_o)}{RT_c^2}\right]^2 - E/RT_c} \left[\left(\frac{E}{RT_c^2}\right)^2 (T_c - T_o) \right] = 0$$

Considerando as situações em que $T_0 \rightarrow 0$ e E>>RT_c,

$$\frac{df(x_c)}{dx_c} + \frac{\phi}{T_c k_o \varrho^{-E/AT_c}} \sim 0 \qquad (III-33)$$

De maneira semelhante ao método de KISSINGER (ver equação III-19 da seção anterior), podemos escrever

$$h(x_{c}) = \frac{1}{\phi} \int_{T_{o}}^{T_{c}} g(T) dT = \frac{k_{o}}{\phi} \int_{T_{o}}^{T_{c}} \left[1 + \frac{E(T-T_{o})}{RT^{2}} \right]_{\Omega}^{-E/RT} dT$$

onde, para resolver a integral, são tomadas as aproximações que $E \gg RT$ e $T_0 \sim O$, resultando em

$$h(x_c) \cong \frac{T_c k_o}{\phi} \mathfrak{L}^{-E/RT_c}$$
(III-34)

Das equações (III-32) e (III-34), segue que a equação (III-33) po de ser reescrita como

$$\frac{d f(x_c)}{dx_c} + \frac{1}{h(x_c)} \sim 0 \qquad (111-35)$$

Desta forma, a equação (III-35) garante que a condição de extr<u>e</u> mo aplicada à razão de reação sugerida por AUGIS & BENNET, resulta em uma expressão que depende somente da fração transform<u>a</u> da, independente da taxa de aquecimento. Assim, para qualquert<u>a</u> xa de aquecimento, quando a análise experimental apresentar um pico na medida feita por ATD, o sistema deverá apresentar a me<u>s</u> ma quantidade de material transformado para este ponto. Esta an<u>á</u> lise é usada tanto para os resultados de ATD como para outros métodos semelhantes, tais como DSC, resistividade elétrica e medidas de difração de Raios-X, entre outras.

III -3 - Comentários

O trabalho de AUGIS & BENNET [AB 78] sugere que a fr<u>a</u> ção transformada não depende da história térmica e assim a equ<u>a</u> ção de JOHNSON-MEHL-AVRAMI, dada por

$$x = 1 - \Omega$$
(III-36)

é válida tanto para a descrição cinética isotérmica quanto para a não-isotérmica. A razão de reação para o caso não-isotérmico é obtida diferenciando a equação (III-36) em relação ao tempo con siderando, porém, $\Im(T)$ como uma função dependente do tempo atr<u>a</u> vés da temperatura T(t). A razão de reação é dada por

.40

$$\frac{dx}{dt} = n(1-x) \left[-\ln(1-x) \right]^{\frac{m-1}{m}} \left[1 + \frac{E(T-T_0)}{RT^2} \right] k_0 \Omega \qquad (III-37)$$

A condição de extremo, proposta por KISSINGER, aplic<u>a</u> da à equação (III-37) resulta na expressão

$$\ln \frac{\phi}{T_c} = -\frac{E}{RT_c} + \ln k_0 \qquad (111-38)$$

De um gráfico de m / T_c em função de $(/ T_c)$, resulta uma reta, cuja inclinação e coeficiente linear permitem obter os valores de energia de ativação e fator de freqüência, respectivamente. Henderson [He 79 He 79A], por outro lado, chama a atenção que em transformações não isotérmicas a razão de nucleação I e a r<u>a</u> zão de crescimento Z (SEÇÃO II-3) não podem mais ser consider<u>a</u> das como constantes (ou então funções que decrescem rapidamente no tempo, de acordo com CHRISTIAN [Cr 75]). Em geral, I e Z são funções que podem variar muito rapidamente com a temperatura e, em princípio, a dependência de temperatura de uma e de o<u>u</u> tra pode ser completamente diferente. Sugere, ainda, que a razão de reação deve ser dada pela derivada da equação (III-36) em relação ao tempo, sem considerar, entretanto, **A**(T) como dependente do tempo através da temperatura, isto é

$$\frac{dx}{dt} = n[q(\tau)]^{m} t^{m-1} (1-x) \qquad (III-39)$$

ou usando a relação explícita entre x e t da equação (III-36), podemos escrever a equação (III-39) como

$$\frac{\partial x}{\partial t} = n(1-x) \left[-\ln(1-x) \right] \frac{n-1}{n} g(\tau)$$
(III-40)

O uso da suposição de Kissinger (razão de reação é m<u>á</u> xima no pico), na equação (III-40). leva à expressão

$$\ln \frac{\phi}{T_c^2} = -\frac{E}{RT_c} + \ln \frac{k_0 R}{E}$$
(III-41)

onde T_c é a temperatura de cristalização e corresponde à máxima diferença de temperatura em uma medida de ATD. Esta equação é semelhante àquela obtida no método de KISSINGER. Novamente, de um gráfico de $\ln \phi/T_c^2$ contra T_c , podemos obter os valores de energia de ativação e fator de freqüência.

Henderson observou que a equação (III-40), chamada equação de razão de transformação de JMA, só pode ser aplicada a transformações envolvendo nucleação e crescimento em um número limitado de casos sob condições não-isotérmicas. Quando a razão de nucleação é proporcional à razão de crescimento ou quando ocorre a saturação de sítio (quando toda a nucleação ocorre nos estágios iniciais do processo de transformação), então a razão de transformação será uma função somente de x e t e a equação (III-40) pode ser usada. A última condição significa que a razão de crescimento depende somente da temperatura, isto é, a temperatura controla a razão com que a transformação se desenvolve. Contudo, os modelos cinéticos descritos neste trabalho par<u>e</u> cem não permitir a determinação da razão de nucleação e da razão de crescimento comofunção da temperatura, a partir dos resultados experimentais de resistência elétrica em função da temperatura.

A razão de reação proposta por Henderson é válida para descrever os processos cinéticos isotérmicos e não isotérmicos. Desta forma, a razão de reação não depende da história térmica e, assim, a fração transformada deve ser diferente da equação (III-36) para o caso não-isotérmico [LG 85]. Na seção V.2 será discutido, com base nos resultados experimentais, qual das r<u>a</u> zões de reação se mostra mais adequada à descrição da cinética não-isotérmica para os metais amorfos.

IV - TÉCNICAS EXPERIMENTAIS

IV - 1 - Amostras Cristalinas

A obtenção de metais amorfos pelo método de resfriamento rápido ("MELT-SPINNING") exige a preparação prévia da liga cristalina com a estequiometria desejada. Para a confecção das amostras cristalinas foram escolhidos componentes com pureza da ordem de 99,9%, sendo o Ferro na forma de fio (com diâmetro de ~1mm), o Boro na forma de grânulos e o Níquel na forma de pequ<u>e</u> nos pedaços.

As estequiometrias escolhidas inicialmente para estudar as ligas pseudobinárias baseadas nos metais de transição Fe e Ni, formam a série

onde as quantidades de cada um dos elementos são representadas em "atômico por cento". Para obtermos a estequiometria desejada procedemos da seguinte maneira: A massa de cada uma das amo<u>s</u> tras foi fixada, inicialmente, em cerca de 2g. Colocava-se um cadinho de alumina, previamente limpo, no prato da balança anotando o valor de sua massa. Em seu interior foram colocados os elementos Fe, Ni e B, com os valores de massa correspondendo àqueles calculados e priori. No caso da amostra $Fe_{A0}Ni_{A0}B_{20}$, os pedaços de Ni disponíveis não permitiam um controle preciso dos valores de massa que correspondessem aos valores calculados. Nes te caso, colocou-se no cadinho pedaços de Ni e a partir da massa obtida foram refeitos os cálculos para obter a estequiometria desejada. O cadinho era levado a um forno de indução, onde se procedia a pré-fusão em atmosfera de Argônio. Este procedimento mostrou-se necessário para a eliminação de perdas em B. Estas perdas seriam significativas se a fusão fosse feita diretamente em forno a arco, conforme foi constatado em experiência anterior [Fi 82].

Finalmente, as amostras foram levadas a um forno a a<u>r</u> co a fim de ser completada a fusão com o boro, uma vez que, na pré-fusão a temperatura atingida era suficiente apenas para fu<u>n</u> dir o Fe e o Ni. Em cada estágio, tivemos sempre o cuidado de fundir as amostras quatro vezes de cada lado, e em fluxo constante de Argônio, a fim de homogeneizar as ligas.

Na tabela IV.1 são apresentadas as massas das amostras com as perdas observadas após as fusões.

LIGAS	m(g)	perda (%)
Fe40 ^{Ni} 40 ^B 20	3.8437	0.02
Fe ₅₀ Ni ₃₀ B ₂₀	1.9989	0.05
Fe ₆₀ Ni ₂₀ B ₂₀	1.9980	0.1
Fe ₇₀ Ni ₁₀ B ₂₀	1.9996	0.02
Fe ₈₀ B ₂₀	1.976	1.2

TABELA IV.I	TA	BEL	A	IV	.1
-------------	----	-----	---	----	----

.45

IV - 2 - Amostras Amorfas

IV - 2.1 - Descrição do Método

O processo de obtenção de ligas metálicas amorfas é realizado, essencialmente, pela ejeção de um material no estado líquido sobre uma superfície girante que se encontra à temperatura ambiente. Isto é feito de tal forma que o contato térmico é o mais eficiente de maneira que ocorra um resfriamento suficientemente rápido, fazendo com que a liga retorne ao estado só lido, mas aprisionando a configuração característica de seu estado líquido, isto é, uma estrutura atômica completamente desordenada. O método utilizado é conhecido como "MELT-SPINNING" e apresenta uma taxa de resfriamento de ~10⁶ K/s. Seu controle depende basicamente dos seguintes parâmetros: velocidade tangen cial do cilindro, dos materiais que formam o cilindro e o líqui do, da superfície de contato (acabamento) do cilindro, da temperatura do líquido e fluxo de material líquido. Este último pa râmetro depende, por sua vez, da diferença de pressão dentro e fora da ampola em que o material líquido se encontra, bem como do diâmetro do orifício da mesma. Um diagrama esquemático do processo é mostrado na figura IV-1. A idéia fundamental do processo baseia-se em estabilizar a gota líquida que se forma sobre o substrato frio, de tal forma que a quantidade de material que atinge esta superfície é a mesma extraída da gota líquida, em virtude do resfriamento rápido que se processa junto ao subs trato.



Figura IV.1 - Diagrama esquemático do processo de resfriamento rápido.

Supondo o líquido como incompressível podemos usar a equação da continuidade para o material fundido, ou seja,

$$P_{2} \mathcal{V}_{F} A_{F} = P_{2} \mathcal{V}_{O} A_{O} \qquad (IV-1)$$

onde β_{a} é a densidade do líquido, \heartsuit_{F} e \circlearrowright_{O} são as velocid<u>a</u> des médias da superfície do líquido dentro da ampola e do jato, e A_{F} e A_{O} são as áreas seccionais internas da ampola e do o-rifício, respectivamente. Aplicando o teorema de BERNOULLI, a velocidade do jato é

$$\mathcal{S}_{o} = \left\{ \left(\frac{2\left(P_{E} - P_{o}\right)}{P_{A}} + 2gH\right) \left[1 - \left(\frac{A_{o}}{A_{E}}\right)^{2} \right]^{-1} \right\}^{1/2}$$
(IV-2)

Nesta expressão, P_e é a pressão de ejeção do material líquido, P_0 é a pressão externa a da ampola e H a altura da coluna líquida. No presente estudo, $P_e - P_0 \sim 1.5$ atm, H ~ 5 mm, $A_0 \sim 0.3$ mm e $A_f \sim 0.7$ mm e, assim, podemos considerar as seguintes aproximações:

$$\frac{2\left(\frac{P_{E}}{C^{2}}-\frac{P_{0}}{C^{2}}\right)}{\left(\frac{A_{0}}{A_{E}}\right)^{2}} \approx 1$$

Para produzir fitas amorfas continuamente, a quantid<u>a</u> de de material ejetado do orifício deve ser igual a quantidade de material sólido produzido no substrato frio, ou seja,

$$V_0 A_0 p_1 = V_s wh fs$$
 (IV-3)

onde W e h são a largura e a espessura da fita, respectivamente, V_s é a velocidade do rolo de cobre e **(°**₅ é a densidade da fita amorfa. Consideramos que a densidade do material amorfo é aproximadamente igual a densidade do líquido. Combinando (IV.2) e (IV.3) e fazendo as aproximações consideradas anteriormente, reescrev<u>e</u> mos

$$N_{s} = \frac{A_{o}}{\omega h} \left\{ \left(\frac{2(P_{E} - P_{o})}{P_{e}} \right) \right\}^{1/2}$$

Transformando esta equação de modo a torná-la operacionalmente mais simples, podemos escrever, em função das dimensões e parâmetros mais adequados ao uso em laboratório, a expressão

$$R(RPS) \sim \frac{27560, 17}{\omega h} \sqrt{\frac{\delta P}{PR}} d^2$$
 (IV-4)

Nesta expressão, R é o número de rotações por segundo e os valo res de ΔP , h, β_R , d e w são dados, em particular, nas unidades atm, μm , g/m^3 , mm e mm, respectivamente.

IV - 2.2 - Confecção das Fitas

Utilizando a tecnologia desenvolvida em trabalho anterior [Fi 82] e ainda, fazendo várias ejeções com diferentes valores de ΔP (a diferença de pressão entre a pressão da campânula e a pressão de ejeção) e d (o diâme tro do orifício da ampola), chegou-se à obtenção de condições de controle que se mostraram as mais adequadas para atingir amostras na forma amorfa. Estes parâmetros podem ser vistos na tabela II.2.

Antes de cada ejeção, era feito vácuo de aproximadamente 10^{-5} TORR intercalado por sucessivas "lavagens" com argônio e então estabelecida a d<u>i</u> ferença de pressão desejada.

AMOSTRA	ÂNGULO	DIÂMETRO ORIFÍCIO AMPOLA (mm)	DISTÂNCIA DO ROLO (mm)	PRESSAO (atm)	V (RPS)	T (°C)
Fe ₄₀ Ni ₄₀ B ₂₀	140	0.30	1.5	1.5	66	1200
Fe ₅₀ Ni ₃₀ B ₂₀	14°	0.32	1.5	1.5	70	1200
Fe ₆₀ Ni ₂₀ B ₂₀	140	0.32	1.5	1.5	70	1200
Fe ₇₀ Ni ₁₀ B ₂₀	140	0.32	1.5	1.5	70	1200
Fe ₈₀ B ₂₀	140	0.32	1.5	1.5	70	1200

TA	BEI	LA	IV	2

As fitas obtidas apresentaram comprimentos entre 6 e 10 m, largura de 0,7 mm e espessura de 20 µm, possuindo significativa uniformidade tanto em largura quanto em espessura. Cabe ressaltar que a expressão (IV-4) é uma equação empírica e vale somente para as condições de estabilidade da g<u>o</u> ta líquida sobre o substrato frio.

IV - 3 - Equipamento de Medida de Resistência Elétrica

IV - 3.1 - Equipamento Utilizado para as Medidas Isotérmicas

As medidas de resistência elétrica em função do tempo, à temperatura constante, foram feitas utilizando-se o método de quatro pontas, em corrente contínua.

A figura IV-2 apresenta, esquematicamente, o equipamento experimental utilizado.

As amostras, seccionadas em pedaços, com comprimentos da ordem de 5 cm, foram colocadas em uma mesa de cristalização (figura IV-3) moldada em PIROFILITE. A amostra, fixada à mesa por uma presilha do mesmo material, sofria um processo de soldagem a ponto, em uma das extremidades, sendo esse processo rea lizado por meio de um dispositivo de descarga capacitiva, com fio de cobre (#39AWA) do qual se removia o verniz. Na outra extremidade foi feita a fixação dos referidos fios através de po<u>r</u> ca e contraporca, estabelecendo-se assim os contatos de corrente e tensão. Os fios responsáveis por esta função eram de Fe e po<u>s</u> suiam pureza de 99,9% e diâmetro de ~1 mm. Os mesmos eram intr<u>o</u> duzidos em capilares de quartzo e então colocados em um tubo de aço inóx, em cuja extremidade externa foi feita vedação para v<u>á</u> cuo com PITSEINA.

Figura IV-2 - Diagrama esquemático do equipamento utilizado nas medidas isotérmicas, sendo

- 1 tubo de quartzo
- 2 forno
- 3 simulador eletrônico de O°C
- 4 comparador de temperatura ambiente
- 5 controlador de temperatura
- 6 fonte Sorensen (40 V/18 A)
- 7 fonte de corrente
- 8 fonte de tensão
- 9 isolamento térmico
- 10 chave inversora
- 11 fonte de acionamento das chaves inversoras
- 12 nanovoltímetro digital
- 13 chave inversora
- 14 registrador X T
- 15 multímetro digital para controle de temperatura



.52



Figura IV-3 - Mesa de cristalização utilizada tanto nas medidas isotérmicas quanto nas medidas isocrônicas, através do método de quatro-pontas.

Concluído o processo de soldagem a ponto, introduzia--se o sistema em tubo de quartzo (1-Fig IV-2), no qual se estabelecia alto vácuo. O processo de alto vácuo era intercalado por sucessivas lavagens com Argônio. Finalmente, estabelecia-se uma pressão interna de 0,3 atm estando o sistema, neste estágio, pron to para sofrer o processo de aquecimento. Isto era conseguidole vando-se o sistema a um forno (2-Fig IV-2), no qual dois cuidados foram tomados: o forno foi completamente envolvido por uma camada de ~5 cm de material isolante a fim de reduzir as perdas de calor nas medidas isotérmicas e introduziu-se um tubo de co bre ajustado ao de cerâmica para que a tempenatura fosse homogê nea sobre toda a extensão da amostra. As resistências que com põem o forno foram enroladas sobre o tubo de cerâmica de forma a garantir a não existência de campos magnéticos (forno compensado).

A medida de temperatura foi feita através de um termo par do tipo CROMEL-CONSTANTÃ colocado junto à amostra (figura IV-3). O banho de gelo tradicional, necessário para a leiturade temperatura com termopar, foi evitado através de um simulador eletrônico (3-Fig IV-2), onde um LED à temperatura ambiente (4-Fig IV-2) fornecia um sinal de tensão que devia ser dividido adequadamente e adicionado ao valor de leitura do termopar a fim de obter a leitura correta de temperatura. Após, o sinal de tensão correspondendo à temperatura era levado a um controla dor proporcional de temperatura (5-Fig IV-2). Este, depois da comparação entre o valor de tensão corrigida do termopar e um valor de referência, previamente fixado, enviava um sinal de ten são para a fonte SORENSEN (6-Fig IV-2), proporcional a esta di-

.54

ferença, para alimentar o forno. Nas medidas isotérmicas observou-se que a variação máxima de temperatura era da ordem de +0,5K.

A fonte de corrente (7-Fig IV-2), assim como a fonte de tensão (8-Fig IV-2) foram isoladas termicamente (9-Fig IV-2) e colocadas dentro de um forno, mantido a uma temperatura constante de 45°C, controlada por um dispositivo semelhante ao descrito acima. Para a fonte de corrente, foram verificadas variações de ordem de 10^{-3} mA. O valor típico utilizado era de 1 mA. A esta fonte de corrente era acoplada uma chave inversora (10-Fig IV-2), acionada por uma fonte (11-Fig IV-2) que possibilit<u>a</u> va o controle de tempo para o referido acionamento. Esse procedimento de inversão da corrente se faz necessário a fim de eliminar os efeitos termoelétricos presentes em experiências deste tipo.

