



ciência desenvolvimento sociedade

## XXVI SALÃO DE INICIAÇÃO CIENTÍFICA

20 a 24 de outubro - Campus do Vale - UFRGS



<b>Evento</b>	Salão UFRGS 2014: SIC - XXVI SALÃO DE INICIAÇÃO CIENTÍFICA DA UFRGS
<b>Ano</b>	2014
<b>Local</b>	Porto Alegre
<b>Título</b>	Calculando o Inverso Módulo m
<b>Autor</b>	PAOLA ROSSATO BERNARDO
<b>Orientador</b>	VILMAR TREVISAN

Um Domínio Integral  $K$  é um anel comutativo com unidade no qual não há divisores de zero. Um Domínio Euclidiano  $D$  é um Domínio Integral no qual se pode definir uma função  $G: D \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{N}$  tal que para quaisquer  $c, d \in D$ , com  $d \neq 0$ , existem  $q, r \in D$ , “quociente” e “resto” respectivamente, tais que  $c = qd + r$ , no qual  $r = 0$  ou o grau de  $r$  é menor que o grau de  $d$ . O principal objetivo desta apresentação é mostrar o cálculo do inverso de  $a$  módulo  $m$ , no qual  $m$  é um Ideal e  $a$  um elemento do Domínio Euclidiano. Este é um problema que tem importância prática em muitas aplicações relevantes na aritmética de números inteiros e anéis de polinômios.

A principal ferramenta para a implementação deste método é uma generalização do algoritmo de Euclides, que é considerado o algoritmo mais antigo da ciência moderna. Mostraremos que o cálculo do máximo divisor comum de dois números inteiros, conhecido desde o ensino básico, pode ser generalizado para qualquer Domínio Euclidiano. Além disso, o algoritmo de Euclides estendido é usado para resolver esse problema de maneira eficiente.