

O conjunto dos números reais usualmente recebe a definição algébrica-topológica " $\mathbf{R}$  é um corpo ordenado completo". Ignorando-se a estrutura algébrica, e considerando-se apenas a topológica, obtém-se um objeto mais simples, para o qual, possivelmente, existe uma definição alternativa também mais simples. Neste trabalho procuramos obter uma caracterização puramente topológica e não recorrente da reta. Nesse sentido, provamos o seguinte teorema: "Seja  $E$  um espaço topológico de Hausdorff separável, conexo e localmente conexo tal que (1) para todo  $x$  em  $E$ , o subconjunto  $E - \{x\}$  tem duas componentes conexas; (2) dados três pontos distintos  $x, y$  e  $z$  em  $E$ , um deles, digamos  $z$ , é tal que os outros dois ( $x$  e  $y$ ) estão em componentes conexas distintas de  $E - \{z\}$ . Então  $E$  é homeomorfo à reta  $\mathbf{R}$ ." A demonstração encontrada consiste basicamente em ordenar  $E$  de modo que a topologia da ordem coincida com a topologia original, e depois usar a ordem para estabelecer um homeomorfismo entre  $E$  e  $\mathbf{R}$ . Obtivemos contra-exemplos para algumas tentativas de eliminação ou enfraquecimento de hipóteses. Atualmente estamos investigando a possibilidade de substituir a hipótese (2) pela hipótese mais fraca "Dados dois pontos distintos  $x$  e  $y$ , existe um ponto  $z$  em  $E$  tal que  $x$  e  $y$  estão em componentes conexas distintas de  $E - \{z\}$ ." (CNPq).