A fonte de tensão (8-Fig IV-2) foi usada para maior precisão na leitura de resistência elétrica. Assim, o sinal de tensão proveniente dos contatos retirados da fita, antes de ch<u>e</u> gar ao NANOVOLTÍMETRO (12-Fig IV-2), era subtraído ou somado, dependendo do sentido da corrente, de um valor previamente aju<u>s</u> tado e cuja inversão era feita eletronicamente (13-Fig IV-2). Conseguimos assim, a utilização de uma escala bem mais sensível no registrador gráfico X - T (14-Fig IV-2), onde um resultado t<u>í</u> pico pode ser visto na figura IV-4. A temperatura foi monitorada através de um milivoltímetro digital (15-Fig IV-2).

O cálculo da resistência elétrica foi feito utilizando-se a seguinte equação

$$R = \left(\frac{V_{+} - V_{-}}{2}\right) \frac{1}{I} (CT) (AE)$$
(IV-5)

Nesta expressão, V_{+} representa o sinal positivo de tensão, adicionado ao sinal de tensão relativo aos efeitos termoelétricos, V_{-} o sinal negativo de tensão, também adicionado ao sinal referente aos efeitos termoelétricos, sendo a diferença estabelecida pela distância em centímetros gravada no papel milimetrado do registrador; I é a corrente, CT representa a conversão de cent<u>í</u> metros para volts e é dada por

(IV-6)

$$CT = \frac{EXT}{LP}$$

onde EXT é a escala utilizada no registrador gráfico e LP a la<u>r</u> gura do papel em centímetros e, finalmente, AE refere-se a amplificação do sinal de saída do nanovoltímetro e é representada por

$$AE = \frac{EN}{SN}$$

sendo EN e SN, a escala utilizada e a amplificação de saída do nanovoltímetro, respectivamente. Substituindo na equação (IV-5), as equações (IV-6) e (IV-7) com valores típicos usados nas exp<u>e</u> riências, resulta

$$R = \left(\frac{\Delta V}{2}\right) \frac{1}{T} \left(\frac{120 \text{ mV}}{12 \text{ cm}}\right) \left(\frac{10 \text{ mV}}{1000 \text{ mV}}\right)$$

onde ΔV é mostrado na figura IV-4.

(IV-7)



Figura IV.4 - Medida característica de resistência elétrica em função do tempo de tratamento isotérmico.

IV - 3.2 - Equipamento Utilizado nas Medidas Isocrônicas

As medidas de resistividade elétrica (ho) em função da temperatura (ho) foram feitas utilizando-se, basicamente, o mesmo dispositivo descrito anteriormente (ver fig IV-2). A dif<u>e</u> rença, neste caso, consiste na adição de um sistema automat<u>i</u> zado [OFV 85] que permite a obtenção direta dos gráficos de $ho \times \Gamma$ armazenando, simultaneamente, os dados em fita magnética. Um di<u>a</u> grama do sitema utilizado é apresentado na fig IV-5.

Na obtenção das medidas $\rho \times T$, procedemos da mesma ma neira que nos casos anteriores. Concluído o processo de soldagem a ponto, foi utilizado um microscópio de deslocamento para determinar a distância entre os contatos de tensão, necessária para a obtenção da resistividade elétrica. O processo de alto vácuo era intercalado com sucessivas lavagens com Argônio e 🔃 nalmente era estabelecida uma pressão interna de 0,3 atm, fican do, o sistema, pronto para o processo de aquecimento. Desta fei ta, foi utilizado um forno (1-Fig IV-5) de baixa inércia térmica com respostas mais rápidas aos sinais de tensão da fonte (2-Fig IV-5). Para obter uma taxa de aquecimento isócrona foi utilizado o mesmo sistema já descrito anteriormente. Neste caso, porém, o sinal enviado para a fonte (2-Fig IV-5) que atua S0bre o forno (1-fig IV-5) não resultava da diferença de sinal en tre a referência fixada no controlador de temperatura (3-FigIV-5) e o sinal - amplificado - relativo ao sinal do termopar, mas sim da diferença entre um sinal de tensão originário de uma rampa eletrônica (4-Fig IV-5), tal que dV/dt é constante, e aquele si nal associado ao valor de tensão do termopar. Um sinal amplificado, proporcional a esta diferença, era levado à fonte via con trolador proporcional de temperatura (3-Fig IV-5). Em outras pa lavras, a rampa, que permitia selecionar a taxa de aquecimen to do forno, funcionava como uma referência externa do controla dor.

Estabelecida a taxa de aquecimento desejada, o sistema encontrava-se pronto para iniciar o processo de medida através do microprocessador (A-Fig IV-5), sendo esse responsável pelo acionamento de vários dispositivos, tais como MILIVOLTÍMETRO (B-Fig IV-5), FON TE RESPONSAVEL PELA INVERSÃO DE CORRENTE (C-Fig IV-5), REGISTRA DOR GRÁFICO X-Y (D-Fig IV-5), GRAVADOR DE FITA MAGNÉTICA (E-Fig IV-5) e CHAVE INVERSORA (CHAVE "H") (F-Fig IV-5) conectada ao milivoltímetro digital responsável ora pela leitura de tensão associada ao valor de temperatura, ora pelos valores de te<u>n</u> são ligados à resistividade elétrica, através de um ADC (ANALOG DIGITAL CONVERTER) (G-Fig IV-5).

Novamente, usando o método de quatro pontas em corren te contínua, uma fonte de corrente (7-Fig IV-5), protegida termi camente (8-Fig IV-5), enviava uma corrente típica de 1 mA para a amostra. O processo de inversão da corrente de modo a eliminar os efeitos termoelétricos que se fazem presentes nestas experiências, foram feitas pelo microprocessador, através do acio namento de uma fonte (C-Fig IV-5) que atua sobre uma chave inversora (9-Fig IV-5). A diferença de potencial era então levada ao nanovoltímetro digital (10-Fig IV-5). Iniciado o processo de aquecimento, o microcomputador acionava a chave "H" (F-Fig IV-5) para a leitura de tensão em um multímetro digital (11-Fig IV-5), correspondente à temperatura, através do milivoltímetro digital (B-Fig IV-5). Este sinal era convertido imediatamente ao valor

. 59

Figura IV-5 - Diagrama esquemático do equipamento utilizado

- nas medidas isocrônicas, sendo
- 1 forno
- 2 fonte Sorensen (40 V/18A)
- 3 controlador de temperatura
- 4 rampa (dV/dt = constante)
- 5 simulador eletrônico de O°C
- 6 comparador de temperatura ambiente
- 7 fonte de corrente
- 8 isolamento térmico
- 9 chave inversosra
- 10 nanovoltímetro digital
- 11 multímetro para leitura de temperatura
- A microprocessador Z-80
- B milivoltímetro digital
- C fonte de acionamento da chave inversora
- D registrador X Y
- E gravador de fita magnética
- F- chave seletora (chave "H")
- G "ANALOG DIGITAL CONVERTER" (ADC)
- H "DIGITAL ANALOG CONVERTER" (DAC)
- I acoplador ótico
- J fonte de alimentação de B
- K video
- L fonte de alimentação de A



de temperatura em graus KELVIN. O acionamento da chave H, bem como de todos os outros dispositivos, realizava-se através do microcomputador utilizando-se um programa em linguagem "ASSEMBLER", o qual, por sua vez, era controlado por programa em linguagem BASIC. Pela segunda vez acionava-se a chave H. Isto permitia a leitura, também no milivoltímetro, do valor de tensão correspondente ao sentido positivo da corrente, seguido, então, do acionamento da fonte (C-Fig IV-5). Esta, atuando sobre a chavein versora (9-Fig IV-5) permitia a leitura de tensão correspondente, agora, aos valores negativos de corrente. Sempre que ocorre o acionamento da chave H, o microprocessador "aguarda" um inter valo de tempo, para a estabilização dos equipamentos de leitura. Após,o microprocessador iniciava um número de leituras - es tipulado no programa - sobre as quais se procedia uma média arit mética.

O microprocessador, depois de fazer a conversão inte<u>r</u> na dos valores de tensão aos correspondentes valores de resist<u>i</u> vidade e temperatura, enviava um sinal ao DAC ("DIGITAL ANALOG CONVERTER") (H-Fig IV-5) e este ao registrador X-Y (D-Fig IV-5). Após a leitura de um conjunto de 20 dados de p e T, gravavam-se esses valores em fita magnética. Para isto, foi utilizadoum gravador do tipo cassete, cujo funcionamento era controlado pelo microprocessador através de um acoplador ótico (I-Fig IV-5). O armazenamento dos dados permitiu a análise de determinadas r<u>e</u> giões do gráfico, principalmente a região de transição amorfo--cristal. Estas regiões, em escala ampliada, aparecem no apênd<u>i</u> ce C.

No cálculo da resistividade elétrica utilizamos a e-

onde ho é a resistividade, R a resistência elétrica, A a área seccional da fita e ho o comprimento entre os contatos de tensão de amostra (Fig IV-3, Seção IV.3.1). Da mesma forma que nas medidas isotérmicas, a resistência elétrica foi determinada el<u>i</u> minando-se a tensão espúria originada por efeitos termoelétricos inevitáveis. As fitas amorfas obtidas neste trabalho foram analisadas em um microscópio de varredura eletrônica sendo obse<u>r</u> vado um arredondamento em suas bordas causado pelo formação da gota líquida sobre a superfície do rolo de cobre. <u>U</u> ma vez que este fato estabelece uma certa dificuldade em determinar a seção reta da amostra, o valor de A/1 foi obtido a pa<u>r</u> tir da densidade das amostras.

podemos escrever

ou

então

Para isto, estamos pressupondo uma amostra homogênea. Resulta, finalmente, que a resistividade pode ser escrita como

ou, como foi descrito na seção anterior

Os valores de tensão associados ao termopar foram con vertidos aos respectivos valores de temperatura, através de regressão linear de regiões separadas cujos coeficientes angular e linear estavam inseridos no programa de controle do microprocessador. Este e outros programas usados neste trabalho podem ser vistos no apêndice B.

V – RESULTADOS E DISCUSSÃO

V - 1 - Medidas Isotérmicas

Nesta seção são apresentados os resultados obtidos na análise isotérmica das amostras amorfas. O equipamento utilizado neste estudo está descrito na seção IV-3-1. As amostras foram submetidas a tratamento isotérmico para uma série de temperaturas entre 620 K e 667 K (346°C e 393°C). Durante este recozimento foi medida a resistência elétrica em função do tempo de tratamento térmico até completar-se integralmente o processo de cristalização, isto é, até cessarem todas e quaisquer variações na resistência elétrica das fitas inicialmente amorfas.

Supomos, para efeito de análise dos resultados, que a relação entre a resistência elétrica e a fração volumétrica de material transformado do estado amorfo para o cristalino é apro ximadamente linear a partir da forma proposta por LANDAUER [LA 52] para a resistência elétrica de misturas binárias:

$$G_{m} = \frac{1}{4} \left\{ (3x_{a}-1)G_{a} + (3x_{c}-1)G_{c} + \left[((3x_{a}-1)G_{a} + (3x_{c}-1)G_{c})^{2} + 8G_{a}G_{c} \right]^{1/2} \right\}$$

(V - 1)

Nesta expressão Cm, Cc e Ca representam, respectivamente, as condutividades da mistura, da fase cristalina e da fase amorfa e χ_{α} e χ_{c} denotam as frações do volume total ocupa do pelas fases amorfa e cristalina na mistura binária. Como as condutividades na fase amorfa e cristalina têm a mesma ordem de grandeza, a suposição de linearidade acima é justificada [BMW 81]. A fração de material cristalizado é dada então por (APENDICE A),

$$x_{c} = \frac{R_{a} - R_{t}}{R_{a} - R_{c}}$$
(V-2)

onde $\mathbf{R}_{\mathbf{z}}$ é a resitência elétrica da mistura para cada instante, $\mathbf{R}_{\mathbf{c}}$ a resistência do material completamente cristalino e $\mathbf{R}_{\mathbf{x}}$ o maior valor que a resistência elétrica da amostra amorfa apresenta, atinginda a temperatura desejada de aquecimento isotérmi co. A figura V-1 apresenta a resistência elétrica normalizada em função do tempo a partir da imersão da amostra $\mathrm{Fe}_{40}\mathrm{Ni}_{40}\mathrm{B}_{20}$ no banho térmico. As setas indicam os tempos em que as amostras apresentaram o maior valor de resistência elétrica -

As amostras levaram, devido à inércia térmica do forno utilizado, entre 20 e 30 minutos para atingir a temperatura desejada. Esta mesma inércia térmica aliada ao controle proporcional de temperatura, garantiram, por outro lado, a estabilid<u>a</u> de térmica do sistema, durante o processo de tratamento isotérmico das ligas em estudo (|T| \leq 0.5 K).

Da figura V-1, pode-se notar a existência de um intervalo de tempo - denominado tempo de incubação [AGS + 81] - con tado a partir de 20 minutos, durante o qual a resistência elétrica não sofre variações consideráveis. Esta escolha é arbitrá ria, pois a nucleação pode estar ocorrendo logo no início do aquecimento. O equipamento utilizado não permite, ainda, uma resolução precisa deste tempo de incubação \mathfrak{T} . Entretanto, podemos ter uma noção da ordem de grandeza de \mathfrak{T} . Para isto, con sideramos o início do intervalo de tempo em 20 minutos e o término correspondendo ao tempo cm que 0.98 da fração não transformada


é atingida (o valor da fração transformada é obtido usando a equação (V-2) com o valor de R_a tomado como indicado na figura V.1). Os valores de T são mostrados na figura V.1.

As figuras V.2 - V.6 apresentam a variação fracional de material não cristalizado em função do tempo, representadopor $(1 - x_c)$, para cada uma das amostras. Podemos ver destas figuras que a cristalização de todas as ligas, exceto a liga Fe₅₀ Ni₃₀B₂₀, sugere um processo simples e contínuo, que pode ser descrito pela teoria de transformação de fase apresentada no C<u>a</u> pítulo II. De acordo com esta teoria a fração de material tran<u>s</u> formado é descrita pela equação

$$x_{c} = 1 - \Omega$$
 (V-3)

Combinando (V-2) e (V-3), obtemos

$$\ln\left[\ln\left(\frac{R_{a}-R_{c}}{R_{t}-R_{c}}\right)\right] = n\ln t + n\ln \kappa \qquad (V-4)$$

As figuras V.7 - V.11 apresentam os resultados da utilização da equação (V.4). As tabelas V.1 - V.5, que acompanham cada um dos gráficos, exibem as inclinações (o expoente de Avrami) obtidas através do processo de regressão linear por mínimos quadrados. Os intervalos de confiança foram obtidos através do uso da distribuição t [Kr69], com nível de confiança de 0.95 para todas as amostras. São mostradas ainda, nas referidas tabelas, os erros-padrão da estimativa (EPE), erro padrão corrigido (EPC) e o coeficiente de correlação (CC).



Figura V.2 - Gráfico da fração volumétrica de material não cristalizado em função do tempo (em minutos) para a amostra Fe₈₀B₂₀. No centro são indicadas as temperaturas de tratamento isotérmico (em graus Kelvin).







Figura V.4 - Gráfico da fração volumétrica de material não cristalizado em função do tempo (em minutos) para a mo<u>s</u> tra Fe₆₀Ni₂₀B₂₀.





Figura V.5 - Gráfico da fração volumétrica de material não cristalizado em função do tempo (em minutos) para a amostra Fe₅₀Ni₃₀B₂₀. Estas medidas apresentaram alguns transientes no início do processo de cristalização ainda não entendidos.



Figura V.6 - Gráfico da fração volumétrica de material não cristalizado em função do tempo (em minutos) para a amostra $Fe_{40}Ni_{20}B_{20}$.

TABELA V.1 - Valores dos coeficientes angular e linear por regressão linear por mínimos quadrados, utilizando a equação V-4.(EPE) é o erro padrão da estimativa, (EPC) é o erro padrão corrigido e (CC) é o coeficiente de correlação.

Figura V.7 - Gráfico ln(ln(l/FNC)) × ln t, para a amostra ^{Fe}80^B20

•

+	AMOSTRA	Fe(80)B	(20)			
I T(K)	INCLINACAO	! COEF. ! LINEAR	! GL	EPE I	EPC	CC I
[! (A)= 2.017 (+/- 0.068)	! 1.888	! 8	! 0.060!	0.067	0.999!
667	! (B)= 0.910 (+/- 0.278)	1.092	! 4	0.045!	0.055	0.977!
	! (C)= 0.208 (+/- 0.026)	1.025	! 3	0.011	0.014	0.998!
1	! (D)= 2.383 (+/- 0.049)	0.583	! 11	0.053	0.058	0.999!
1 658	! (E)= 1.229 (+/- 0.215)	0.534	! 3	0.016!	0.021	0.996!
	! (F)= 0.472 (+/- 0.041)	0.802	! 8	0.030!	0.034	0.994!
1	(6)= 2.799 (+/- 0.087)	-2.078	12	0.084!	0.091!	0.999!
1 642 1	(H)= 1.326 (+/- 0.155)	-0.770	4	0.014!	0.017	0.996!
	(I)= 0.658 (+/- 0.067)	0.152	1 7	0.026!	0.030!	0.994!
!!!	(J)= 2.855 (+/- 0.123)	5.662	9	0.074!	0.082!	0.998!
1 626 1	(K)= 1.755 (+/- 0.130)	-3.662	5	0.016!	0.018!	0.998!
! !	(L)= 1.094 (+/- 0.034)	-2.117	1 16	0.026!	0.027!	0.998!



TABELA V.2 - Valores dos coeficientes angular e linear obtidos por regressão linear por mínimos quadrados, utilizando a equação V-4.(EPE) é o erro padrão da estimativa,(EPC) é o erro padrão corrigido e (CC) é o coeficiente da correlação.



Figura V.8 1 Gráfico amostra de Fe70Ni 10B20. ln(ln(l/FNC)) × In t, para e



.77

TABELA V.3 - Valores dos coeficientes angular e linear obtidos por regressão linear por mínimos quadrados, utili zando a equação V-4.(EPE) é o erro padrão da estimativa, (EPC) é o erro padrão corrigido e (CC) é o coeficiente de correlação.

.

..

		AMOSTRA : A	Fe(60)Ni(2	0)8(2)	0)		
T(K)	1. 1.	INCLINACAO	! COEF. ! LINEAR	! GL	! EPE ! ! !	EPC !	CC
/ / -3	!	(A)= 1.350 (+/- 0.419)	! -3.046	! 2	0.0691	0.097!	0.995
00/	!	(B)= 2.758 (+/- 0.048)	! -3.079	! 15	! 0.041!	0.043!	0.999
	!	(C)= 2.876 (+/- 0.072)	! -5.637	1 9	! 0.036!	0.039!	0.999
000	!	(D)= 2.205 (+/- 0.163)	! -4.273	! 6	. 0.018!	0.021!	0.997
270	!	(E)= 0.989 (+/- 0.137)	! -4.908	3	0.040!	0.052!	0.997
037	!	(F)= 2.301 (+/- 0.023)	! -7.873	! 24	0.029!	0.030!	0.999
4.04	!	(G)= 0.088 (+/- 0.037)	! -3.618	4	0.020!	0.025!	0.956
041	1	(H)= 2.318 (+/- 0.052)	! -11.00	29	0.064!	0.0671	0.998

Figura V.9 1 Gráfico de ln(ln(l/FNC) x amostra Fe₆₀Ni₂₀B₂₀ ln t para a



TABELA V.4 - Valores dos coeficientes angular e linear obtidos por regressão linear por mínimos quadrados, utilizando a equação V-4.(EPE) é o erro padrão da estimativa,(EPC) é o erro padrão corrigido e (CC) é o coeficiente de correlação . .

....

•

	AMOSTRA : 🗆	e(50)Ni(3	0)B(2)	0)		
T(K)	INCLINACAO	! COEF. ! LINEAR	! GL !	I EPE I	EPC !	CC
	(A)= 0.712 (+/- 0.223)	! -3.020	! 2	! 0.036!	0.050!	0.995
660	(B)= 3.982 (+/- 0.196)	! -4.963	! 9	0.0321	0.035!	0.998
!	(C)= 2.525 (+/- 0.185)	! -3.101	! 6	0.024!	0.028!	0.997
250 1	(D)= 0.252 (+/- 0.156)	! -3.639	! 2	0.052!	0.074!	0.980
- 010 !	(E)= 2.527 (+/- 0.067)	! -5.395	23	0.083!	0.087!	0.998
1	(F)= 0.580 (+/- 0.188)	! -4.086	21	0.333!	0.348!	0.815
042 +	(G)= 2.894 (+/- 0.078)	! -10.69	! 34	0.075!	0.077!	0.997
/ 7 4 .	(H)= 0.211 (+/- 0.125)	! -3.062	! 14	0.160!	0.171!	0.697
031 +	(I)= 1.993 (+/- 0.030)	! -9.120	! 30	0.032!	0.033!	0.999



TABELA V.5 - Valores dos coeficientes angular e linear obtidos por regressão linear por mínimos quadrados, utilizando a equação V-4. (EPE) é o erro padrão ds estimativa,(EPE) é o erro padrão corrigido e (CC) é o coeficiente de correlação.

AMOSTRA : Fe(40)Ni(40)B(20) ! COEF. ! GL ! EPE ! EPC ! CC INCLINACAO ! T(X) ! 1 ! LINEAR ! I (A)= 2.315 (+/- 0.177) | 0.738 | 5 | 0.082! 0.098! 0.998! ! (B)= 0.393 (+/- 0.033) ! 0.538 ! 8 ! 0.022! 0.025! 0.995! | (C) = 2.596 (+/-0.196) | -0.774 | 9 | 0.132 | 0.146 | 0.995 |1 (D)= 0.498 (+/- 0.035) | 0.079 | 13 | 0.029 | 0.031 | 0.993 ! (E)= 2.585 (+/- 0.121) ! -2.476 ! 9 ! 0.082! 0.091! 0.998! 1 (F)= 0.758 (+/- 0.094) 1 -0.332 1 9 1 0.0371 0.0411 0.9871 ! (G)= 2.730 (+/~ 0.115) ! -6.203 ! 6 ! 0.045! 0.052! 0.999! | (H) = 1.743 (+/-0.276) | -3.942 | 5 | 0.037 | 0.044 | 0.991 |! (I)= 0.394 (+/- 0.108) ! -2.703 ! 4 ! 0.076! 0.094! 0.981! 624 ! (J)= 2.175 (+/- 0.130) ! -7.562 ! 6 ! 0.043! 0.049! 0.998! ! (K)= 1.406 (+/- 0.165) ! -4.675 ! 3 ! 0.010! 0.013! 0.998!

igura < . --1 pa 5 H H 2 2 -H. Q 0 0 2 mo 0 D S rt - \supset н Q ~ T 5 e40Ni40B (1/FNC -20 × 1 ct

-



Duas constatações são aparentes das figuras apresentadas. A pri meira, que os pontos experimentais se ajustam bem a uma reta, co mo pode ser verificado através das tabelas V.1 - V.5, principal mente na região onde $0.2 \le (1 - x_{c}) \le 0.8 (-1.5 \le \ln(\ln(1/1-x_{c})))$ 🗲 0.48). Assim, o uso da Equação de Johnson-Mehl-Avrami é adequada no presente caso. As inclinações destas retas fornecem, como já citado anteriormente, os valores de n (o expoente de Avrami). A segunda é a mudança da inclinação presente em quase todos os gráficos. Esta variação na inclinação [Cr 75], denominada saturação de sitio, ncorre porque a fração de área transformada para este estágio é maior do que a fração de volume transformado. O crescimento cessa, então, em uma determinada direção. As amostras uti lizadas neste trabalho, na forma de fitas, têm espessura de ~20µm, largura de 0.7mm e comprimento utilizado nas medidas de resistência elétrica de ~20mm. Em virtude da pequena espessura das amostras e do tempo relativamente grande, comparativamente a ou tras experiências apresentadas na literatura [AGS + 81] , para alcançar-se a temperatura desejada de tratamento térmico, o cres cimento neste primeiro estágio fica encoberto dentro do tempo de aquecimento. Assim, podemos registrar apenas os crescimentos bi dimensional (2 ≤ n ≤ 3) e unidimensional (1 ≤ n ≤ 2). As amostras Fe₅₀Ni₃₀B₂₀ e Fe₆₀Ni₂₀B₂₀ (figuras V-9 e V-10) apresentam uma pequena inclinação inicial em todas as temperaturas e que tende a aumentar conforme aumentamos a temperatura. Uma vez que estas são as amostras que apresentam os maiores tempos para alcançar a metade da fração transformada (figura V-12), estas inclinações poderiam estar refletindo os estagios finais do processo de nucleação ou então poderiam ser conseqüência de uma trans-

formação de dois estágios [LDW 78]. Esta última parece ser a hipótese mais viável como pode ser concluído a partir da figura V.13.



Figura V-12 - Tempo para atingir a metade da fração transformada em função da temperatura de tratamento isotérmico.



A última figura apresenta uma escala ampliada em tempo, tornando visível uma pequena queda na resistência elétrica, no estágio inicial da transformação.

O expoente da equação de JMA pode fornecer indicações sobre o tipo de reação que ocorre na transição da fase amorfa metaestável para a fase cristalina. A tabela I apresentada na seção II.3, exibe um resumo dos valores de n encontrados para vá rias condições de transformação. A referida tabela leva em con ta apenas o processo de transformação tridimensional. Considerando-se os efeitos de superfície da amostra, n pode decrescer por um fator 1 ou 2, como por exemplo para amostras em forma de lâminas ou fios, respectivamente. Estes fatos permitem a obtenção da tabela V.6.

TABELA V.6 $-[\kappa t]^n$

Valores de "n" na lei cinética $x = 1 - \mathfrak{A}$

- transformações polimórficas, primárias, eutéticas, cresciemnto controlado pela interface e etc.
- D significa a dimensão de crescimento (1, 2 ou 3)

RAZÃO DE NUCLEACÃO	VALORES DE "n"				
MAZAO DE MOCEEAÇÃO	D = 1	D = 2	D = 3		
AUMENTANDO	>2	>3	> 4		
CONSTANTE	2	3	4		
DECRESCENDO	1-2	2-3	3-4		
ZERO (saturação)	1	2	3		

A partir dos valores de n obtidos para as amostras es tudadas, conforme tabelas V.1 - V.5, pode-se observar que na re gião correspondendo ao tempo para atingir-se a metade da fração transformada, todas as ligas apresentaram um valor médio pa ra n ~2.5. Conforme os argumentos apresentados anteriormente, es te valor corresponde ao crescimento bidimensional. De acordo com a tabela V.6, este fato indica uma razão de nucleação decrescen do em direção à saturação (n = 2) ao mesmo tempo em que os grãos cristalinos crescem na direção da largura da fita amorfa. A ten dência é de crescimento unidimensional com razão de nucleação sa turada (n = 1).

Herold e Koster [HK 78] estudando a influência de adi ção de metal ou metalóide em ligas amorfas baseadas em Fe-B, ob servaram nas amostras Fe₈₀B₂₀ e Fe₄₀Ni₄₀B₂₀ que a transição da fase amorfa metaestável para a fase cristalina ocorre por uma reação de cristalização eutética, isto é, uma cristalização simultânea de duas fases cristalinas. Na amostra Fe₈₀B₂₀ inicialmente ocorre a decomposição de 🗙 - Fe + Fe₃B dentro da matriz amorfa e após um tratamento térmico mais prolongado, o material cristalino é composto de 🛛 - Fe + Fe2B. A amostra amorfa Fe4Nian B₂₀ se decompõem em uma fase FeNi (fcc) + (Fe,Ni)₃B (ortorrombico). Esta classificação (transformação eutética) se enquadra na quelas transformações observadas para os valores de n (o expoen te de Avrami) apresentados na tabela V.6. O crescimento da fase cristalina é controlado por difusão. Entretanto, apenas usando a tabela V.6, não é possível distinguir entre as várias reações de decomposição que ocorrem, bem como se a difusão que ocorredu rante o processo de cristalização é de curto alcance (crescimen

to controlado pela interface) ou de longo alcance (crescimento controlado por difusão), uma vez que estes autores verificaram que o processo de cristalização eutética envolve a difusão de longo alcance devido aos gradientes de concentração que se formam, ao contrário das transformações polimórficas onde a difusão é de curto alcance. Assim, uma completa identificação dos mecanismos envolvidos no processo de cristalização deve exigir a utilização de outras técnicas, tais como difração de Raios-X e microscopia por trensmissão de elétrons.

Na figura V-14, os valores de n em função da temperatura são comparados com alguns valores encontrados na literatura, para a amostra Fe₈₀B₂₀. O aumento de n em função da temperatura para a amostra Fe₈₃B₁₇ indica, de acordo com a tabela V.6, au mento na razão de nucleação. A região de temperatura entre 620 K e 670 K, sugere uma situação de maior estabilidade ou até mesmo um mínimo no valor de n. Abaixo de 620 K ocorre o processo de cristalização a baixa temperatura com energia de ativação entre 40 e 60 kJ/mol, sugerindo um crescimento de núcleos já existentes dentro da matriz amorfa [Sc 78]. O valor médio de n (~2.5) obtido no presente estudo concorda com outros trabalhos [KVF + 78, Sh 78, KVS + 82].

Na figura V.15 são apresentados os valores do expoente de Avrami em função da temperatura, para as amostras pseudobinárias. Também são apresentados alguns resultados encontrados na literatura para fins de comparação.





•
$$Fe_{40}Ni_{40}B_{20}$$
; • $Fe_{50}Ni_{30}B_{20}$;
• $Fe_{70}Ni_{10}B_{20}$; * $Fe_{40}Ni_{40}B_{20}$ [GDK84];
• $Fe_{60}Ni_{20}B_{20}$ [Or82] • $Fe_{60}Ni_{20}B_{20}$

Na região de temperatura estudada os valores de n se mantêm entre 2 e 3, com a amostra $Fe_{40}Ni_{40}B_{20}$ exibindo uma tendência de aumento neste valor em função da temperatura. Na amostra Fe_{60} $Ni_{20}B_{20}$, os valores do expoente de Avrami são bastante diferentes dos valores obtidos por OREHOTSKY [Or 82]. Entretanto, os valores médios do expoente n obtidos por este autor para a amos tra $Fe_{80}B_{20}$ também são consideravelmente menores que os encontrados na literatura (n ~1.3). Este pode ser um efeito de diferentes taxas de resfrizmento na obtenção do material amorfo [Sh 78].

Na seção II.3, mostrou-se que as medidas isotérmicas feitas através de DTA (ou DSC) apresentam um máximo na razão da reação, que, juntamente com a condição de máximo resultou em

$$ln t_m = \frac{E}{RT} + cte$$
 (V-5)

Nesta equação, t_m denota o tempo para alcançar a máxima razão de reação, E representa a energia de ativação para o processo, R é a constante dos gases e T é a temperatura utilizada no processo de tratamento isotérmico. Consideramos neste trabalho que o tempo para alcançar a máxima razão de reação é igual ao tempo para atingir a metade da fração transformada (t_0 5).

Na figura V.12, o gráfico do tempo para atingir a metade da fração transformada em função da temperatura utilizada, obtido a partir dos dados de resistência elétrica exibe o comportamento exponencial previsto pela equação (V.5). Obtemos, a<u>s</u> sim, mais um argumento favorável à teoria de transformação de f<u>a</u> se utilizada para descrever o comportamento cinético dos metais amorfos em questão.

Apresentamos na figura V-16 os valores experimentais de t_{0.5} e temperatura, usados na equação (V.5). Na regressão l<u>i</u> near utilizou-se o método dos mínimos quadrados. As inclinações das retas permitem, como citado anteriormente (CAP.III),a obte<u>n</u> ção da energia de ativação para o processo de transformação.

Segundo ALTOUNIAN [AGS + 81], a equação (V.5) deveria ser reescrita como

$$\ln\left[\ln\left(\frac{R_{q}-R_{c}}{R_{t}-R_{c}}\right)\right] = n \ln \frac{(t-3)}{\kappa}$$
(V.6)

onde **5** é o tempo de incubação. O tempo de incubação pode ser i<u>n</u> terpretado como uma medida do tempo necessário para o processo de transformação produzir núcleos de tamanho suficiente para iniciar o crescimento. A partir do conhecimento deste, uma energia de ativação pode então, ser obtida.

Os valores de Y referentes a amostra Fe₄₀Ni₄₀B₂₀ são apresentados na figura V.1. Apesar destes valores não exibirem uma maior confiabilidade, quantitativamente falando, por motivos já referidos, permitem, entretanto, estabelecer-se uma ordem de grandeza para a energia de ativação. A energia assim obtida através de uma equação da forma de Arrhenius, isto é

$$\mathcal{E}/\mathbf{RT}$$

$$\mathcal{J} = \mathcal{J}_{0} \mathcal{L}$$
(V.7)

foi de 267.49 kJ/mol. Esta energia, apesar do erro na determinação de **%**, é semelhante à do processo de cristalização. Isto s<u>u</u> gere que tanto a nucleação quanto o crescimento dos núcleos seguem o mesmo processo.

Figura V.16 - Valores experimentais do tempo para atingir a metade da fração transformada e temperatura de tratamento isotérmico utilizados na equação (V.5), para as amostras $Fe_{40}Ni_{40}B_{20}(a)$, $Fe_{50}Ni_{30}B_{20}(b)$, $Fe_{60}Ni_{20}B_{20}(c)$, $Fe_{70}Ni_{10}B_{20}(d)$ e $Fe_{80}B_{20}(e)$.



V - 2 - Medidas Isocrônicas

A resistividade elétrica é uma propriedade muito sensível a mudanças estruturais de um sistema. A obtenção dos parâmetros cinéticos associados ao processo de transformação de uma liga da fase amorfa para a fase cristalina, através do método isocrônico, exige a determinação da temperatura de cristalização. Para sua obtenção utilizamos o equipamento descrito na seção IV.3.2, através de medidas de resistividade elétrica da amostra em função da temperatura. Vale lembrar que as medidas <u>ca</u> lorimétricas (DSC) e de resistividade elétrica, no que se refere à determinação da temperatura de cristalização são equivalen<u></u> tes (figura V-17).

As figuras V-18 - V-21 mostram as variações percentuais da resistividade elétrica da amostra em função da temperatura para diferentes taxas de aquecimento (TA = 1, 4, 6.5 e 22 K/ min). A variação abrupta que ocorre na resistividade elétrica da amostra com o aumento da temperatura, reflete o processo de trans formação da fase amorfa para a fase cristalina. Nota-se claramente, pelas diferenças significativas entre os valores de resistividade da fase amorfa e cristalina, a dependência crescente da composição na diminuição da resistividade. A figura V-22 mostra que esta diferença diminui rapidamente com a adição cres cente de Ni à amostra. Este fato está diretamente relacionado com o processo de cristalização e também foi observado por New [NAL + 79]. Isto ocorre porque a adição de Ni à amostra aumenta a desordem química, que é proporcionalmente mais importante na fase cristalina.



Figura V-17, Dependência em temperatura da resistividade elétrica da liga amorfa Th₆₀Fe₄₀, compar<u>a</u> da com o efeito exotermico de uma medida com DSC, utilizando a mesma taxa de aquec<u>i</u> mento (2K/min) [Bu 83]

Figura V.18 - Gráfico da variação percentual da resistividade elétrica (DELRO) em função da temperatura (T), para uma taxa de aqueci mento (TA) de 1K/min. Os números que iden tificam cada uma das curvas refeltem a quantidade de ferro na liga amorfa pseudobinária do tipo Fe_xNi_{80-x}B₂₀.



Figura V.19 - Gráfico da variação percentual da resistividade elétrica (DELRO) em função da temperatura (T), para uma taxa de aquecimento (TA) de 4 K/min. Os números que identificam cada uma das curvas refeltem a quantidade de Ferro na liga amorfa pseudobinária do tipo Fe_xNi_{80-x}B₂₀.



Figura V.20 - Gráfico da variação percentual da resistividade elétrica (DELRO) em função da temperatura (T), para uma taxa de aquecimento (TA) de 6,5 K/min. Os números que identificam cada uma das curvas refletem a quantidade de Ferro na liga amorfa pseudobinária do tipo Fe_xNi_{80-x}B₂₀.


Figura V.21 - Gráfico da variação percentual da resistividade elétrica (DELRO) em função da temperatura (T), para uma taxa de aquecimento (TA) de 22 K/min. Os números que identificam cada uma das curvas refletem a quantidade de Ferro na liga amorfa pseudobinária do tipo Fe_xNi_{80-x}B₂₀.





.1.



A temperatura de cristalização foi tomada no ponto mé dio da diferença entre os valores máximos e mínimos da variação percentual da resistividade, conforme ilustra a figura V-23. Este ponto corresponde à máxima razão de reação nas medidas calorimétricas (figura V-17)

A modificação na temperatura de cristalização (T_c) , p<u>a</u> ra quatro taxas de aquecimento diferentes, é ilustrada na figura V-24. Esta modificação em T_c é conseqüência da formação e crescimento de núcleos na matriz amorfa devido ao processo de aquecimento. Um aquecimento lento permite que os centros de n<u>u</u> cleação alcancem um tamanho crítico em região de baixa temperatura. Um aquecimento rápido, por outro lado, só permitirá que tais centros de nucleação atinjam o mesmo tamanho crítico em um tempo posterior, que será tanto maior quanto maior for a taxade aquecimento.

A figura V-25 apresenta o comportamento da temperatura de cristalização em função da composição química das amostras para as taxas de aquecimento utilizadas neste trabalho. São apresentados, também, alguns dados encontrados na literatura. No ta-se um comportamento similar da temperatura de cristalização em função da composição química, tanto para as amostras utiliza das neste estudo, quanto para aquelas encontradas na literatura. Um máximo entre 20 4 x 4 30 é visível nas amostras do tipo Fe_{80-x}Ni_xB₂₀. As diferenças nos valores de T_c, relativo a outros trabalhos, ocorrem porque diferentes taxas de resfriamento na preparação das amostras amorfas podem levar a diferentes es tados metaestáveis. Durante o processo de resfriamento, o material fundido deve alcançar a temperatura ambiente sem cristalização. O processo de transferência do calor se dá através da uti



Figura V-23 - Ampliação do gráfico da variação percentual da resistividade elétrica em função da temperatura para a amostra Fe₈₀B₂₀, ilustrando a obtenção da temperatura de cristalização (T_c).



vidade em função da temperatura, para quatro taxas de aquecimento (TA) diferentes.





As linhas contínuas servem apenas como guias para os olhos.

lização de um substrato. Este, por sua vez, fornece também uma interface onde pode ocorrer o processo de nucleação. Dependendo da taxa de resfriamento, a liga pode conter um número maior ou menor de núcleos, ou até mesmo formar uma estrutura microcristalina. Neste último caso, o sistema terá um grande número de núcleos pré-existentes que, durante o aquecimento tenderão a crescer. No caso em que é obtida uma taxa de resfriamento suficiente mente alta de forma a evitar a presença de núcleosou, pelo menos, diminuir a probabilidade de sua existência, podemos esperar valores mais altos de temperatura de cristalização para uma mesma taxa de aquecimento. Embora não tenhamos condições de medir precisamente a taxa de resfriamento, (TR), este foi estimado para ser da ordem de 10⁵K/s. Valores de TR desta grandeza, aliado a nossa preocupação de ejetar todas as amostras sob as mesmas con dições, devem diminuir muito a probabilidade de existência de nú cleos, uma vez que a não ocorrência de estruturas microcristalinas é garantida pelas medidas de Raios-X.

Conforme foi discutido no Capítulo III, o método de Kissinger permite avaliar os parâmetros cinéticos associados ao processo de transformação da fase amorfa para a fase cristalina.

Como visto anteriormente, os métodos de Kissinger e de Augis & Bennet diferem fundamentalmente na forma da razão de re<u>a</u> ção proposta. Para um estudo comparativo entre os dois métodos referidos, consideramos x, a fração transformada, dada pela equ<u>a</u> ção de JOHNSON=MEHL-AVRAMI [Cr75].

No método de Kissinger, a parte dependente da temperatura da expressão

$$\frac{dx}{dt} = f(x)g(\tau)$$
(V.8)

tem uma forma do tipo Arrhenius, ou seja,

$$g_{k}(T) = v_{k} \exp\left\{-\frac{\Delta E}{RT}\right\}$$
 (V.9)

No método de Augis & Bennet, g(T) tem uma dependência implícita do tempo na temperatura, resultando da equação (V.8) que

$$Q_{AB}(T) = \left[1 + \frac{\Delta E(T-T_0)}{RT^2} \right] Q_{K}(T) \qquad (V.10)$$

A suposição da condição de extremo aplicada na equação (V.8) , combinada com a equação (V.9) e supondo que

$$\frac{\Delta E}{RE} >> L \tag{V.11}$$

leva à expressão

$$\ln \frac{\phi}{T_c} = -\frac{\Delta E}{RT_c} + \ln \frac{V_k R}{\Delta E}$$
(V.12)

sendo T_C a temperatura de cristalização e $\not a$ a taxa de aquecimen to. Como se verificará mais tarde, os valores de energia de at<u>i</u> vação são independentes do método utilizado para sua obtenção. A tabela V.7 mostra os valores de energia de ativação obtidos pelo método isotérmico e os valores de RT_C tirados das medidas de resistividade em função da temperatura, sendo que a comparação destes valores permite constatar a validade da suposição apresentada na equação (V.11).

O mesmo procedimento anterior mas utilizando-se a expressão proposta por Augis & Bennet para g(T), juntamente com a suposição

$$\frac{\Delta E}{RT_c^2} (T_c - T_o) >> 1 \qquad (V.13)$$

leva a seguinte expressão

$$\ln\left(\frac{\phi}{T_c-T_o}\right) = -\frac{\Delta E}{RT_c} + \ln V_{AB} \qquad (V.14)$$

TABELA V.7 – Valores de energia de ativação obtidos do mé todo isotérmico e comparados com os valores de RT_{C} obtidos das medidas não isotérmicas:

AMOSTRA	E ISOTERMAS KJ/moĺ	RT _C ISOCRÔNICAS J/mol	$\frac{E}{RT_{c}} \times 10^{3}$
Fe ₄₀ Ni ₄₀ B ₂₀	296.389	5995.67	49.43
Fe ₅₀ Ni ₃₀ B ₂₀	317.380	6078.77	52.21
Fe ₆₀ Ni ₂₀ B ₂₀	284.437	6190.95	45.94
^{Fe} 70 ^{Ni} 10 ^B 20	346.798	6091.23	56.93
^{Fe} 80 ^B 20	257.215	6037.22	42.60

sendo T_o a temperatura em que é iniciada a medida. A suposição (V.13) é essencialmente a mesma apresentada em (V.11), uma vez que para fins práticos, T_o $\lt \lt$ T.

As figuras (V.26) e (V.27) apresentam o resultado da utilização dos valores experimentais da taxa de aquecimento (ϕ) e temperatura de cristalização (T_c), inseridos nas equações(V.12) e (V.14), respectivamente. Em todas as figuras constata-se a con cordância dos dados a uma reta, como era de se esperar. As barras de erro, relativamente grandes para algumas medidas, resul taram da utilização de um forno para o aquecimento com alta iné<u>r</u> cia térmica na obtenção destes pontos. Este problema foi mais tarde contornado com a utilização de um forno com menor inércia térmica (Seção IV.3.2) que o anterior.

Nas tabelas V.8 e V.9 são apresentados os valores dos pontos, calculados a partir das equações (V.12) e (V.14), repr<u>e</u> sentados na forma de gráficos nas figuras (V.26) e (V-27), bem como os coeficientes angular, linear e de correlação.

A tabela V.10 ilustra a comparação entre os parâmetros cinéticos obtidos nos métodos isotérmico e isocrônico. No que se refere à energias de ativação os resultados mostram uma equivalência entre os métodos utilizados. Entretanto, no que se refere aos fatores de freqüência há diferenças apreciáveis. Este é um resultado interessante, pois era esperada a equivalência entre todos os métodos. Como já foi salientado anteriormente, os dois métodos considerados diferem na forma da razão de reação. No método Kissinger a velocidade de transformação é

$$\frac{dx}{dt} = n(1-x)\left[-\ln(1-x)\right]^{\frac{m-1}{m}} \mathcal{G}_{k}(T) \qquad (V.15)$$

Figura V.26 - Obtenção da energia de ativação e fator de freqüência pelo método de Kissinger.

· 1, 1



Figura V.27 - Obtenção de energia de ativação e fator de freqüência pelo método de Augis & Bennet



TABELA V.8 - Pontos experimentais calculados a partir da equação V.12 - Método de Kissinger. Coeficientes angular, linear e de correlação obtidos destes pontos por meio de regressão linear pelo método de mínimos quadrados.

..

1

AMOSTRAS	ln Ø/T²	10 ³ /T _c	ln Ø/T² C	10 ³ /T _c	ln Ø/T² C	10 ³ /T _c	ln Ø/T²C	10 ³ /T _c	COEF. LINEAR	COEF. ANGULAR	COEF. CORR.
Fe ₄₀ Ni ₄₀ B ₂₀	-12.881 */-0.62	1.457	-11.910 	1.443	-11.226 +/-0.20	1.414	-10.084 */-0.13	1.386	40.809	-36.726	0.971
^{Fe} 50 ^{Ni} 30 ^B 20	-13.255 +/-0.15	1.436	-11.729 */-0.80	1.408	-11.262 +/-0.20	1.389	-10.112 	1.367	50.203	-44.138	0.985
^{Fe} 60 ^{Ni} 20 ^B 20	-13.246 -/-0.15	1.442	-11.748 	1.399	-11.254 +/-0.20	1.395	-10.149 +/-0.13	1.342	31.307	-30.768	0.961
^{Fe} 70 ^{Ni} 10 ^B 20	-12.821 +/-0.32	1.420	-11.735 ∻/0.31	1.406	-11.271 +/0.20	1.383	-10.116 +/-0.13	1.364	50.012	-44.140	0.951
Fe ₈₀ B ₂₀	-13.180 +/-0.15	1.490	-11.783 ⊹/-0.16	1.442	-		-10.098 */-0.13	1.376	27.180	-26.992	0.999

119

TABELA V.9 - Pontos experimentais calculados a partir da equação V.14 - Método de Augis & Bennet. Coeficientes angular, linear e de correlação obtidos destes pontos por meio de regressão linear pelo método de mínimos quadrados.

•

AMOSTRAS	ln Ø∕⊺ _c	-10 ³ /T _c	ln Ø/T _c	10 ³ /T _c	ln Ø/T _c	10 ³ /T _c	ln Ø/T _c	10 ³ /T _c	COEF. LINEAR	COEF. ANGULAR	COEF. DE CORRELAÇÃO
Fe ₄₀ ^{Ni} 40 ^B 20	-5,349 <u>+</u> 0,62	1,457	-5,369 <u>+</u> 0,34	1,443	-4,665 <u>+</u> 0,2	1,414	-3,503 <u>+</u> 0,13	1,386	48,348	-37,417	0,972
Fe ₅₀ Ni ₃₀ B ₂₀	-6,709 <u>+</u> 0,15	1,436	-5,164 <u>+</u> 0,8	1,408	-4,683 <u>+</u> 0,2	1,389	-3,517 <u>+</u> 0,13	1,367	57,77	-44,849	0,985
Fe ₆₀ Ni ₂₀ B ₂₀	-6,704 <u>+</u> 0,15	1,442	-5,176 <u>+</u> 0,54	1,399	-4,679 <u>+</u> 0,2	1,395	-3,535 <u>+</u> 0,13	1,342	38,888	-31,489	0,963
Fe ₇₀ Ni ₁₀ B ₂₀	-6,294 <u>⊹</u> 0,15	1,42	-5,168 <u>+</u> 0,31	1,406	-4,687 <u>+</u> 0,2	1,383	-3,519 <u>+</u> 0,13	1,364	57,588	-44,857	0,953
Fe ₈₀ B ₂₀	-6,671 <u>+</u> 0,15	1,49	-5,242 <u>+</u> 0,16	1,442			-3,51 <u>+</u> 0,13	1,376	34,630	-27,691	0,999

. 120

. .

	MÉTODO) ISOTÉRMICO	ÉRMICO MÉTODO DE KISSINGER MÉTODO DE A	DE AUGIS & BENNET		
AMUSTRA	DE kJ/mole	ko (1/h)	DE kJ/mole	ko (1/h)	DE kJ/mole	ko (1/h)
Fe ₄₀ Ni ₄₀ B ₂₀	296,389	1,711294 x 10 ²³	305,193	1,1647918 × 10 ²⁴	310,935	5,962396 × 10 ²²
Fe ₅₀ Ni ₃₀ B ₂₀	317,380	1,815953 x 10 ²⁴	366,786	1,6820922 × 10 ²⁸	372,695	7,367892 × 10 ²⁶
Fe ₆₀ Ni ₂₀ B ₂₀	284,437	5,711160 × 10 ²¹	255,682	7,28967 × 10 ¹⁹	261,673	4,645099 × 10 ¹⁸
Fe ₇₀ Ni ₁₀ B ₂₀	346,798	1,249647 x 10 ²⁷	366,803	1,389642 x 10 ²⁸	372,761	6,141888x10 ²⁶
Fe ₈₀ B ₂₀	257,215	3,668347 x 10 ²⁰	224,303	9,334278 x 10 ¹⁷	230,112	6,573084x10 ¹⁶

TABELA V.10 - Parâmetros cinéticos obtidos dos métodos isotérmicos e isocrônicos

X

enquanto no método de AUGIS & BENNET este parâmetro é dado por

$$\frac{dx}{dt}\Big|_{AB} = n(1-x)\left[-\ln(1-x)\right]^{\frac{n-1}{n}}g_{AB}(T) \qquad (V.16)$$

A equivalência entre os métodos exigiria que

$$g_{\kappa}(T) \sim g_{AB}(T)$$
 (V.17)

Usando as equações (V.9) e (V.10), a relação pode ser reescrita na forma

$$\left[1 + \frac{\Delta E_{AB}}{R} \frac{(T - T_0)}{T^2}\right] \gamma_{AB} \mathcal{L} \sim \gamma_{K} \mathcal{L} \qquad (V.18)$$

ou ainda como

$$\left[1 + \frac{\Delta E}{R} \frac{(T - T_0)}{T^2}\right] \gamma_{AB} \sim \gamma_{K}$$
(V.19)

em vista da equivalência entre os valores de energia de ativação. Uma expressão entre os fatores de freqüência é obtido das equações (V.12) e (V.14), isto é,

$$V_{\rm K} = \frac{\Delta E}{R} \frac{T_{\rm c} - T_{\rm o}}{T_{\rm c}^2} V_{\rm A6} \qquad (V.20)$$

Combinando as equações (V.19) e (V.20) e considerando a equação (V.13), obtemos

$$\left[1 + \frac{\Delta E}{R} \left(\frac{T - T_0}{T^2}\right)\right] \sim \frac{\Delta E \left(T_c - T_0\right)}{R T_c^2}$$
(V.21)

Na região em que $(T - T_0) ~ (T_c - T_0)$, a equivalência deveria ser verificada. Entretanto, em vista da diferença apreciável entre os fatores de freqüência, buscamos no que segue, estabelecer, en tre os dois métodos considerados, aquele que apresente parâmetros cinéticos coerentes com os obtidos pelo método isotérmico. Para isto invocamos o princípio da transferibilidade proposto por Louis e Garcia-Cordovilla [LG 84, LG 85]. De acordo com este princípio, parâmetros cinéticos obtidos em experiências isocrônicas devem ser válidos na descrição de experiências isotérmicas assim como o oposto deve ser verdadeiro. A análise isotérmi ca de uma amostra é um método consagrado na determinação de parâmetros cinéticos associados à transformação de fase em metais amorfos. Na seção V.1, a energia de ativação e o fator de freqüência foram obtidos da expresão

$$t_{0,5} = C \, \mathcal{A}^{\Delta E/RT} \tag{V.22}$$

onde, nesta equação, t_{0.5} é o tempo necessário para que o sistema atinja metade da fração transformada durante o tratamento isotérmico e C é uma constante dada por

$$C = \left(\frac{n-1}{n}\right)^{1/n} \frac{1}{k_0}$$
(V.23)

sendo K_0 o fator de freqüência. Podemos, então, reverter o processo e utilizar os parâmetros cinéticos extraídos dos métodos isocrônicos na equação (V.22) e desta forma, estimar os tempos para que o sistema atinja metade da fração transformada, comparando-os com aqueles obtidos experimentalmente das medidas isotérmicas. Na tabela V. 11 são comparados os resultados de $t_{0.5}$ calculados na equação (V.22) e aqueles obtidos experimentalmente. Estes resultados permitem concluir que o método de Kissinger

AMOSTRAS	Т	t _{0,5} (h)	t _{0,5} (h)	t _{0,5} (h)
	(K)	ISOTERMAS	KISSINGER	AUGIS & BENNET
	669,68	0,58	0,46	25,18
	663,46	1,23	0,77	42,52
Fe40Ni40B20	652,25	2,25	1,99	112,09
	641,05	8,55	5,32	305,39
	624,86	26,88	23,47	1385,60
	660,27	5,38	5,21	349,51
5. N/ 5	658,48	7,38	6,25	420,39
Fe50 ^{N1} 30 ^B 20	642,29	33,25	33,88	2340,23
	631,09	80,55	114,71	8080,61
	667,2	2,75	1,19	55,09
	656	6,25	2,62	123,31
Fe60 ^{N1} 20 ^B 20	639	25,88	9,12	442,21
	623,61	95,83	29,92	1492,06
	662,2	1,50	5,21	209,75
^{Fe} 70 ^{Ni} 10 ^B 20	649,7	5,31	18,79	1281,56
	633,6	25,92	105,59	7407,37
^{Fe} 80 ^B 20	667,19	0,30	0,32	13,13
	658,47	0,62	0,55	22,76
	642,29	1,815	1,56	65,64
	626,1	6,62	4,61	200,15

TABELA V.11 - Valores de tempo para atingira metade de fração transformada calculados da équação V.22, comparados aos valores de tempo obtidos experimentalmente.

é válido na determinação de parâmetros cinéticos, sendo mais adequado o uso da equação de razão de reação de Johnson-Mehl-Avrami, (Expressão V.15) para a determinação dos parâmetros cinéticos associados ao processo de transformação de fase, como foi proposto teoricamente por Henderson [He 79, He 79A], Meisel e Cote [MC 83] e mais recentemente por Louis e Garcia-Cordovilla [LG 85]. As diferenças encontradas nos valores de tempo para atingir a metade da fração transformada em nossas medidas, podem ser devidas a contribuição do tempo de incubação. A equação de Johnson-Mehl-Avrami, em particular, não leva em conta os efeitos da existência deste tempo de incubação. Este pode retardar a transformação na região de baixa temperatura em experiências em que a razão de aquecimento é mantida constante. Isto resulta em uma temperatura de cristalização mais alta comparativamentea situações em que o efeito do tempo de incubação fosse eliminado (como por exemplo, através de um recozimento). Outra causa das diferenças nos valores de tempo referidas acima, poderia ser а existência de gradientes de temperaturas não eliminados pelo mé todo de medida (inversão da corrente), isto é, a temperatura não seria homogênea sobre toda a amostra. O método de Kissinger, em especial, não pressupõe a presença de gradientes de temperatura.

Observando os valores de energia de ativação determinadas tanto pelo método isotérmico quanto pelo método isocrônico, verifica-se a existência de um mínimo na região de composição química em torno de vinte por cento atômico de Ni, como ilustra a figura V.28. Esta figura mostra também o resultado de energia de ativação obtido através de uma medida de DSC realiz<u>a</u> da na amostra Fe₆₀Ni₂₀B₂₀, e que comprova o valor obtido por no<u>s</u>







sas medidas. O valor de energia de ativação obtido para este a mostra foi de ΔE = 2.80 ev/at e está em apreciável concordância com os valores obtidos neste trabalho. Lewis, Davies e Ward [LDW 78] estudaram a cristalização da liga amorfa do tipo (Fe100-xNix)83B17 e verificaram a existência de um mínimo na energia de ativação em função da composição química das amostras, como pode ser observado na figura V.29, onde também são apresentados os resultados deste trabalho. Estes autores chamam a atenção que em muitas ligas amorfas o processo de crista lização ocorre em mais de um estágio, sendo que a fase cristalina inicial possui a mesma estrutura cristalina do metal solvente. Assim, ligas com grande concentração de Níquel devem cristalizar primeiro em uma fase fcc e ligas com grande concen tração de Ferro cristalizam em uma fase bcc. A observação feita pelos autores referenciados acima foi de que o mínimo na energia de ativação ocorre na região de variação da estrutura do tipo bcc para o tipo fcc. Considerando o "princípio da confusão" que diz ser mais fácil formar um amorfo quando há dois ou mais elementos na liga (levando a uma competição entre duas ou mais fases) deveríamos esperar maior valor de energia de ativação nesta região de variação da estrutura. Entretanto,o va lor menor encontrado para ΔE informa que o amorfo nesta compo sição é menos estável, o que contraria a idéia de correlacio nar a facilidade de formação com a resistência a cristalização.

Na figura V-30 apresentamos uma curva típica obtida pelo método DSC [GM 84] para a amostra Fe₆₀Ni₂₀B₂₀ estudada neste trabalho. Nesta se verifica a existência de um único pico exotérmico. Não existe um estágio inicial de cristalização ao contrário das observações feitas por Lewis [LDW 78] em ligas ternárias do tipo $(Fe_{1-x}Ni_x)_{83}B_{17}$. Isto sugere que a trans formação nesta liga seja do tipo polimórfica, embora maior quantidade de dados experimentais utilizando outras técnicas sejam necessários para caracterizar completamente esta transição





Figura V-30 - Gráfico obtido por DSC, realizado na UFSC na amostra Fe₆₀^{Ni}20^B20

V - 3 - Estabilidade

Os vidros metálicos apresentam uma estrutura altamente desordenada. Esta estrutura é metaestável no que se refere não apenas a uma fase cristalina de equilíbrio, como também a outras fases vítreas mais estáveis. Assim, o tratamento térmico induz o sistema a um estado amorfo mais estável e o progressivo aume<u>n</u> to da temperatura implica posteriormente no processo de cristalização. Desta forma, como foi mencionado anteriormente, as pr<u>o</u> priedades apresentadas pelos metais amorfos desaparecem drasticamente. Como conseqüência, o estudo da estabilidade contra a cristalização nestes sistema é de grande interesse tecnológico, pois determina o limite de trabalho efetivo destes materiais.

Além do aspecto tecnológico, o comportamento exibido durante a cristalização tem atraído grande interesse científico. A comparação entre propriedades tais como estrutura, densidade de estados, calor específico, poder termoelétrico, resisti vidade elétrica a baixa temperatura e assim por diante, são po<u>s</u> síveis somente em ligas que cristalizam em uma única fase com a mesma composição. Assim, a determinação de ligas em que a tran<u>s</u> formação seja polimórfica torna-se importante para estes estudos.

A estabilidade térmica tem sido muito discutida na l<u>i</u> teratura sem que haja,contudo, um parâmetro que permita medir a estabilidade de maneira única e geral.

A temperatura de cristalização (T_c) tem sido usada como uma medi da da estabilidade térmica contra a cristalização da amostra amorfa [Sc 78, NGG + 81]. Altos valores de T, em particular, devem indi car alta estabilidade. Entretanto, algumas objeções tem sido le vantadas contra a sua utilização como critério de avaliação da estabilidade térmica, pois que a cinética da cristalização deve depender de muitos outros fatores [KH 81], tais como o modo de cristalização, o número de núcleos que se formam durante o processo de resfriamento rápido, que por sua vez deve depender da taxa de resfriamento e da diferença de energia livre entre asfa ses amorfa e cristalina. Buschow [Bu 80] propõs um critério de avaliação da estabilidade térmica de uma amostra amorfa partindo da suposição de que o processo de cristalização deve ser con trolado por mecanismos de difusão. Nestes, a energia de ativação para a difusão é proporcional à entalpia de formação de um buraco do tamanho do menor tipo de átomo que constitui a liga amorfa. Outro critério proposto associa a "facilidade" que uma determinada liga possui para a formação de vidros metálicos com a resistência contra a cristalização desta liga, isto é, ligas que podem ser facilmente amorfizadas devem possuir alta estabilidade contra a cristalização [HH 78]. Foi sugerido que a formação de vidros metálicos é mais provável em sistemas que apresen tam composições químicas que estão no eutético do diagrama de fase, ou muito próximo dele [Tu 74].

As razões microscópicas para a alta tendência de uma liga a formar vidros têm sido explicada por vários modelos. Um destes modelos sugere que a formação de vidros metálicos do tipo $T_{80}M_{20}$, onde T é um metal de transição (Fe, Co, Ni, Pd) e M um metalóide (B, Si, Ge) é conseqüência do preenchimento dos b<u>u</u> racos, inevitáveis nestes sistemas, pelos átomos do tipo M, com a formação de uma estrutura de Bernal. Nesta, os átomos do metal formam um sistema aglutinado (empacotamento compacto de esferas rígidas) [Po 72]. Isto pode explicar a "facilidade" de formação de vidros metálicos em composições químicas onde a quantidade de metal de transição é da ordem de 80%. Entretanto, estudos em ligas compostas de elementos de diferentes raios atômicos contrariam esta hipótese [CP 73]. Um segundo modelo sugere que são as ligações químicas as responsáveis pela estabilização da estrutra de sordenada [CP 73]. Existem também evidências contrárias a esta suposição [NFT + 75]. Nagel e Tauc [NT 75], por outro lado, propuseram um modelo que explica porque a estabilidade deve aumentar quando o conteúdo do metal de transição é próximo a 80%, bem como sugerem um processo pelo qual a tendência a formar vidros deve ser elevada, como será visto mais adiante. Um dos objetivos deste trabalho é estudar a estabilidade térmica das ligasem questão, analisando a temperatura de cristalização e a energiade ativação como parâmetros para esta medida e, supondo ainda que a "facilidade" de formação do metal amorfo está associada à estabilidade contra a cristalização, verificar como se comportam os dados experimentais frente a uma análise qualitativa do modelo proposto por Nagel e Tauc. Tendo em vista que este modelo emprega muitos dos conceitos usados na teoria de Ziman, apresen tamos um resumo qualitativo desta teoria para a resistividadede metais líquidos [GK 76, Ba 82]. Finalmente, estudamos o comportamento dos dados experimentais frente a estes modelos.

Nos metais cristalinos, a existência de um arranjo p<u>e</u> riódico permite a resolução da equação de Schröndiger com a ut<u>i</u> lização de potenciais periódicos e possibilita entender, entre outras propriedades, a resistividade elétrica. Nos metais amorfos a ausência de periodicidade não possibilita a utilização de nenhum esquema geral para a resolução da equação de Schröndiger. Entretanto, em vista da grande similaridade existente entre os metais amorfos e os metais líquidos, principalmente no que se refere aos altos valores de resistividade elétrica e aos coeficientes de temperatura negativos $\left(\frac{1}{2}, \frac{d}{2}\right)$, a teoria de Ziman apl<u>i</u> cada àqueles permite entender satisfatoriamente o comportamento destes parâmetros.

De acordo com Ziman [Zi 67], para um metal simples, o metal líquido é constituído de íons distribuídos aleatoriamente e elétrons de condução. Os íons do metal líquido estão posicionados de tal maneira no metal que formam uma distribuição aleatória muito compacta. Este arranjo de íons pode ser descrito em termos da função correlação de par, g(r). Esta função determina a probabilidade de encontrar dois íons separados pela distância r e pode ser deduzida através de medidas de difração de Raio-X. A intensidade do feixe espalhado de um líquido depende do fator de estrutura a(K). O fator de estrutura é obtido da transformada de Fourier da função de correlação de par. A figura V.31 mo<u>s</u> tra um resultado qualitativo do fator de estrutura para metais líquidos.

O pico principal representa a ordem de curto alcance do metal líquido no espaço K. A posição do pico principal é caracterizada por K_n.

A suposição básica do modelo de Ziman para metais líquidos é de que os elétrons de condução comportam-se como um gás



Figura V-31 - Representação esquemática do fator de estrutura para metais líquidos.

A resistividade elétrica pode ser explicada considerando-se somente interações entre os elétrons de condução e os ions. Os elétrons são representados por ondas planas e são espalhados pelo arranjo irregular de ions, os quais agem como espalhadores pouco efetivos. Assim, o potencial efetivo de inter<u>a</u> ção elétron-ion pode ser substituído por um pseudopotencial. A aproximação de tempo de relaxação na equação de transporte de Boltzmann permite escrever a condutividade como

$$\overline{G} = \frac{ne^2 \overline{3}}{m}$$

(V.24)

onde o tempo de relaxação 🛠 é calculado por

$$\frac{1}{3} = \int (1 - \cos \theta) Q(\theta) d\Lambda' \qquad (V.25)$$

Nesta expressão, Q(Θ) representa a probabilidade de espalhamen to através de um ângulo Θ , dentro de um ângulo sólido d Λ '. Na aproximação de Born, Q(Θ) é proporcional ao elemento de matriz

 $|\langle \vec{k} | V_t | \vec{k'} \rangle|^2$, sendo $|\vec{k}| = |\vec{k'}| = K_f$. O potencial V_t é o resultado da superposição de todos os potenciais iônicos no ponto r.

$$V_{t} = \sum_{i} V(\vec{n} - \vec{R}_{i}) \qquad (V.26)$$

onde R_i é a posição do i-ésimo íon. Usando a transformada de Fourier sobre o elemento de matriz, resulta

$$\langle k | V_{\xi} | k' \rangle = \frac{1}{\pi} \left[V_{\xi}(\vec{n}') \mathfrak{L}^{i(k-k')} \cdot \vec{n}' d^{3} \mathfrak{n} \right] = \langle (V, 27) \rangle$$
$$= V(K) \frac{1}{N} \xi \mathfrak{L}^{iK-R_{\xi}}$$

para transição com K = \mathbf{k} '- \mathbf{k} . O módulo quadrado da média estatística é

$$|\langle k \rangle V_{\xi} | k' \rangle|^{2} = \frac{1}{N} |V(\kappa)|^{2} \alpha(\kappa)$$
 (V.28)

onde V(K) é a transformada de Fourier do potencial V(r-R;) e

$$\alpha(\kappa) = \frac{1}{N} \langle | \xi_{\omega}^{i \kappa. R_i} | \rangle^2 \qquad (V.29)$$

é o fator de estrutura. Assim, a fórmula básica para a resistividade é dada por

$$\rho = C \int_{0}^{2k_{F}} \alpha(\kappa) |V(\kappa)|^{2} \kappa^{3} d\kappa \qquad (V.30)$$

Para calcular a resistividade elétrica, necessitamos conhecer o fator de estrutra a(K), o pseudopotencial V(K) e o valor de 2k_f. O principal sucesso da teoria consiste em explicar os coeficie<u>n</u> tes de temperatura negativos observados em metais líquidos.

A figura V.32 mostra a dependência com temperatura do fator de estrutura para metais líquidos. Podemos verificar que o pico principal se alarga e decresce com o aumento da temperatura, como uma conseqüência da desordem estrutural.

Preservando o mesmo formalismo, a resistividade para metais de transição líquidos pode ser escrita em termos das matrizes de espalhamento |t|, que contêm a informação necessária sobre o espalhamento por metais de transição (que não são espalhadores fracos e consequentemente não se aplica a teoria de pseudopotencial), ou seja

$$\rho = c \int_{0}^{2k_{F}} \alpha(\kappa) |t(\kappa)|^{\epsilon} \kappa^{3} d\kappa \qquad (V.31)$$

Nesta expressão, |t(k)| representa a matriz-t de espalhamento, que se escreve em função de uma soma de deslocamento de fases ("phase shifts") [Ba 82].

No caso de ligas constituídas de metais de transição, a resistividade elétrica pode ser escrita como

$$P = c \int_{0}^{\Re k_{F}} |u(\kappa)|^{2} \kappa^{3} d\kappa \qquad (V.32)$$

com $|\mathbf{u}(K)|^2$ dado por

14

$$(K)|^{2} = Ca |ta|^{2} (1 - Ca + Ca Q_{aa}) + Cb |t_{b}|^{2} (1 - C_{b} + C_{b} Q_{bb}) + (V.33)$$

$$CaCb(tatb+tatb)(Qab-1)$$

Nesta expressão, $c_a e c_b$ representam as concentrações dos elementos a e b na liga, $t_a e t_b$ são as matrizes t de espalhamento e a_{aa} , $a_{bb} e a_{ab}$ são os fatores de estrutura parciais da liga.



Figura V.32 - Dependência em temperatura do fator de estrutura [Zi 61].

A alta resistividade apresentada pelos metais de transição puros no estado líquido é determinada pelo espalhamento ressonante dos elétrons de condução no estado-d. A contribuição do fator de estrutura para a resistividade aumenta quando um metalóide é ligado ao metal de transição. A adição destes metais polivalentes aumenta o número de elétrons de condução e assim aumenta o valor de 2k, (calculado na aproximação de elétrons livres). Na região de concentração onde 2k_f - K_p, o comportamento da resistividade pode ser entendido através da teoria de pseudo-|V(K)|²a(K) , uma vez que potencial, avaliando o termo consideramos que os metais de transição portam-se de maneira análoga aos metais simples, qualitativamente falando, na região de concentração considerada. Na figura V.33 é apresentado o com portamento típico do pseudopotencial, do fator de estrutura e do produto dos dois termos. O comportamento do fator de estrutura é mostrado na figura V.32. Em vista da pequena variação do pseudopotencial, frente ao fator de estrutura, esperamos que as variações na resistividade possam ser atribuídas às variações no fator de estrutura. Observando as figuras V.32 e V.33, podemos verificar que quando dois elementos são unidos para formar uma liga, um deles com valência l e outro com valência mais alta, o termo < |V(K)|²a(K) > deve decrescer com o aumento da tempera tura. Assim, para valores de K ~ 2k, podemos esperar coeficientes de temperatura negativos, bem como a resistividade de alcance um valor máximo.

A dependência da temperatura na resistividade elétrica de metais amorfos baseados em metais de transição, calculada com base na teoria extendida de Ziman [Na 77, Mo 80], é dada por

 $\begin{cases} \rho(T) \propto T^{2}/\Theta & T \ll \Theta \\ \rho(T) \propto T/\Theta^{2} & T \geqslant \Theta \end{cases}$ (V.35)


onde $\boldsymbol{\Theta}$ é a temperatura de DEBYE. Nas figuras V.2 -V.5, apresentadas na seção V.2 pode ser verificado o comportamento linear da resistividade elétrica em função da temperatura apresentado pelas ligas Fe_{80-x}Ni_xB₂₀. Não foram encontrados valores experime<u>n</u> tais de $\boldsymbol{\Theta}$ na literatura, correspondendo às amostras estudadas. Entretanto, Mogro-Campero [Mo 80] estimou para a amostra Fe₈₀B₂₀, o valor de $\boldsymbol{\Theta}$ ~ 370K. Amostras com outras composições apresentam valores de $\boldsymbol{\Theta}$ menores na fase amorfa do que na fase cristalina [0 + 77]. Assim, uma vez que Fe e Ni apresentam na fase cristalina $\boldsymbol{\Theta}$ = 470K e $\boldsymbol{\Theta}$ = 450K, respectivamente, espera-se valores menores do que estes para as ligas utilizadas neste trabalho. Neste caso a teoria extendida de Ziman pode ser usada para justificar o comportamento da resistividade elétrica em função da temperatura'.

Nagel e Tauc, verificaram que para átomos com valência z = 1, $2k_f K_p$ enquanto que para átomos com valência z = 2, $2k_f \sim K_p$ (figura V.33). Usando uma teoria de perturbação estes autores obtiveram uma expressão para os níveis de energia muito similar àquela para materiais cristalinos, ou seja,

$$E = E_{k}^{o} + \upsilon(o) + \frac{\Lambda}{8\pi^{3}} \int \frac{|V(\kappa)|^{2} \alpha(\kappa)}{E_{\kappa}^{o} - E_{\kappa}^{o} - \overline{\kappa}} d^{3}\kappa \qquad (V.34)$$

Nesta expressão, quando $\mathbf{k} + \mathbf{k} + \mathbf{k} = \mathbf{k} \mathbf{k}$, é esperada uma lacuna na banda de energia no contorno da zona, para cristais. Para metais lí quidos não é esperada uma lacuna, mas simum decréscimo substancial na densidade de estados uma vez que a(K), o fator de estrutura é esfericamente simétrico e assim, todos os estados para o qual

IKI=1Ko devem ser afetados. Se, durante o processo de resfriamento rápido, o sistema inicia um processo de cristalização a(K) não será mais esfericamente simétrico. Como nos cristais, onde o fator de estrutura depende da direção de K, somente uma fração de todos os estados será afetada pela perturbação, não sendo mais esperado um mínimo tão profundo na densidade de estados. Quando a(K) é perturbado, a energia total do sistema deve aumentar, uma vez que um maior número de estados eletrônicos devem se mover para o nível Fermi, no qual os elétrons terão maior energia.

11

Na construção do modelo, Nagel e Tauc supõem que o efeito de se formar uma liga é deslocar o valor de K_f e que os metais de transição podem ser tratados como monovalentes.

A teoria de Ziman pode ser usada para justificar estas suposições, uma vez que nesta teoria, a dependência do fator de estrutura é tal que é esperado um máximo de resistividade elétrica para metais normais (Equação V.30) quando é satisfeita a condição de Nagel e Tauc.

$$K_{p} \sim 2k_{F}$$
 (V.35)

Resultados experimentais mostram que a utilização de um elemento polivalente na liga desloca a posição do pico principal no fator de estrutura. Assim, ligas formadas na região de concentração onde a condição (V.35) é satisfeita, podem mostrar maior "facilidade" para a formação de metais amorfos, embora existam contra exemplos, como MgZn [Ba 82].

Se os metais de transição Fe e Ni são considerados aproximadamente como monovalentes [NG 75], o valor de $2k_f$ estará à esquerda de K_p sendo que, a adição do elemento polivalente <u>Bo</u> ro aumentará o valor de $2k_f$ em direção a K_p [GK 76]. Analisando as figuras V.32 e V.33, na região onde z > 2, podemos entender os coeficientes de temperatura positivos, obtidos para as amostras estudadas, como sendo conseqüência da adição do elemento polivalente que desloca o valor de $2k_f$ para valores maiores que K_p . Nesta região, pode ser verificado que o aumento da temperatura provoca um aumento no fator de estrutura e consequentemente na resistividade. Podemos verificar na figura V.34 que a ad<u>i</u> ção de Ni provoca um aumento no coeficiente de temperatura, o que pode significar um deslocamento no valor de $2k_f$ para a direita de K_p, onde a valência efetiva é maior que 2.

À medida que os valores do coeficiente de temperatura decrescem em direção a valores negativos, região em que a con dição (V.35) deve ser satisfeita, a liga amorfa deve exibir maior estabilidade contra a cristalização. Assim, se a temperatura de cristalização pode ser considerada como um parâmetro vá lido para caracterizar a estabilidade de um sistema, então devemos esperar uma inclinação negativa em um gráfico de T em função do coeficiente de temperatura (d). A figura V.25, apresentada na seção V.2, exibe os valores de T_c em função da comp<u>o</u> sição enquanto a figura V.35 apresenta os dados de T_ em função de ∝ , juntamente com outros dados encontrados na literatura. Desconsiderando a amostra Fe₈₀B₂₀ (a que apresenta o menor valor de∡ em relação as outras composições químicas) para a qual o critério de estabilidade não se mostra válido (Mogro-Campero [Mo 80] estudou o comportamento de T_x a na liga Fe_{100-x}B_x na re gião 15 🕻 x 🗧 20 encontrando inclinação positiva), observamos a existência de uma inclinação negativa, o que pode estar evidenciando uma contribuição eletrônica para a estabilidade do estado amorfo nas ligas estudadas.

Para estabelecermos uma estimativa da região onde de encontram os valores de 2k_f nas ligas pseudobinárias em questão, calculamos o valor de k_f na aproximação de elétrons livres [Ki76]







$$k_{F} = (3\pi^{2})^{1/3} \left(\frac{2\pi a}{\pi o}\right)^{1/3}$$
(V.36)

onde Z_{liga}, a valência efetiva, é dada por

$$z_{\text{high}} = \left[(1-x) \hat{z}_{\text{Fe}} + x \hat{z}_{\text{Ni}} \right] (0.8) + \hat{z}_{\text{B}} (0.2) \qquad (V.37)$$

e Λ_o , o volume atômico, é escrito como

$$\mathcal{N}_{0} = \frac{\left[(1-x)M_{Fe} + xM_{Ni}\right](0.8) + M_{B}(0.2)}{0.602d}$$
(V.38)

sendo M_y a massa e x a concentração do elemento y, respectivamente e d é a densidade da liga. Considerando a valência do elemento B com valor +3 e os metais de transição como monovalentes, verifica-se que Z_{liga} permanece constante com valor 1.4 para to das as composições. Com este valor de Z_{liga} e inserindo a equação (V.38) na equação (V.36), obtemos os valores de $2k_f$. Estes valores são apresentados na tabela V.12, juntamente com valores de K_n encontrados na literatura.

TABELA V.12

AMOSTRA	2kf	К _р
Fe80 ^B 20	3.183	3.08 [FMF + 78]
FE70 ^{Ni} 10 ^B 20	3.187	
Fe ₆₀ Ni ₂₀ B ₂₀	3.191	
Fe ₅₀ N ^j 30 ^B 20	3.187	
Fe ₄₀ Ni ₄₀ B ₂₀	3.193	3.15 [Fi 82]

Verificamos, a partir de dados apresentados na tabela V.12, que embora os valores de $2k_f$ sejam levemente maiores que K_p , ainda se encontram na região de validade da condição de Nagel e Tauc. Nesta região deveríamos esperar maior estabilidade térmica das ligas amorfas e, em vista dos resultados apresentados na tabela V.12, a estabilidade das ligas estudadas deveria ser equivalente. Entretanto, observando o comportamento composicional das di ferentes amostras utilizadas neste trabalho com relação a temperatura de cristalização (Figura V.25), energia de ativação (Fi gura V.28) ou mesmo do tempo necessário para atingir a metadeda fração transformada nas medidas isotérmicas (Figura V.12), pode mos concluir que estas ligas possuem estabilidades térmicas dife rentes. Deveríamos esperar, também, de acordo com o modelo de Ziman, coeficientes de temperatura negativos quando a condição de Nagel e Tauc é satisfeita. Não possuímos no momento uma resposta categórica a esta inconsistência entre os resultados experimentais e os modelos apresentados, embora algumas possibili dades possam ser discutidas. A primeira possibilidade refere-se ao fato de calcular o valor de K_r na aproximação de elétrons l<u>i</u> vres, uma vez que os modelos considerados baseiam-se em uma pro ximação de elétrons quase livres. A segunda possibilidade seria questionar a validade de se considerar os metais de transição como monovalentes. Outra possibilidade leva em conta o fato de que o modelo de Nagel e Tauc considera apenas o fator de estrutura total da liga amorfa. A utilização de fatores de estrutura parciais poderia exibir as particularidades da ordem de curto alcance refletida no valor do vetor de onda relativo ao pico prin cipal do fator de estrutura. Embora outras possibilidades pos-

sam ser sugeridas para explicar a inconsistência mencionada, in clusive questionando a validade dos modelos propostos, somente após um número maior de medidas utilizando outras técnicas além da usada neste trabalho, se poderá estabelecer um entendimento mais completo da contribuição eletrônica na formação e estabilidade das ligas amorfas.

Vários autores têm sugerido [Bu 83, BVD 81, Co 76] que a cristalização em metais amorfos é controlada por difusão, e ocorre para uma temperatura T_c quando a viscosidade (γ) alcança um valor crítico (~10¹³ P) [Ch 78]. A viscosidade pode ser e<u>s</u> crita como

$$\eta = \eta_0 \, \Delta E / ST \qquad (V.38)$$

onde a entropia da configuração (S) é suposta independente da temperatura [BVD 81]. Isto porque a temperatura de cristalização é menor que a temperatura de fusão da liga. De acordo com esta equação, deveríamos esperar um comportamento linear da energia de ativação com a temperatura de cristalização. Nossos resultados são apresentados na figura V.36. Estes resultados demonstram que a energia de ativação não segue o mesmo comportamento da temperatura de cristalização em função da composição química. Em vista da equação (V.38), podemos concluir que a entropia não pode ser considerada independente da temperatura. Coleman [Co76], por outro lado, estudando a cristalização de vidros metálicos baseados em Fe, Ni e Co, verificou que a dependência composicio nal da energia de ativação era muito similar a dependência composicional da temperatura de cristalização. Sugeriu, então, que os vidros mais estáveis devem possuir mais altos valores de e-



1, ,



nergia de ativação. Para explicar esta correlação entre 🛆 E e T_, valeu-se de um modelo de relaxação estrutural proposto por Chen [Co 76], que demonstrou através de argumentos teóricos que os valores de E tomam a forma de uma energia de ativação aparente que pode ser aumentada por um fator [1+dlns/alnr] quando a entropia apresenta dependência da temperatura. A figura V.37 mostra a dependência composicional da temperatura de cristalização (parte superior da figura). e da energia de ativação (parte inferior da figura). Nossos resultados não parecem apresentar nenhuma correlação entre a dependência composicional de ▲ E e T_c. Assim, embora tanto a energia de ativação quanto a temperatura de cristalização devam refletir a estabilidade térmica das ligas amorfas, a ocorrência de alguma ordem composicio nal de curto alcance deve fazer com que ocorram variações na en tropia com a temperatura, levando a valores aparentes de energia de ativação [Bu 85].



.1.

Figura V.37 - Temperatura de cristalização - parte superior da figura - e energia de ativação - parte inferior da figura em função da composição.

CONCLUSÕES

A pesquisa no campo de ligas metálicas amorfas no IF UFRGS começou no início desta década com a construção de um di<u>s</u> positivo de resfriamento rápido de ligas por ejeção de um material fundido sobre um cilindro em alta rotação, e com a posterior caracterização das ligas obtidas por difração de raios-X.

Dando prosseguimento a este trabalho, decidiu-se estudar a estabilidade térmica destas ligas. Para isto, foi con<u>s</u> truído um aparelho que permite medir a resistência elétrica em função da temperatura e tempo, respectivamente, e assim, estudar a cristalização nestes materiais. Utilizou-se o método de quatro pontas em corrente contínua, sendo que nas medidas em fu<u>n</u> ção da temperatura o sistema foi automatizado.

Foi medida a resistência elétrica das ligas amorfas pseudobinárias do tipo (Fe_{1-x}Ni_x)₈₀B₂₀ durante a cristalização isotérmica. Os dados experimentais, supondo 🛛 uma relação 1inear entre a resistência elétrica e a fração volumétrica de material transformado, se ajustam a equação de Johnson-Mehl-Avrami, com expoente n variando de 2,5, na região correspondente ao tempo para atingir a metade da fração transformada, até valores entre 1 e 2 em tempos posteriores. No primeiro caso o crescimen to das regiões cristalizadas é bidimensional com razão de nucleação decrescendo, enquanto no último este crescimento é unidimensional. Os valores encontrados para o expoente n, comparados com aqueles encontrados sob várias condições experimentais apresentados na seção V.1, permitem classificar o crescimento da

fase cristalina como controlado por um mecanismo de difusão. En tretanto, se nos restringirmos à classificação apresentada na seção II.3, então o crescimento é controlado pela interface, isto é, pelos processos atômicos na vizinhança da interface (di fusão de curto alcance).

A cristalização ocorre por um processo de nucleação e crescimento. Isto permite supor que o mecanismo de cristalização é muito semelhante ao de uma reação química, ou seja, um mecanismo do tipo Arrhenius. Assim, obtivemos valores de energia de ativação para o processo de transformação da fase amorfa para a cristalina.

Verificamos também a existência de um tempo de incub<u>a</u> ção, embora sem a resolução desejada, que permite a obtenção de energias de ativação muito semelhantes àquelas relativas ao pr<u>o</u> cesso de crescimento, sugerindo, desta forma, que o mecanismo responsável pela nucleação é o mesmo que para o crescimento.

As medidas de resistividade elétrica em função da tem peratura, utilizando taxas de aquecimento constantes, permitiram determinar os valores de temperatura de cristalização, cujo com portamento em função da composição é similar àqueles encontrados em outros trabalhos. A partir destes resultados, foi possível determinar os parâmetros cinéticos associados ao processo de cristalização (energia de ativação e fator de freqüência). Os resultados obtidos para a energia de ativação através dos métodos isocrônicos estão em boa concordância com os valores extraí dos da análise isotérmica. Contudo, os fatores de freqüência resultantes da análise não isotérmica diferem daqueles obtidos nas medidas isotérmicas. Considerando a validade do princípio de transferibilidade dos parâmetros cinéticos, podemos concluir que a forma da razão de reação proposta por Henderson [He 79] se mo<u>s</u> tra a mais adequada à descrição das transformações de fase não isotérmicas, bem como para a obtenção dos parâmetros cinéticos associados a esta transformação.

O estudo da resistividade elétrica em função da temperatura permitiu constatar que a teoria extendida de Ziman para ligas metálicas líquidas baseadas em metais de transição se aplica nas amostras amorfas do tipo (Fe_{1-x}Ni_x)₈₀B₂₀, ao menos para a região de alta temperatura. Esta constatação aliada à su posição de que a facilidade de formação das ligas amorfas está associada à estabilidade contra a cristalização, permite verificar a existência de uma contribuição eletrônica para a estabilidade térmica. Entretanto, a condição K_n ~ 2k_f (modelo de Naqel e Tauc), que reflete a "facilidade" de formação de uma liga na fase amorfa, parece ser cumprida quando comparamos valores experimentais de K_n e os valores de k_f calculados com base no modelo de elétrons livres, resultando disto uma inconsistência entre a Teoria Extendida de Ziman (que para explicar os coeficientes de temperatura positivos, verificados nas presentes medidas, exige que K_p 2k_f) e o modelo de Nagel e Tauc.

Tem sido sugerido que à cristalização deve ocorrer para uma temperatura T_c quando a viscosidade alcança um valor cr<u>i</u>tico 10^{13} P). A viscosidade pode ser escrita como

M=MOS

onde a entropia S tem sido considerada independente da temperatura. Assim, deveríamos esperar uma dependência linear entre e T_c.

O comportamento composicional da energia de ativação e da temperatura de cristalização, observados em outros trabalhos, considerando a entropia constante, não é verificado no presente estudo, sugerindo, desta forma, que a entropia não pode ser co<u>n</u> siderada independente da temperatura.

Desta forma, embora tanto a temperatura de cristaliza ção quanto a energia de ativação devam refletir a estabilidade térmica das ligas amorfas, a relação linear entre estes parâmetros pode não ocorrer, devido à dependência da temperatura apr<u>e</u> sentada pela entropia.

Considerando a temperatura de cristalização (T_c) como um parâmetro adequado para determinar a estabilidade térmica das ligas estudadas, verificamos que a amostra $Fe_{60}N_{20}B_{20}$ apresenta maior T_c para todas as taxas de aquecimento utilizadas, sugeri<u>n</u> do que esta composição é a mais estável contra a cristalização. A partir dos resultados obtidos nas medidas isotérmicas a estimativa de tempo para que esta amostra, mantida em uma temperat<u>u</u> ra de 200°C, atinja uma situação em que a metade da fração volumétrica se encontre em uma fase cristalina e outra metade em uma fase amorfa é de 4 x 10⁵ anos. O estudo destes materiais, utilizando outras técnicas de medida deverá permitir uma maior compreensão de sua estabilidade contra a cristalização e sua consequente aplicação tecnológica.

Apêndice A - Resistência elétrica de misturas binárias metálicas

. . .

Neste apêndice apresentamos o modelo proposto por Landauer [La 54] para calcular a resistência elétrica de mistura b<u>i</u> nárias metálicas.

Consideremos a seguinte situação: pequenas regiões de uma fase homogênea, denotada por 1, são misturadas com regiões similares de uma segunda fase, denotada por 2 (figura A.1). Supomos que as duas fases preenchem completamente o espaço e exis te bom contato entre as fases de forma que a queda de potencial através da interface pode ser desprezada. Consideramos também, que as fases são suficientemente grandes para garantir a aplic<u>a</u> bilidade da teoria macroscópica da condutividade.

O modelo proposto procura, basicamente, determinar as resistividades nos extremos de fração volumétrica ocupada e então estabelecer uma razoável interpolação entre estes extremos.



Figura A.1 - A região hachurada (1) é rodeada de cristais dos dois tipos, os quais são considerados equivalentes a um único meio com condutividade uniforme.

Objetivando establecer uma expressão para a condutivi dade da mistura \mathbb{G}_m , supomos que podemos tratar a vizinhança da região hachurada (região 1) como um meio uniforme com condutivi dade \mathbb{G}_m . Consideramos a região hachurada como uma inclusão de uma região de condutividade $\mathfrak{S}_{\mathbf{i}}$. Supomos ainda, que esta região é esférica com raio a. De acordo com a teoria da eletrostática, haverá uma carga na superfície desta esfera, cujo momento dipolo é

$$\vec{P} = \vec{E} \alpha^3 \frac{(\sigma_i - \sigma_m)}{(\sigma_i + 2\sigma_m)}$$
(A.1)

O problema consiste de uma esfera com condutividade elétrica \mathfrak{G} , imersa em um campo elétrico constante. Este probl<u>e</u> ma é semelhante ao de uma esfera com constante dielétrica \mathfrak{E} , sob a ação de um campo elétrico constante. Em ambos os casos, há um potencial que deve ser contínuo através da interface. A outra condição de contorno exigida para a resolução da equação de Laplace é a continuidade do fluxo através da interface. Este fluxo é a corrente elétrica no caso condutivo e o componente no<u>r</u> mal no vetor deslocamento no caso dielétrico. Desde que $\mathbf{\vec{E}}$ faz o mesmo papel em ambos os problemas ($\mathbf{\vec{D}}$ e $\mathbf{\vec{J}}$ têm regras equivalentes), as equações para $\boldsymbol{\epsilon}$ e $\mathbf{\vec{G}}$ tornam-se idênticas.

Como existem N regiões por unidade de volume, semelhantes a região hachurada (figura A.1), temos

$$\vec{P}_{1} = N_{1} \alpha^{3} \frac{(\sigma_{1} - \sigma_{m})}{(\sigma_{1} + 2\sigma_{m})} = \chi_{1} \vec{E} \frac{(\sigma_{1} - \sigma_{m})}{(\sigma_{1} + 2\sigma_{m})}$$
(A.2)

onde, nesta expressão, x₁ é a fração do volume total ocupado p<u>e</u> la região 1. As regiões caracterizadas por uma condutividade \mathfrak{C}_{2} , igulamente possuirão um momento de dipolo dado por

$$Q_2 = x_2 \vec{E} \frac{(G_2 - G_m)}{(G_2 + 2G_m)}$$
(A.3)

Considerando a figura A.2, verificamos que a região II caracteriza a mistura com a condutividade \mathfrak{S}_{m} . Supomos a região I, completamente homogênea com condutividade \mathfrak{S}_{m} . Desde que, as regiões carregam a mesma corrente e têm a mesma condutividade, então

 $\vec{E}_{I} = \vec{E}_{II}$



Figura A.2 – A região II é a mistura considerada. A região I é um meio homogêneo com a mesma condutividade da mistura.

O campo elétrico pode ser escrito como

$$\nabla \vec{E} = -4\pi \nabla \vec{P}$$
 (A.5)

resultando que

$$\vec{E}_{II} - \vec{E}_{I} = -4\pi (\vec{P}_{i} + \vec{P}_{i})$$
(A.6)

De (A.6) e (A.4), obtemos

$$\overrightarrow{P_1} + \overrightarrow{P_2} = 0 \tag{A.7}$$

Inserindo (A.2) e (A.3) em (A.7), obtemos uma expressão para **C**m , dada por

$$x_1 \frac{(G_1 - G_m)}{(G_1 + 2G_m)} + \frac{x_2}{(G_2 - G_m)} \frac{(G_2 - G_m)}{(G_2 + 2G_m)}$$
 (A.8)

(A.4)

ou ainda

Utilizando a condição $x_1 + x_2 = 1$ em (A.8), resulta

$$(1-x_2)\frac{(C_1-C_m)}{(C_1+2C_m)} + x_2\frac{(C_2-C_m)}{(C_2+2C_m)} = 0$$

Rearranjando os termos para isolar x2, teremos

$$x_{2} = \frac{1}{\left\{1 - \frac{(G_{2} - G_{m})(G_{1} + 2G_{m})}{(G_{2} + 2G_{m})(G_{1} - G_{m})}\right\}}$$
(A.10)

Sabendo que a condutividade é o inverso da resistividade e que a resisistividade é escrita como $p = RA/\lambda$, a equação (A.10)po de ser escrita em função da resistência elétrica como

$$x_{2} = \frac{1}{\left\{1 - \frac{(1/R_{2} - 1/R_{m})(1/R_{1} + 2/R_{m})}{(1/R_{2} + 2/R_{m})(1/R_{1} - 1/R_{m})}\right\}}$$

Esta equação, após algumas simplificações, permite escrever x₂ como

$$x_2 = \frac{(R_m + 2R_2)(R_m - R_1)}{3R_m(R_2 - R_1)}$$

Para o caso em que $R_m \sim R_2$

$$x_2 = \frac{R_m - R_1}{R_2 - R_1}$$

ou, considerando a condição $X_2 + X_1 = 1$,

$$x_{\perp} = \frac{R_2 - R_m}{R_2 - R_{\perp}}$$

Em nosso caso, estamos considerando R_m , $R_1 = R_2$, como as resistências elétricas da mistura (amorfo + cristal), da fase cristalina e da fase amorfa, respectivamente.

Apêndice B - Listagem de programas

./ .

1.

200FOR L=0 TO 305 30 POKE 10752+L,PEEK (16514+L) 40 NEXT 40 NEXT L 100 GOTO 5000 405 REM **DEVEST** 410 POKE 11202,INT (X/256) 415 POKE 11201,X-256*INT (X/256 420 POKE 11204, INT (Y/256) 425 POKE 11203, Y-256*INT (Y/256 1.1 430 RAND USR 10967 435 PAUSE 5 440 POKE 16507,32 445 RAND USR 11044 500 RETURN 4000 REM **11202, INT (X/256)** 4010 POKE 11202, INT (X/256) 4020 POKE 11201, INT (X-256*INT 1 4020 PORE 11201,INT (X-2564IN) 4030 PORE 11204,INT (Y/256) 4040 PORE 11203,INT (Y-256*INT 4040 POKE 11203,INT (Y-256*IN) (255)) 4050 PAND USR 10967 4055 PAUSE 5 4050 PAUSE 5 4070 POKE 16507,32 4080 PAND USR 11044 4090 PAUSE 5 4100 POKE 16507,0 4110 PAND USR 11044 4120 RETURN 5000 SCROLL 5005 PRINT "PROPERTY OF THE PARTY Sola Ball Stole In 5010 RAND USR 9602 5020 RAND USR 10752 5025 SCROLL 5030 PRINT "SPEED STRUCTURE ROLL 5035 SCROLL 5040 PRINT "**DSER EXTRUMONO PERM** 5045 SCROLL 5050 PRINT "OPEN PROMINDED FOR X TENEO 5055 SCROLL 3050 PRINT "DEPENDENT OF BRIEF Hadder and the set 5065 SCROLL 5070 SCROLL 5075 PRINT "SECTION OF THE STREET o colocile -----5080 SCROLL 5085 PRINT "SCHERENCE STRUKE 5090 SCROLL 5095 PRINT "SECONDERIC SCROLL 5100 SCROLL 5105 PRINT "EXEMPLY CONTINUES 5109 INPUT OP 5110 LET 50M=1 5111 LET FE8=1 5112 IF OP(>3 AND OP(>4 THEN GOT 0 5119 5113 30ROLL 5114 PRINT "ENDER: STATESTICS 5118 INPUT A\$ 5118 IF A\$="3" THEN LET FE8=5 5117 IF A\$="3" THEN LET SOM=0

5119 IF OP=1 OR OP=2 THEN LET XM IN-280 5120 IF OP=1 OR OF=2 THEN LET XM A/=1000 IF 5125 OP=1 OR OP=2 OR OP=3 THE N LET YMIN=30 5130 IF OP=1 5130 IF OP=1 N LET K=70 OR OP=2 OR OP=3 THE 5135 IF OP=3 OR OP=4 THEN LET XM IN=23 5140 IF OP=3 OR OP=4 THEN LET XM 8×=1023 5145 IP 5150 IF 145050 145050 OP=4 THEN LET OP=4 THEN LET YMIN=200 K=100 LET X=XMIN LET Y=YMIN 5165 5170 5175 GOSUB 8890 PAUSE 100 5175 FOR X=XMIN TO XMAX STEP 10 5185 FOR X=XMIN TO XMAX STEP 10 5180 GOSUB 400 5191 LET X=XMAX 5195 FOR Y=YMIN TO 1000 STEP 10 5200 GOSUB 400 5210 PAUSE 100 5211 LET Y=1000 5215 FOR X=XMAX TO XMIN STEP -10 5220 GOSUB 400 5221 LET X=XMIN 5235 FOR Y=1000 TO YMIN STEP -10 5240 GOSUB 400 5245 NEXT Y 5250 GOSUB 3890 5255 REM STEP 10 OF 10 THEN LET KM FOR X=XMIN TO XMAX STEP 10 UP=1 OR OP=2 THEN LET KM 5261 IF OP=1 OR OP=2 OR OP=3 THE 5262 IF OP=4 THEN LET SUB=75 5262 IF OP=1 OR OP=2 THEN LET KM 5270 IF OP=3 THEN LET KMIN=10 5276 IF OP=4 THEN LET KMIN=10 5276 IF OP=4 THEN LET KMIN=10 5277 IF OP=4 THEN IF OP=3 THEN LET KMAX=9 IF OP=4 THEN LET KMIN=1 IF OP=4 THEN LET KMAX=8 FOR X=KMIN TO KMAX STEP 5277 IF OP=4 THEN LET KMAX=898 5280 FOR X=KMIN TO KMAX STEP (20 0-SUB) 5285 LET Y=YMIN 5290 GOSUB 8890 5295 FOR Y=YMIN TO YMIN+8 5300 GOSUB 400 5305 NEXT Y 5310 NEXT X 5315 FOR Y=YMIN+K TO 900 STEP 10 LET X=XMIN GOSUB 8890 FOR X=XMIN TO XMIN+8 GÖSUB 400 NEXT X NEXT Y COSUB 8890 REM REPORT OFFICE REPORT 5355 SCROLL 5360 PRINT "SUEN RECREVENING ES CALAS 2 (S /NH 5365 INPUT N\$ 5370 IF N\$="N" THE 5375 LET X=KMIN-40 5380 LET Y=YMIN 5385 GOSUB 8890 5390 FOR Z=KMIN-40 EP (200-5UB) 5305 IFT TABT-7 INPUT N\$ IF N\$="N" THEN GOTO 5515 0 FOR Z=KMIN-40 TO KMAX-40 ST (200-3UB) 5395 LET TABI=Z

5400 LET VER=YMIN-1 LET X=Z LET Y=VER GOSUB 8390 5405 5410 5415 5420 5425 LET A=3 GOSUB 5700 GOSUB 7055 5430 5430 GUSUB 7055 5435 NEXT Z 5440 LET X=XMIN 5445 LET Y=YMIN 5450 GOSUB 8890 5455 FOR Z=YMIN+K TO 900 STEP 20 5460 IF OP=1 OR OP=2 THEN LET CH 15=200 IF OP=3 OR OP=4 THEN LET 5465 CH 15=0 5470 LET VER=Z 5475 LET TABIE TABI=CHIS LET X=C LET Y=2 5430 X=CHIS 5485 5490 GOSUB 8890 LET A=2 GOSUB 5800 GOSUB 7055 NEXT Z SCROLL PRINT "**DURATION REPORTS** 5495 5500 5510 5515 5520 INPUT C\$ IF C\$="N" THEN GOTO 5570 5530 IF C\$="N" THEN GOTO 5570 5535 LET X=XMIN 5540 LET Y=1023 5545 GOSUB 8890 5550 LET TABI=XMIN 5552 LET VER=1023 5554 LET A=2 5555 SCROLL 5556 PRINT "DURMENT CONTENT 5557 INPUT QS IF @\$="N" THEN GOTO 5569 SCROLL PRINT "**TERMENTATION** 5559 5550 5562 55634 5554 INPUT US FOR L=0 TO 7 INPUT NN POKE (10240+8*CODE W\$+L),NN 5584 POKE (10240+8*CODE U\$+L),HN 5585 NEXT L 5589 GOSUB 7040 5570 SCROLL 5578 PRINT "**SUB: EQUIDE: 10 PRINT** 5580 5585 5590 INPUT C\$ IF C\$="5" THEN GOTO 5000 SCROLL PRINT "SUMPRIME SUMERANDO 595 5500 REH | NEU 5500 FL: 5501 STOP 5705 IF OP=1 OR OP=2 THE: =STR\$ (Z+40) 5710 IF OP=3 THEN LET A\$=" "+STR \$ ((Z+17)/(10*FE8)) 5715 IF OP=4 THEN LET A\$=STR\$ ((5715 IF OP=4 THEN LET A\$=STR\$ ((5715 IF OP=4 THEN LET A\$=STR\$ () 5715 IF OP=4 THEN LET A\$=STR\$ () 5715 IF OP=4 THEN LET A5=318# () Z-108)/125-3+50M) 5716 IF OP=4 AND CODE A\$()22 THE N LET A5=" "+A5 5720 RETURN 5300 REM 5805 IF OP=2 THEN GOSUB 5820 5810 IF OP=1 THEN GOSUB 5840 5815 IF OP=3 THEN LET A\$=5TR IF OP=1 THEN GOSUB 5840 IF OP=3 THEN LET A\$=5TR\$ (Z /100) 5817 5819 IF OP=4 THEN GOSUB 5880 RETURN 5820 0.16 IF Z=100 THEN LET AS=STRS -

1

5821 |IF Z=300 THEN LET A\$="-0"+5 TR\$ 0.08 Z=500 THEN LET A\$=" 0.00 5822 IF +STR\$ 5823 IF TR\$ 0 Z=700 THEN LET A\$="+0"+3 0.08 IF Z=900 THEN LET A\$="+"+ST 5824 IF Z=900 THEN LET A\$="+"+3T R\$ 0.16 5825 RETURN 5840 LET A\$=" "+STR\$ (Z*15/100) 5840 LET A\$=" "+A\$ 5840 LET A\$=" " +A\$ 5842 RETURN 5880 IF Z=300 THEN LET A\$=" - 3" 5881 IF Z=500 THEN LET A\$=" - 3" 5882 IF Z=700 THEN LET A\$=" - 1" 5883 IF Z=900 THEN LET A\$=" + 1" 5884 RETURN 6999 REM **DIMENSION SOLUTION** 7000 PRINT AT 21,0; "HORIZONTAL 7 5824 AT 21,0; "HORIZONTAL 000 PRINT INPUT TABI PRINT AT 21,0; "VERTICAL INPUT VER 7002 7002 INPUT THB1 7005 PRINT AT 21,0;"VERTICA 7007 INPUT VER 7010 PRINT AT 21,0;"AMPL.?" 7012 LET X=TABI 7014 LET X=VER 7015 INPUT A 7016 GOSUB 7890 7040 PRINT AT 21,0;"ESCREVA 2" AT 21,0; "ESCREVA 040 INPUT AS LET TAB =0 FOR I=1 TO 8) FOR J=8 TO 1 STEP -1 LET VT=INT (V/2) IF 2*VT=V THEN GOSUB 7200 LET V=VT NEXT J NEXT J LET A\$=A\$(2 TO) LET TAB=TAB+8 LET X=TABI+A*TAB GOSUB 7890 IF LEN A\$<>0 THEN GOTO 7060 GOTO 8890 LET X=A*J+A*TAB.TOPT U=PEEK (10240+8*CODE As LET GOTU 3890 LET X=A*J+A*TAB+TABI LET Y=VER-A*I GOSUB 4000 RETURN REM BAREADERINE BERNEMENSED tegal 16507,0 USR 11044 11202,INT (X/25) 11201,X-256*INT 7895 POKE 7900 7905 RAND POKE (X/256) (X/256 7910 POKE 7915 POKE 7920 POKE 11204, INT (Y/256) 11203, Y-256*INT ((Y/256 7925 7930 USR 10967 RAND PAUSE A*2 POKE 16507,0 RAND_USR 11044 7930 7935 7940 7945 RETURN REM DONTROLE DE CHAVES H 8500 POKE 16507,CH RAND USR 10761 PAUSE RETURN DEL REM SELENSED MERSEN POKE 16507,0 USR 11044 11202,INT (X/25) 11201,X-256+INT POKE (X/256) POKE (X/256 8915

8920 POKE 11204, INT (Y/256)

· N.

8930	RAND	USR	10967
8935	POKE	1650	7,0
8945	RAND	USR	11044
8999 9070	STOP	USR	8405
2020	GUID	ED	

20 0 FOR L=0 TO 305 30 POKE 10752+L,PEEK (16514+L) 40 NEXT L 100 GOTO 5000 5005 REM BOILD CONTRACTOR
5006 RAND USR 9602 5007 RAND USR 10752 5010 Scroll 5015 Print " Exercise of Prints of B
7000 REM PROFILENTO DE DADAS 7001 REM - LIGOTER ES 7004 SCROLL 7005 PRINT "QUAL O NUMERO DE PON TOS ?"
7010 INPUT NPTS 7011 DIM A(5,NPTS) 7012 SCROLL 7015 PRINT "ENTRE C/ED - ES - ES
7016 INPUT RA 7017 INPUT RC 7018 INPUT V0 7025 FOR I=1 TO NPT5 7029 SCROLL
7035 INPUT T
7040 INPUT Y
7041 SCROLL
7042 PRIMI 171 7045 LET 0(1.T)=T
7050 LET A(2,I) =LN (T)
7055 LET A (3, 1) =Y
7060 LET H(4,1) = (7/20) + 00 7060 LET H(4,1) = (9/4,T) - PC) / (RA-
RC)
7070 LET A(6, I) =LN (LN (1/A(5, I)
TOTE NEXT I
7080 SCROLL
7385 PRINT "DISTANCE BUILDING
7090 INPUT A\$

7091 LET D 7095 IF A\$ 7100 CLEAR LET DEL=100 IF A\$="5" T THEN GOSUB 7300 GOTO 5000 REM FORMATACAO E GRAVACAO DE DADOS 0\$="" LET L=1 TO NPTS FOR REM DEMONSTRATE REM LET X\$=3TR\$ A(1,L) IF LEN X\$>=4 THEN GOTO 7345 LET X\$="0"+X\$ IF LEN X\$(4 THEN GOTO 7335 LET X\$=X\$(TO 4) LET 0\$=0\$+X\$ REM ET V\$=5TR\$ A(2,L) HEM W\$=3TR\$ A(2,L) IF LEN Y\$>=4 THEN GOTO 738 LET Y\$="0"+Y\$ IF LEN Y\$<4 THEN GOTO 7370 LET Y\$=Y\$(TO 4) LET 0\$=0\$+Y\$ 7380 REM REM LET K\$=STR\$ A(3,L) IF LEN K\$>=4 THEN GOTO 7415 LET K\$="0"+K\$ IF LEN K\$<4 THEN GOTO 7405 LET K\$=K\$(TO 4) LET 0\$=0\$+K\$ REM 7305 LET K\$=51K\$ H(3,L)7400 IF LEN K\$>=4 THEN GOTO 7415 7405 LET K\$='0"+K\$7410 IF LEN K\$<4 THEN GOTO 7405 7415 LET K\$=K\$(TO 4)7420 LET 0\$=0\$+K\$7420 LET 0\$=0\$+K\$7430 LET M\$=5TR\$ A(4,L)7435 IF LEN M\$>=5 THEN GOTO 7450 7440 LET M\$='0"+M\$7450 LET M\$=0\$+M\$7460 REM **155** 7460 REM **155** 7470 IF LEN 5\$>=5 THEN GOTO 7485 7470 IF LEN 5\$>=5 THEN GOTO 7475 7485 LET 3\$=5TR\$ A(5,L)7490 LET 0\$=0\$+3\$7485 LET 3\$=5TR\$ A(6,L)7490 LET 0\$=0\$+3\$7495 REM **155** 7496 LET 0\$=0\$+3\$7497 LET 0\$=0\$+3\$7490 LET 0\$=0\$+3\$7490 LET 0\$=0\$+4\$7500 LET 0\$=0\$+57490 LET 0\$=0\$+57495 REM **157** 7495 REM **157** 7510 LET 0\$=0\$+4\$7510 LET 0\$=0\$+4\$7535 NEXT L 7536 NEXT L 7540 DIM P\$(2000) 7545 LET 2\$=20007555 LET 2\$=20007550 LET 2\$=20007550 LET 2\$=20007550 LET 2\$=20007555 LET 2\$=20007550 RAND U3R 8288 7570 RAND U3R 8288 7570 RAND U3R 8288 7570 RAND U3R 8288 7585 RETURN 8500 REM **1577** CH Г М\$=3TR\$ А(4,L) Len M\$>=5 then goto 7450 г M\$="0"+M\$ 7485 LEN W\$>=5 THÉN GOTO 7520 Γ U\$="0"+U\$ REM CONTROLE DE CHAVES H E K-7 8500 POKE 16507,CH RAND USR 10761 PAUSE DEL 8510 8520 8530 8550 RETURN 8999 9070 9090 STOP RAND USR 8405 GOTO 20

'Li

1, 1

200FOR L=0 TO 305 30 POKE 10752+L,PEEK (16514+L) NEXT 40 5000 100 500 REM SEGNER SOLVER MARKOR 505 LET XC=X YC=Y LET LET YC=Y LET X=XC-.5*E8C LET Y=YC-.5*E8C GO3UB 4000 LET X=XC+.5*E8C GO3UB 4000 LET Y=YC+.5*E8C GO3UB 4000 LET X=XC-.5*E8C GO3UB 4000 RETURN REM 520 540 5500570 580 595 REM **CONTRACT OF CONTRACTOR** POKE 11202, INT (X/256) POKE 11201, INT (X-256*INT 4000 4010 4010 P0 4020 P0 402050) 402550 P0 X0250 P0 X0250 P0 Y0250 P0 Y0550 P0 Y0550 P0 40070 P0 POKE 11204, INT (Y/256) POKE 11203, INT (Y-256*INT Ľ Y/256)) 4050 RAND USR 10967 4060 PAUSE PAUSA 4070 POKE 16507,32 4080 RAND USR 11044 4090 PAUSE PAUSA 4100 POKE 16507,0 4110 RAND USR 11044 4120 RETURN 5005 REM CONTONING PARAMETER 5006 5007 5020 5025 RAND USR 9502 RAND USR 10752 SCROLL PRINT " 5030 SCROLL 5035 PRINT, COMPANY CONCERNMENT S040 SCROLL S045 PRINT DESTINGTION 5050 SCROLL 5055 PRINT 5060 STOP 6000 REM **RUNCES IN INCOM** 5000 REM BUILT S005 REM S010 SCROLL S015 PRINT "PARA FAZER O AJSTE L INEAR, INPUT" 5020 SCROLL S025 PRINT "VALOR MINIMO E VALOR MAXIMO DO" S025 PRINT "VALOR MINIMO E VALOR 025 PRIM'DO" MAXIMO DO" 030 SCROLL 035 PRINT "INTERVALO ESCOLHIDO" 049 INPUT UMIN 049 INPUT UMIN 50045050 50045050 50005050 50005050 INPUT UMIN INPUT UMAX LET SX=0 LET SY=0 LET SXY=0 LET SX2=0 LET SX2=0 LET SY2=0 LET SY2=0 LET SY2=0 LET SY3Y=0 FAST FOR LET L=UMIN TO UMAX SX=SX+Y(L) SY=SY+W(L)

5110)LET 3XY=5XY+(Y(L)+U(L)) 5115 LET 3X2=5X2+(Y(L)+Y(L)) 5120 LET 5Y2=5Y2+(U(L)+U(L)) 5125 NEXT L 5128 SCROLL 5130 LET N=(UMAX-UMIN)+1 5135 LET YMED=5Y/N 5140 LET XMED=5X/N 5145 LET XMED=5X/N 5145 LET XMED=5X/N (SX*SX)/N) 6150 LET B=YMED-A*XMED 6160 SCROLL 5165 PRINT "HIGHNICHED Dala hand FRANKS" SCROLL PRINT A,B PAUSE 200 SCROLL PRINT " 6170 6175 6180 6185 6136 6187 SCROLL 6190 PRINT "DETERMINACAO DE UM I NTERVALO DE" 6195 SCROLL 6200 PRINT "CONFIANCA PARA ""A"" 6205 SCROLL 6206 PRINT 5207 SCROLL 5210 PRINT "1A ETAPA: NIVEL DE " 5215 SCROLL 5220 PRINT "CONFIANCA SCROLL PRINT "1A ETAPA: ESCOLHA UM 0.95(=GA MA<=0.99 6225 INPUT GAMA 6230 SCROLL 6231 PRINT " 5232 5235 UCAD SCROLL PRINT "2A ETAPA:DET. DA SOL UCAO ""C"" " 5240 SCROLL 5245 PRINT "DA EQUACAO F(C) = (1+G AMA) /2 DA 5250 PRINT "TABELA ""T"" C/ N-2 5250 PRINT "TABELA ""T"" C/ N-2 5260 SCROLL 5255 PRINT "LIBERDADE 6270 PAUSE 100 6275 LET GL=N-2 6280 LET FC=(1+GAMA)/2 6285 SCROLL 6290 PRINT "**HELETER FORMATION**", 520 PRINT "HERE 22;FC 5300 PRINT TAB 0;GL;TAB 22;FC 5305 PAUSE 500 5310 SCROLL 5315 PRINT "ENTRE C/O VALOR DE 5320 INPUT C 5325 SCROLL 5325 PRINT C INPUT C SCROLL PRINT 5 326 " 5327 SCROLL 5330 PRINT "38 ETAPA:CALCULO DE 522,512 E 00" 5335 LET 522=(5Y2-(5Y*SY)/N)/(N-6340 LET 512=(5X2-(5X*5X)/N)/(N-1/ 5345 LET 00=(N-1)*((522)-(A*A)*(312)) 5370 PAUSE 50 5375 3CROLL 5376 PRINT

11

				*
ASA2 PRINT "HAR SHARE A ANALY	ASTS PRINT "COEF. DE CORRELHCHO "STS PRINT "COEF. DE CORRELHCHO SSTS PRINT R SSSS PRINT R SSSS PRINT SSS SSSS PRINT "SUER PLOTAR A RETA J SSSS INPUT N#" THEN GOTO 7974	SSS LET RIPL (N*5×V-(5×)) SSS LET RIPL (N*5×V-(5×))	4415 SCROLL 6420 PRINT INE;"<="; A;"<="; IMA 6420 PRINT " 6420 PRINT " 6420 PRINT " 6420 PRINT " 6420 PRINT " 6420 PRINT PP=((SY2-B*SY-A*SXY)/N) **(1/2) 6420 PRINT PP=((SY2-B*SY-A*SXY)/N) **(1/2) 6420 PRINT PP=((SY2-B*SY-A*SXY)/N) **(1/2) 6420 PRINT PP=((SY2-B*SY-A*SXY)/N) 6420 PRINT PP=(SOR (N/(N-2)))*EP 6420 PRINT PRINT PP 6420 PRINT PRINT PP 6420 PRINT PRINT PP 6420 PRINT PRINT PP 6420 PRINT PP 70 PR 70 PR 7	GGT7 SCROLL HNTERVALO DE" GGBG PRINT "AR ETAPA: CALCULO DO HNTERVALO DE" GGBG PRINT "CONFIANCA P/""A"" GGGG PRINT "CONFIANCA P/""A"" GGGG PRUSE 100 G400 LET L=(C*(00***(1/2)))/((S12 **(1/2))*((N-1)*(N-2))**(1/2))) S402 PRINT "L =")L G402 PRINT "L =")L G402 LET IME=B-L G410 LET IME=B-L G411 SCROLL "CALCO DE CONFI G411 PRINT "C INTERUALO DE CONFI

7615 INPUT NPTS 7620 DIM R\$ (200 DIM R\$(2000) LET Z=0 LET Z\$="R" LET DEL=100 LET CH=64 GOSUB 8500 RAND USR 8305 LET CH=0 LET CH=0 7640 7645 GOSUB 8500 DIM X(NPTS) DIM Y(NPTS) K (NPTS) M (NPTS) M(NPTS) S(NPTS) U(NPTS) L=1 TO NPTS X(L)=VAL R\$(R\$=R\$(5 TO) Y(L)=VAL R\$(R\$=R\$(5 TO) K(L)=VAL R\$(R\$=R\$(5 TO) K(L)=VAL R\$(R\$=R\$(5 TO) M(L)=VAL R\$(R\$=R\$(5 TO) S(L)=VAL R\$(TO 4) TO 4) TO 4) LET TO 5) LET LET R\$=R\$(0 TO) LET S(L)=VAL R\$(LET R\$=R\$(6 TO) LET U(L)=VAL R\$(LET R\$=R\$(6 TO) NEXT L SCROLL TO 5) TO 5) " Cintran State And State State State 750 PRINT 7764 SCROLL 7765 PRINT "COLLARS A PRINT PRINT NEGETICAL ENGINE 7755 STOP 7770 FOR L=1 TO NPTS 7771 SLOU 7775 SCROLL 7780 PRINT X(L),S(L) 7781 FAST 7785 NEXT L 7785 NEXT L 7785 GOTO 7810 7790 FOR L=1 TO NPTS 7791 SLOU 7795 SCROLL 7800 PRINT Y(L),U(L) 7801 FAST 7805 NEXT L 7814 SCROLL 7815 PRINT " 1.1 FRINTY (L), W(L) FAST NEXT L SCROLL PRINT "DUE: DOM: CONTRACTOR 7829 78215 78239 78339 78339 78345 7845 INPUT D\$ Let pau3a=50 IF d\$="N" Then goto 7975 SCROLL PRINT "DESCRIPTION AND SCROLL DEPENDENCE BUILDEN INSEX ILLES 7350 INPUT OP 7355 LET TMAX=100 7365 LET TMAX=100 7360 LET TMIN=3 7365 SCROLL 7370 PRINT "SEAMOSTRA E FE(80)B(20) ? (S/N) "" INPUT A\$ IF A\$="6" THEN LET TMAX=20 IF A\$="6" THEN LET TMIN=4 7875 7877 7880 IF AS="S" THEN LET SCROLL PRINT " PRINT PRINT 7881 INPUT ESC IF OP=2 THEN GOTO 7950 LET X=23+X(1)*(1000/TMAX) LET Y=5(1)*1000 GOSUB 3890 FOR L=1 TO NPTS LET X=23+X(L)*(1000/TMAX)

· 1.

7900 LET Y=3(L) *1000 7902 IF Y<30 THEN GOTO 7910 7905 GOSUB 500 7910 NEXT L 7915 GOTO 7975 7950 LET X=23+((Y(1)+TMIN)*1000/ 7950 LET X=23+((((1)+THIN)*1000) 7951 LET Y=(U(1)+8)*100 7952 GOSUB 8890 7954 FOR L=1 TO NPT5 7955 LET X=23+((Y(L)+TMIN)*1000/ 7955 LET X=23+((Y(L)+THIN)*10007 7950 LET Y=(U(L)+8)+100 7951 IF Y<30 THEN GOTO 7970 7955 GOSUB 500 7970 NEXT L 7975 SCROLL 7930 PRINT "OUT: 1015 BUNERR 200 7993 INPUT N\$ 7994 IF N\$="5" THEN GOTO 6000 7995 GOTO 7600 7999 STOP ASAA REH PONTROLE DE CHRVES H 8510 POKE 16507,CH 8520 RAND USR 10761 8530 PAUSE DEL RETURN REM REM DOSIGLONG R PENS POKE 16507,0 RAND USR 11044 8550 tion Section Consumer Section 8300 8890 8905 POKE 11202,INT (X/256) POKE 11201,X-256*INT (X/256 8910 8915 8920 POKE 11204, INT (Y/256) 8925 POKE 11203, Y-256*INT (Y/256 8930 RAND USR 10967 8935 PAUSE 200 8940 POKE 16507,0 8945 RAND_USR 11044 8950 RETURN 9999 STOP 9070 RAND USR 8405 9090 GOTO 20 ****************************** * PROGRAMA MONITOR DE MEDIDAS 4 ************************************ 200FOR L=0 TO 305 30 POKE 10752+L,PEEK (16514+L) 40 NEXT L 100 GOTO 5000 2000 REM **DIGINAL FORM** 2001 RAND USR 10752 2005 LET SECB=0 2008 FOR L=1 TO NECB . 2010 LET ECB=USR 10758 2012 IF ECB>=20000 THEN GOTO 201 2015 LET ECB=ECB+100*P 2020 IF PEEK 16507=0 T 8=-ECB 2030 LET SECB=SECB+ECB 2035 NEXT L 2040 LET ECB=SECB/NECB 2050 RETURN T ECB=ECB+100*PEEK 16508 PEEK 16507=0 THEN LET E EC

2051 REM 2000 REM CONTROL CONTROL 4000 REM CONTROL CONTROL 4010 POKE 11202,INT (X/256) 4020 POKE 11201,INT (X-256*INT ×/256)) 4030 PO 4040 PO POKE 11204, INT POKE 11203, INT (Y/256) (Y-256*INT 1 RAND USR 10967 PAUSE 5 POKE 16507,32 USR 11044 PAUSE 5 POKE 16507,0 RAND USR 11044 410005 RETURN REM surgest statements and REN MANAGER RAND USR 9602 RAND USR 10752 SCROLL PRINT "VAIS USAR O ECE ? 5010 5020 5021 5110 15 7111 A INPUT X\$ A IF X\$="N" THEN GOTO 7000 A SCROLL A PRINT "ENTRO ENTRE C/NUMERO LEITURAS" A INPUT NECB A SCROLL A PRINT "ENTRE C/TEMPO P/ESTA 5120 5130 5140 5150 S150 PRINT "ENTRO ENTRE C/NUMERO DE LEITURAS" 5160 INPUT NECB 5250 SCROLL 5260 PRINT "ENTRE C/TEMPO P/ESTA BILIZAR ECB" 5270 INPUT DEL 5280 REM **ENTRE SELECTORIA** 5285 SCROLL 5290 PRINT "**ENERGY ENTRE SEL** 5295 SCROLL 5300 PRINT "MASSA DENSIDADE 5300 PRINTO" 00 MPRIMENTO" 5305 INPUT 5310 INPUT INPUT DENS 5315 INPUT COMP 5320 SCROLL 5325 PRINT "DIDENTRY AND TRANSF BERNER OF 5330 INPUT OP 5335 IF OP=1 THEN GOTO 5340 5336 SCROLL 5337 PRINT "ENTRE C/ FORMT" 5338 INPUT PO300 5340 REM ENTREMENTED 5341 SCROLL 5341 SCROLL 5345 PRINT "DESEJAS GRAVAR OS DR DOS ?" 5350 SCROLL 5350 PRINT "OPENING STATE OF OPENING HHLGRRRRDLLGGLR INPUT VAL INPOT OHL IF VAL=2 THEN GOTO 6000 LET CH=0 GOSUB 8500 REM REMAINS AND A REAL PROPERTY A REAL PROPERTY AND A REAL PROPERTY A REAL PROPERTY A REAL PROPERTY AND A REAL PROPERTY A REAL REM 5 100 LET NEG=U2

6130 SCROLL 6135 PRINT V1 PRINT 01,02 REM GALESTATION TRANSPORT 6140 LET CH=0+1 GOSUB 8500 6145 G050B 8500 G050B 2000 LET V2=E08 LET P05=V2 SCROLL PRINT V1,V LET V1=V1* IF V1>=210 6155 6160 6170 SCROLL 6175 PRINT V1,V2 6176 LET V1=V1*10 6180 IF V1>=21000 THEN GOTO 6220 6185 IF V1>=8000 THEN GOTO 6205 6190 LET A=15.6007072 6195 LET B=1.608441905 6200 GOTO 6230 6205 LET A=13.43475723 6210 LET B=18.92015433 6215 GOTO 6230 6220 LET A=12.44873404 6225 LET B=39.24128333 6230 LET X=(A*(V1/1000)+B)+273.1 6 E 6231 IF OP=2 THEN GOTO 6275 6232 IF OP=1 THEN GOTO 6235 6235 LET R=((POS-NEG)/2)/1000 6236 LET RO=(R*MAS)/(DENS*COMP** 6240 LET Y=R0+1000000 6241 LET A(I,1)=X 6242 LET A(I,2)=Y 6243 SCROLL 6245 SCROLL 6250 PRINT 6255 SCROLL 6260 PRINT X,Y 6261 LET Y=Y*100 6262 LET Y=(1/15)*Y 6265 GOBUB 4000 6270 NEXT I 6271 IF VAL=2 THEN GOTO 6000 6272 IF VAL=1 THEN GOBUB 8400 6273 GOTO 6000 6275 REM **DECOMPANY** 6280 LET R=((POS-NEG)/2)/1000 6282 LET RO=(R*MAS)/(DENS*COMP 2) LET R0=(R*MAS)/(DENS*COMP** 2) 6283 LET Y=R0+1000000 6286 LET A(I,1)=X 6287 LET A(I,2)=Y 6290 LET DELRO=(R0-R0) 6291 LET Y=DELRO+1000 6295 SCROLL 6306 PRINT 6306 PRINT X,Y 6308 LET Y=Y+10 6308 LET Y=Y+10 6308 LET Y=Y+10 6309 LET Y=(Y+2000)/4 6315 GOSUB 4000 6350 IF VAL=1 THEN GO 6350 IF VAL=1 THEN GO 6350 F VAL=1 THEN GO 6350 REM **CONTO** Ξ) LET A(I,1) =X LET A(I,2) =Y LET DELEO=(R0-R0300)/R0300 GUSUB 4000 NEXT I IF VAL=1 THEN GOSUS 3400 IF VAL=2 THEN GOTO 6000 GOTO 6000 REM **() FORMATION FORMATION** THE .. SCROLL PRINT " COURSESSEE FOR PRINT 000 7010 INPUT X 7010 INPUT X 7015 IF X\$="1 7018 SCROLL 7019 PRINT " INPUT X\$ IF X\$="N" THEN GOTO 7090 SCROLL PRINT " DECROLATEROXALE CERED 7020 INPUT OF 7021 IF OP<>1 AND OP<>2 THEN GOT 0 7018 7022 IF OP=1 THEN GOTO 7026 7023 SCROLL 7024 PRINT "EMENENCIAL PRINT" R0300 INPUT 025

		1. A.	•
		(1112) <	
ខាងមងមាលពាពពេលសលសលសង សព្វីលាល់សំលំសំសំសំសំសំសំសំសំសំ សំពងសខល់ងសំលខាពសងសលខខាង្ហីងហាលងស្រាសសលខាន់ឲ្យ		001-00-00000000000000000000000000000000	
		Fの町内間での内間での内での第5 町002円の02円の02の02の 日の町町町日町町町町町町町町町町	
			THE TET DED
<00>0 <00>0 000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <000 <0		νή- νή- ιου	100
524 101 101	10日 10日 10日 10日 10日 10日 10日 10日 10日 10日		
LUI LUI	KEN KEN KAN		
5			
			· .
			75
8			
8486 LET R\$=R\$(7 T0) 8466 LET Y(L)=VAL R\$(T0 6) 8470 LET R\$=R\$(7 T0) 8471 SCROLL 8472 PRINT X(L),Y(L) 8473 RETURN 8480 FOR L=1 TO 20 8485 LET X=X(L) 8490 IF OP=2 THEN LET Y=(10000*(Y(L)-R0300)/R0300+2000)/4 8492 IF OP=1 THEN LET Y=Y(L)*100 715 8494 GOSUB 4000 8496 NEXT L 8498 RETURN 8500 REM DINEROF OF CHEVECH 8510 POKE 16507,CH 8520 RAND USR 10761 8530 PAUSE DEL 8530 REM DISTONNET FOR 8390 POKE 16507,0 8910 POKE 11202,INT (X/256) 8915 POKE 11201,X-256*INT (X/256) 8920 POKE 11203,Y-256*INT (Y/256) 8930 RAND USR 10967 8935 PAUSE 200 8940 POKE 16507,0 8945 RAND USR 11044 8950 RETURN 8990 STOP 9070 RAND USR 8405 8090 GOTO 20

Apêndice C - Figuras adicionais











REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- [AB 78] AUGIS, J.A. & BENNET, J.E. <u>J. Therm. Anal.</u>, <u>13</u>, 283, 1978.
- [AGS + 81] ALTOUNIAN, Z.; GUO-HUA, Tu; STRÖM-OLSEN, J.O.; MUIR, W.B. Phys. Rev. B, 24, , 1981.
- [AFK + 82] ASAHI, N.; FUJIMAKI, T.; KOIKE, Y.; SATOH, H. Jpn. J. Appl. Phys., 21, L116, 1982.
- [B0 80] BOSWELL, P.G. J. Therm. Anal., 18, 353, 1980.
- [BU 80] BUSCHOW, K.H.J. Solid State Commum., 35, 233, 1980.
- [BMW 81] BAIBICH, M.N.; MUIR, W.B.; WYCK, D.R. van. <u>J. Appl.</u> Phys., <u>52</u>, 1886, 1981.
- [BVD 81] BUSCHOW, K.H.J.; VERBEEK, B.H.; DIRKS, A.G. J. Phys. D, 14, 1087, 1981.
- [Ba 82] BAIBICH, M.N. <u>Thermopower and resistivity of binary</u> <u>metallic glasses</u>, Montreal, 1982. Tese de Doutoramento.
- [Bu 83] BUSCHOW, K.H.J. Acta Metall., <u>31</u>, 155, 1983.

- [Bu 85] BUSCHOW, K.H.J. Fifth international conference on rapidly quenched metals. 1984.
- [Cr 75] CHRISTIAN, J.E. <u>The theory of transformation in metals</u> and alloys. Oxford, Pergamon, 1975.
- [Co 76] COLEMAN, E. Mater. Sci. & Eng., 23, 161, 1976.
- [Ch 78] CHEN, H.S. J. Non. Cryst. Solids, 27, 257, 1978.
- [CGT 80] CHAUDHARI, P.; GIESSEN, B.C.; TURNBULL, D. <u>Sci. Am.</u>, 242(4):87, 1980.
- [CH 82] CHATTOPADHYAY, S. J. Appl. Phys., 53, 22, 91, 1982.
- [CP 73] CHEN, H.S. & PARK, B.K. <u>Acta Metall.</u>, <u>21</u>, 395, 1973.
- [FMF + 78] FUKUNAGA, T.; MISAWA, M.; FUKAMICHI, K.; SUZUKI, K. In: CANTOR, B. ed. <u>Rapidly quenched metals III.</u> London, Metals Society, 1978. v.2, p. 325.
- [Fi 82] FICHTNER, P.F.P. <u>Confecção e caracterização de fi-</u> <u>tas metálicas amorfas</u>, IFUFRGS, Porto Alegre, 1982. Dissertação de Mestrado.
- [GH 72] GILBERT, M. & HYBART, F.J. Polymer, 13, 327, 1972.

- [GK 76] GÜNTHERODT, H.J. & KÜNZI, H.U., In: American Society for metals, ed., Metallic Glasses, Ohio, 1976.
- [GDK 84] GOBRAN, N.K.; DANIAL, M.M.; KAMEL, R. Phys. Status Solidi a, 82, 63, 1984.
- [GM 84] GRANDI, T.A. & MAY, R. Comunicação Privada.
- [HH 78] HILLMANN, H. & HILZINGER, H.R. CANTOR, B. ed. Rapidly quenched metals III. London, Metals Society, 1978. v. 1, p. 371.
- [He 79] HENDERSON, D.W. J. Therm. Anal., 15, 325, 1979.
- [He 79a] . J. Non-Cryst. Solids, 30, 301, 1979.
- [Ki 57] KISSINGER, H.E. <u>Anal. Chem.</u>, 29, 1703, 1957.
- [Kr 69] KREYSZIG, E. Matemática superior. 2.ed. Rio de J<u>a</u> neiro, Livros Técnicos e Científicos Editora Ltda., 1967.
- [KH 81] KÖSTER, U. & HEROLD, U. In: GUNTHERODT, M.J. e BECK, H. Glassy metals I. Berlin, 1981, 225.
- [KVF + 78] KEMÉNY, T.; VINCZE, I.; FOGARASSY, B.; ARRAYS, S. In: CANTOR, B. ed. <u>Rapidly quenched metals III</u>. London, Metals Society, 1978. v. 1, p. 291.

- [KVS + 82] KEMÉNY, T.; VINCZE, I.; SCHAAFSMA, A.S.; WOUDE, F. van der; LOVAS, A. <u>Nucl. Instrum. & Methods</u>, 199, 153, 1982.
- [La 52] LANDAUER, R. J. Appl. Phys., 23, 779, 1952.
- [LW 76] LUBORSKY, F.E. & WALTER, J.L. J. Appl. Phys., <u>47</u>, 3648, 1976.
- [LDW 78] LEWIS, B.G.; DAVIES, H.A.; WARD, K.D. In: CANTOR, B. ed. <u>Rapidly quenched metals III</u>. London, Metals Society, 1978. v. 1, p. 325.
- [LG 84] LOUIS, E. & GARCIA-CORDOVILLA, C. <u>J. Therm. Anal.</u>, 29, 1139, 1984.
- [LG 85] ____. J. Appl. Phys., 57, 2975, 1985.
- [MHN 78] MASUMOTO, T.; HASHIMOTO, K.; NAKA, M. In: CANTOR, B. ed. <u>Rapidly quenched metals III</u>. London, Metals So ciety, 1978. p. 435.
- [MA 79] MATSUURA, M. Solid State Commun., 30, 231, 1979.
- [Mo 80] MOGRO-CAMPERO, A. Phys. Lett. A, 76, 315, 1980.

- [MW 81] MOGRO-CAMPERO, A. & WALTER, J.L. <u>Phys. Lett. A.</u>, <u>87</u>, 49, 1981.
- [MC 83] MEISEL, L.V. & COTE, P.J. <u>Acta Metall.</u>, <u>31</u>, 1053, 1983.
- [NT 75] NAGEL, S.R. & TAUC, J. <u>Phys. Rev. Lett.</u>, <u>35</u>, <u>380</u>, 1975.
- [Na 77] NAGEL, S.R., Phys. Rev. B, 16, 1694, 1977.
- [NAL + 79] NEW, D.A.; ARRAJS, S.; LUBORSKY, F.E.; KEMÉNY, T.; VINCZE, I., J. Appl. Phys., 50, 1654, 1979.
- [NGG + 81] NAKA, M.; GONSER, U.; GÖRLITZ, C.; RUPPERSBERG, H., J. Non-Cryst. Solids, 45, 99, 1981.
- [Or 82] OREHOTSY, J. J. Appl. Phys., 53, 7783, 1982.
- [Po 72] POLK, D. Acta Metall., 20, 485, 1972.
- [PG 76] POLK, D.E. & GIESSEN, B.C. In: American Society for Metals, ed., Metallic Glasses, Ohio, 1976.
- [PTO + 80] PEKALA, K.; TRYKOZKO, R.; OSTATEK, J.; MATYJA, H. <u>Appl. Phys.</u>, <u>22</u>, 369, 1980.

- [SBS + 77] STUBICĂR, M.; BABIĆ, E.; SUBAŠIC, D.; PAVUNA, D.; MAROHNIĆ, Z. Phys. Status Solidi a, 44, 339, 1977.
- [Sc 78] SCOTT, M. In: CANTOR, B. ed. <u>Rapidly quenched</u> <u>metals III</u>. London, Metals Society, 1978. v. 1, p. 198.
- [SSW 78] SCHAAFSMA, A.S.; SNIJDERS, H.; WOUDE, F. van der. In: CANTOR, B. ed. <u>Rapidly quenched metals III</u>. London, Metals society, 1978. v. 1, p. 428.
- [Tu 69] TURNBULL, D. Contemp. Phys., 10, 473, 1969.
- [TO 79] TAKAYAMA, S. & OI, T. J. Appl. Phys., 50, 4962, 1979.
- [VFL + 85] VASCONCELLOS, M.A.Z.; FICHTNER, P.F.P.; LIVI, R.P.; LIVI, F.P.; COSTA Jr., M.I. da; BAIBICH, M.N., In: ANDA, E.V., ed. Rio de Janeiro, 1985, 401.
- [Zi 67] ZIMAN, J.M. Adv. Phys., 16, 551, 1967.
- [Zi 61] . Philos. Mag., 6, 1013, 1961.